



دانشگاه اصفهان

دانشکده فیزیک

دستور کار

آزمایشگاه اپتیک

دوره کارشناسی

مهر ماه ۱۴۰۲

پیش‌گفتار

دستورکاری که پیش روی شماست، حاوی دوازده آزمایش اپتیک برای دوره‌ی کارشناسی فیزیک است که به همت آقایان دکتر اُحسیان و کیاست پور طراحی و برپا شده است و به تدریج توسعه پیدا کرده است. در این دستور کار مطالب مربوط به هر آزمایش به طور خلاصه بیان شده است و فرض بر آن است که دانشجوی درس اپتیک را گذرانیده است. با وجود این، مراجعه به کتابهای اپتیک برای درک مفاهیم فیزیک حاکم بر هر آزمایش بسیار توصیه می‌گردد.

در آزمایشگاه اپتیک رعایت موارد زیر ضروری است:

- ۱) قبل از ورود به آزمایشگاه دستور کار آزمایش را مطالعه نمایید.
- ۲) استفاده از تلفن همراه در میزهای آزمایش مجاز نیست زیرا باعث کاهش تمرکز شما می‌شود.
- ۳) وسایل اپتیکی بسیار گران قیمت هستند بنابراین در حین آزمایش با تمرکز و دقت زیاد با وسایل کار کنید.
- ۴) در حین انجام آزمایش دقت کنید تا دست شما سطوح اپتیکی را لمس نکند.
- ۵) در صورتی که اشکالی در ابزارهای آزمایش به وجود آمد استاد درس یا کارشناس آزمایشگاه را مطلع سازید.
- ۶) در حین انجام آزمایش، محاسبات مربوطه را انجام داده و از درستی داده برداری مطمئن گردید.
- ۷) هر گروه باید یک گزارش کار با رعایت کلیه نکات گزارش کار نویسی (شرح آزمایش، داده‌ها، خطاگیری، رسم نمودار و ...) تهیه کرده و هفته بعد به استاد درس تحویل دهد.

سرپرست آزمایشگاه اپتیک
دکتر سعید قوامی صبوری

فهرست آزمایش‌ها

شماره‌ی آزمایش	عنوان آزمایش	صفحه
۱	اندازه‌گیری نمارشکست تیغی متوازی‌السطوح شیشه‌ای، آب و نمارشکست‌های عادی و غیرعادی بلور کلسیت	۳-۷
۲	اندازه‌گیری فاصله‌ی کانونی عدسی‌های ضخیم و دستگاه عدسی‌ها	۸-۱۱
۳	اندازه‌گیری نمارشکست منشور و محاسبه‌ی ضرایب کوشی	۱۲-۱۷
۴	تداخل نور بوسیله‌ی دومنشوری و دوآینه‌ای فرنل و اندازه‌گیری طول‌موج	۱۸-۲۲
۵	اندازه‌گیری فریزهای تداخلی مربوط به گوه‌های هوا (کروی و تخت) و اندازه‌گیری ضخامت ورقه‌های نازک	۲۳-۲۸
۶	اندازه‌گیری طول‌موج نور و نمارشکست هوا بوسیله‌ی تداخل سنج مایکلسون و اندازه‌گیری اختلاف دو طول‌موج نزدیک به هم از طریق کمینه‌سازی نمایانی	۲۳-۲۹
۷	اندازه‌گیری طول‌موج نور بوسیله‌ی تداخل سنج فابری - پرو و اندازه‌گیری اختلاف دو طول‌موج نزدیک به هم از روش بیشترین عدم تطابق	۳۴-۳۷
۸	پراش بوسیله‌ی تک شکاف باریک و روزنه‌ی گرد و مانع باریک	۳۸-۴۱
۹	توری پراش و اندازه‌گیری طول‌موج به کمک آن	۴۲-۴۵
۱۰	اندازه‌گیری توان جداسازی منشور و توری پراش	۴۶-۴۹
۱۱	اندازه‌گیری غلظت محلول‌های فعال نوری بوسیله‌ی قطبش سنج و بررسی پاشندگی چرخشی	۵۰-۵۶
۱۲	اندازه‌گیری نمارشکست به روش بروستر، واکافت قطبیدگی نور و برپایی یک میکروسکوپ قطبان	۵۷-۶۲

اندازه‌گیری نمارشکست تیغهی متوازی‌السطوح شیشه‌ای، آب

و نمارشکست‌های عادی و غیر عادی بلور کلسیت

Measurement of refractive index of plane-parallel plate, water and ordinary and extraordinary refractive indexes of Calcite crystal



ویلبرورد اسنل
۱۶۲۶-۱۵۹۱

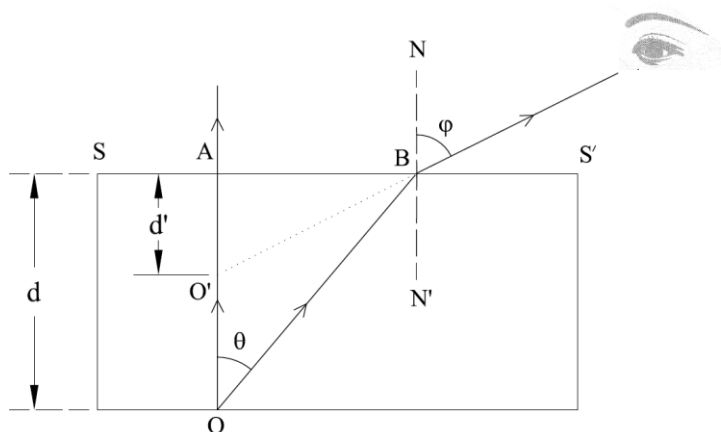
ویلبرورد اسنل، ستاره‌شناس و ریاضیدان هلندی؛ در لیدن به دنیا آمد و در سن بیست و یک سالگی به جانشینی پدرش، استاد ریاضی در دانشگاه لیدن شد. در سال ۱۶۱۷، از طریق اندازه‌گیری انحنای زمین مابین ال کمر و برگن آپ-زوم، ابعاد آن را تعیین کرد. طی مقاله‌ای منتشر نشده در ۱۶۲۱ آنچه را که امروزه به قانون شکست می‌شناسیم، توضیح داده است. نمودارهای هندسی وی ایجاب می‌کنند که نسبت θ و φ cosec و مقدار ثابتی باشد. دکارت نخستین کسی بود که نسبت سینوس‌ها را مطرح کرد، و درفرانسه این قانون را به نام قانون دکارت می‌شناسند.

وسایل آزمایش

میکروسکوپ اندازه‌گیری - تیغهی متوازی‌السطوح شیشه‌ای - تیغهی کلسیت - بشر یا لیوان - قطبنده.

زمینه‌ی نظری آزمایش

از نتایج شکست نور در عبور از مرز دو محیط این است که ضخامت ظاهری (Apparent thickness)، این محیط‌ها با ضخامت واقعی آنها تفاوت دارد.



شکل ۱- قطر ظاهری تیغهی متوازی‌السطوح

یک تیغهی متوازی‌السطوح شیشه‌ای (Plane-parallel plate)، به ضخامت d و نمارشکست n (Refractive index) که در هوا قرار دارد، در نظر بگیرید (شکل ۱). پرتو OA از نقطه‌ی O ، عمود بر سطح مرزی SS' فرود می‌آید و بدون انحراف خارج می‌شود. پرتو دیگری مانند OB ، با زاویه‌ی تابش θ روی سطح SS' فرود می‌آید و با زاویه‌ی شکست φ از این سطح مرزی خارج می‌شود. اگر چشم ناظر در این جهت قرارگیرد به نظر می‌رسد که این پرتو، از نقطه‌ی O' گذشته است. در حقیقت O' تصویر نقطه‌ی O و $d' = O'A$ ضخامت ظاهری تیغه است.

اگر زوایای φ و θ کوچک باشند، یعنی؛ بطور عمودی به تیغه نگاه کنیم، فواصل $O'B$ و $O'A$ تقریباً به ترتیب با $O'A$ و OA برابر خواهند بود. بنابراین در مثلث‌های ABO و ABO' می‌توان نوشت:

$$\sin \varphi = \frac{AB}{O'B} = \frac{AB}{O'A}$$

$$\sin \theta = \frac{AB}{OB} = \frac{AB}{OA}$$

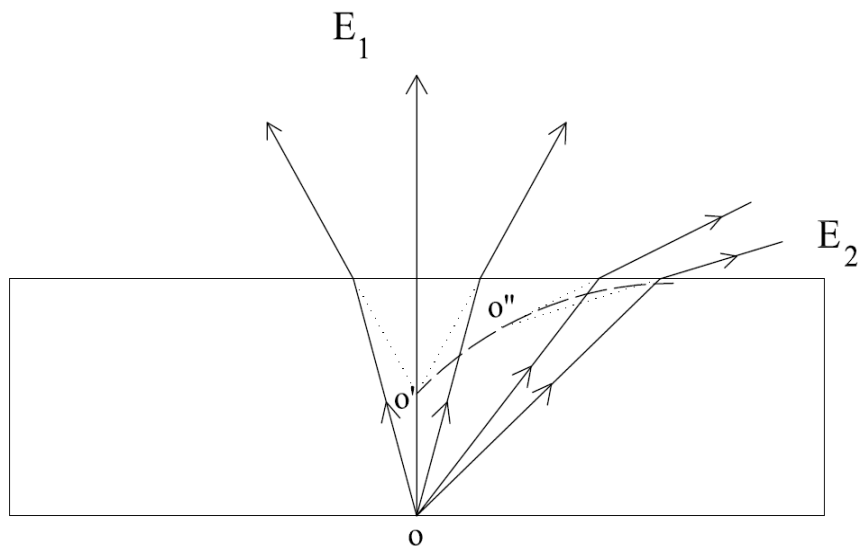
و با توجه به قانون شکست:

$$\sin \varphi = n \sin \theta \quad (1)$$

نتیجه می‌شود:

$$n = \frac{\sin \varphi}{\sin \theta} = \frac{OA}{O'A} = \frac{d}{d'} \quad (2)$$

یکی از شرایط استفاده از رابطه‌ی فوق این است که سطح تیغه، بطور عمودی دیده شود و همچنین زاویه‌ی راس مخروط نوری که از نقطه‌ی O' به ناظر می‌رسد، کوچک باشد. اگر یک یا هر دو شرطی که ذکر شد، برقرار نباشد، محل و شکل تصویر تغییر خواهد کرد. در این حالت مطابق شکل ۲، تصاویر O' و O'' و غیره، روی منحنی خط چینی که در شکل رسم شده است، از نقطه‌ی O' تغییر مکان می‌دهند. بدین ترتیب، اگر چشم در نقطه E_1 قرار گیرد و زاویه‌ی راس مخروطی نیز کوچک باشد، تصویر O' است. درحالی‌که اگر چشم در وضعیت E_2 قرار گیرد، تصویر نقطه‌ی O ، نقطه‌ی O'' خواهد بود. اگر زاویه‌ی راس مخروط نوری بتدریج افزایش یابد، نقطه‌ی O بتدریج پهن می‌شود؛ زیرا که در این حالت تصویر حاصله از یک سری تصویرهای گوناگون در نقاط مختلف تشکیل می‌شود.



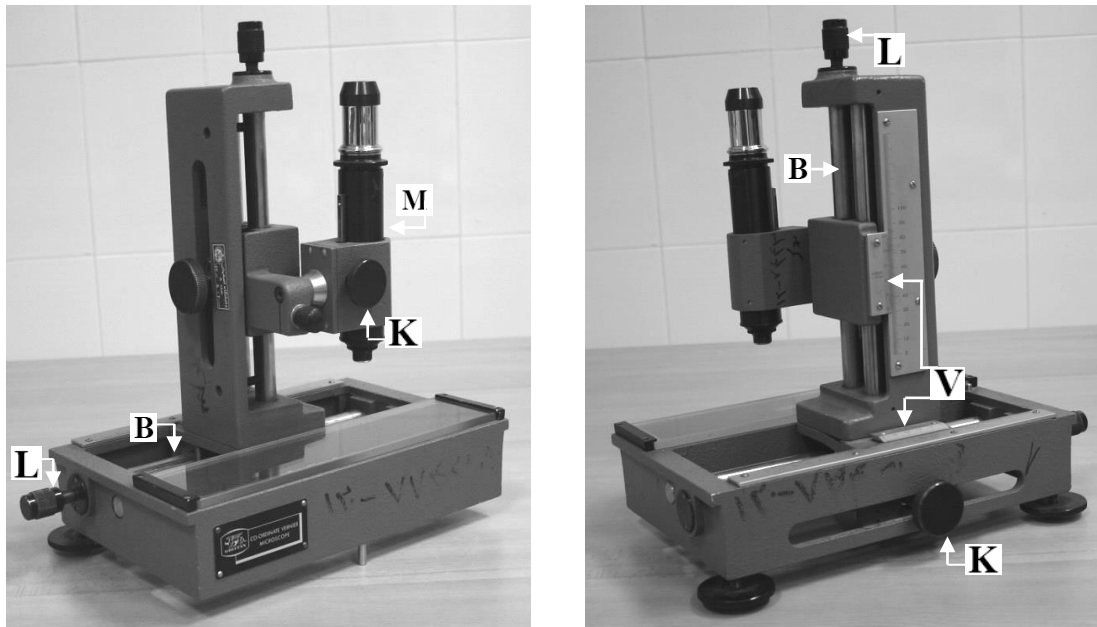
شکل ۲- اثر زاویه‌ی دید در جابجایی ظاهری تصویر

شرح دستگاه میکروسکوپ اندازه‌گیری

این دستگاه از یک میکروسکوپ M تشکیل شده است که روی قطعه فلزی B حرکت می‌کند (شکل ۳). به موازات یک خط کش نقره‌ای به طول ۱۵ سانتی‌متر، یک ورنیه V ، همراه با میکروسکوپ جابجا می‌شود و موقعیت دقیق آن را مشخص می‌کند. به کمک این ورنیه، می‌توان موقعیت میکروسکوپ را تا ± 0.1 میلی‌متر خواند. اگر پیچ L باز باشد، میکروسکوپ را

می توان با دست روی قطعه‌ی B حرکت داد و در صورتیکه این پیچ بسته باشد، میکروسکوپ به صورت آهسته و ظریف به کمک پیچ K ، روی قطعه حرکت می‌کند.

میکروسکوپ برای اندازه‌گیری فواصل افقی و عمودی، هر دو، به کار می‌رود. از میکروسکوپ می‌توان در هر دو وضعیت استفاده کرد؛ وضعیت اول حالتی است که محور میکروسکوپ بر جهت حرکت آن عمود است، و وضعیت دوم که در این آزمایش از آن استفاده می‌شود، مطابق شکل ۳، محور میکروسکوپ با جهت حرکت آن موازی است.



شکل ۳- میکروسکوپ اندازه‌گیری

روش آزمایش

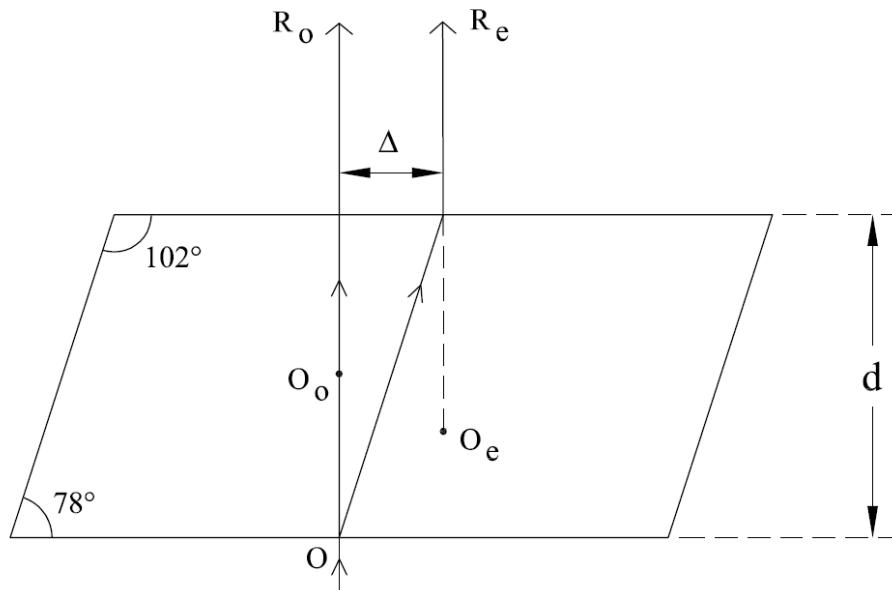
دستگاه را مطابق شکل ۳، روی میز قرار دهید و به کمک پیچ K ، میکروسکوپ را طوری تنظیم کنید که تصویر سطح شیشه‌ای میکروسکوپ در آن دیده شود؛ موقعیت میکروسکوپ را بخوانید و آن را با V_1 نمایش دهید. سپس تیغه‌ی شیشه‌ای متوازی السطوح را زیر میکروسکوپ قرار داده و مجدداً به کمک پیچ K ، با بالا بردن میکروسکوپ تصویر سطح میز را در آن پیدا کنید؛ موقعیت جدید میکروسکوپ را با V_2 نمایش دهید. یک قطره جوهر به ضخامت کم، روی تیغه‌ی شیشه‌ای بریزید و بعد با بالا بردن مجدد میکروسکوپ به کمک پیچ K تصویر قطره‌ی جوهر را پیدا کنید؛ این موقعیت میکروسکوپ را با V_3 نمایش دهید. اندازه‌ی $d = V_1 - V_3$ ضخامت حقیقی و $d' = V_2 - V_3$ ضخامت ظاهری تیغه‌ی شیشه‌ای است. بدین ترتیب با توجه به رابطه‌ی (۲)، نمارشکست تیغه‌ی متوازی‌السطوح از رابطه‌ی زیر بدست می‌آید:

$$n = \frac{d}{d'} = \frac{V_1 - V_3}{V_2 - V_3} \quad (3)$$

این آزمایش را با یک لیوان یا یک بشر آب تکرار کنید و نمارشکست آب را بدست آورید. برای این منظور پیش از ریختن آب در لیوان یا بشر، در ته آن لکه‌ای بگذارید. ارتفاع آب نیز باید حداکثر ۳ سانتیمتر باشد.

حال روی تکه‌ی کاغذی علامتی گذاشته و آن را روی میز قرار دهید. سپس بوسیله‌ی میکروسکوپ تصویر آن را بطور واضح پیدا کرده و در این حالت درجه‌ی ورنیه را یادداشت کنید (V_1). سپس بلور کلسیت که کربنات کلسیم است و بلور «اسپات ایسلند» نیز نامیده می‌شود را روی لکه بگذارید و تصاویر عادی و غیرعادی لکه را بدست آورید. در این حالت

درجه‌ی ورنیه را، که به ترتیب (V_2^o) و (V_2^e) است، یادداشت کنید (برای تشخیص تصویر عادی از غیرعادی، کافیت که بلور را حول محوری عمود بر صفحه‌ی میز بچرخانید، در این صورت تصویر عادی ثابت باقی مانده و تصویر غیرعادی حول آن دوران می‌کند).



شکل ۴- شکست دوگانه در بلور کلسیت

بالاخره، تصویر سطح بالایی بلور را پیدا کنید و V_3 را بدست آورید و بدین ترتیب نماشکست‌های عادی و غیرعادی بلور را از روابط زیر محاسبه کنید:

$$n_o = \frac{V_1 - V_3}{V_2^o - V_3} \quad (۴)$$

$$n_e = \frac{V_1 - V_3}{V_2^e - V_3} \quad (۵)$$

برای انجام این آزمایش بهتر است یک قطب‌بنده (Polaroid)، جلوی چشمی میکروسکوپ قرار دهید تا با چرخاندن آن نمایانی (Visibility) تصاویر عادی و غیرعادی را افزایش دهید، و به این ترتیب کانونی‌سازی این تصاویر بهتر انجام شود. در حقیقت، در حالیکه پرتو عادی از قانون شکست (رابطه‌ی ۱) پیروی می‌کند، پرتو غیرعادی از آن پیروی نمی‌کند، و برای یافتن نماشکست غیرعادی n_e ، نمی‌توان از رابطه‌ی (۵) استفاده کرد. از سوی دیگر اگر جدایی دو تصویر عادی و غیرعادی را با Δ نشان دهیم (شکل ۴) می‌توان ثابت کرد که رابطه‌ی زیر برقرار است:

$$\Delta = d \frac{n_o^2 - n_e^2}{n_o^2 + n_e^2} \quad (۶)$$

بنابراین با اندازه‌گیری نماشکست عادی n_o به کمک رابطه‌ی (۴)، و نیز اندازه‌گیری جدایی دو تصویر Δ ، نماشکست غیرعادی n_e را بوسیله‌ی رابطه‌ی (۶) محاسبه کنید و آن را با مقداری که پیشتر بوسیله‌ی رابطه‌ی (۵) بدست آورده اید، مقایسه کنید. برای اندازه‌گیری Δ ، تیغه را بچرخانید تا خط واصل دو تصویر در امتداد جابجایی میکروسکوپ قرار گیرد.

خطای آزمایش

برای نخستین خطای اندازه‌گیری در موقعیت میکروسکوپ، در یکی از آزمایش‌ها، پس از کانونی ساختن تصویر، میکروسکوپ را آنقدر به جسم نزدیک کنید تا تصویر از تنظیم خارج شود؛ سپس آن را آنقدر از جسم دور کنید تا دوباره از تنظیم خارج شود. نصف فاصله‌ی این دو وضعیت، خطای هر اندازه‌گیری موقعیت میکروسکوپ را معین می‌کند. خطای نسبی (Relative error)، و خطای مطلق (Absolute error)، را روی اندازه‌گیری نمارشکست‌های تیغه‌ی شیشه‌ای، آب و بلور کلسیت محاسبه کنید.

اسپات ایسلند

کلسیت یا کلسیم کربنات ($CaCO_3$)، ماده‌ای است که از آن در طبیعت فراوان یافت می‌شود. سنگ مرمر و سنگ آهن هر دو از تعداد زیادی بلورهای کلسیت به هم چسبیده تشکیل یافته‌اند. در سال ۱۶۶۹ اراسموس بارتولینوس، پزشک و استاد ریاضیات دانشگاه کپنهاگ (و اتفاقاً پدر زن رُمر) به پدیده‌ی نوری جدید و قابل توجهی در کلسیت برخورد کرد که او آن را شکست دوگانه نام نهاد. کلسیت در گذشته‌ای نه خیلی دور در ایسلند کشف شده بود، و در آن زمان اسپات ایسلند نامیده می‌شد.

پرسش

۱. آیا محدودیتی در ضخامت تیغه‌هایی که می‌خواهیم نمارشکست‌های آنها را تعیین کنیم، وجود دارد؟ توضیح دهید.
۲. نشان دهید که پرتو غیرعادی، در شکل ۴، از قانون شکست پیروی نکرده است.

اندازه‌گیری فاصله‌ی کانونی عدسی‌های ضخیم و دستگاه عدسی‌ها

Measuring focal length of thick lenses and lens systems



پیر دوما فرما
1665-1601

پیر دوما فرما، ریاضیدان فرانسوی، در بیمون دلمانژ به دنیا آمد. در دوران جوانی، با همکاری پاسکال، کشفیاتی در مورد خواص اعداد انجام داد که وی بعدها، بر مبنای آنها روش محاسبه احتمالات خود را پایه‌گذاری کرد. وی همچنین بازتابش نور را بررسی و اصل کمترین زمان را بیان کرد. استدلال وی برای این اصل، رفتار اقتصادی و صرفه جویانه‌ی طبیعت است. اما او از این امر آگاه نبود که درست خلاف آن صادق است. فرما، به خاطر معلومات قانونی و برخورداری از صلابت و رهبری، مشاور مجلس تولوز بود. او همچنین فقیهی بزرگ و زبان شناس برجسته‌ای به شمار می‌رفت.

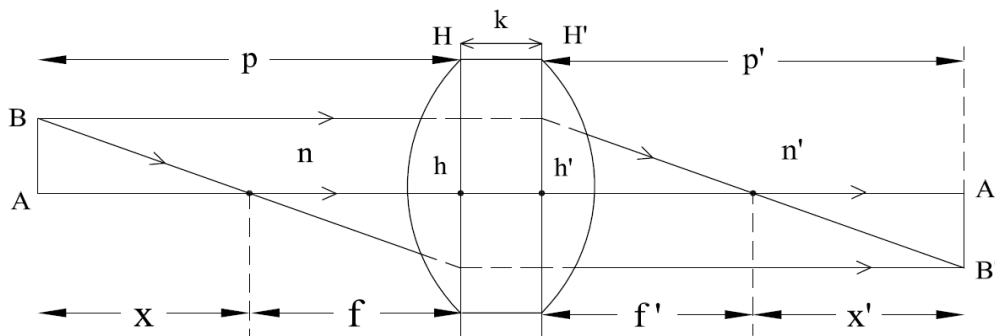
وسایل آزمایش

پایه‌ی اپتیکی مدرج، پرده‌ی سفید(دو عدد)، پرده‌ی سفید شکافدار، چشمه‌ی نور سفید، پالایه‌ی سبزی، آینه‌ی تخت، پایه‌ی مخصوص یافتن نقاط گره‌ای، عدسی ضخیم همگرا و قطعه‌ی چشمی(دیدگر Eyepiece).

زمینه‌ی نظری آزمایش

در محاسبات نظری، یک عدسی ضخیم یا یک دستگاه نوری از عدسی‌های نازک را می‌توان بوسیله‌ی مجموعه‌ای از صفحات اصلی اول و دوم، H و H' ، و نقاط کانونی F و F' ، جایگزین کرد (شکل ۱). فواصل جسم و تصویر P و P' ، به ترتیب از نقاط اصلی اول و دوم، h و h' ، اندازه‌گیری می‌شوند و این نقاط نیز گاهی در داخل عدسی و گاهی خارج از آن قرار دارند. از این رو اندازه‌گیری فواصل یاد شده، با روش‌های ساده‌ای که بوسیله‌ی آنها فاصله‌ی کانونی عدسی‌های نازک تعیین می‌شوند، امکان‌پذیر نیست. در این آزمایش برای یافتن صفحات اصلی و نقاط کانونی دو روش مستقل، ارایه و نتایج آنها با یکدیگر مقایسه می‌شوند. لازم به تذکر است که در شکل ۱، اگر محیط دو طرف عدسی یکسان باشند، $|f| = |f'|$ خواهد

بود.



شکل ۱- صفحات اصلی و نقاط کانونی در یک عدسی ضخیم

۱. اندازه‌گیری فاصله‌ی کانونی بوسیله‌ی فواصل نیوتونی

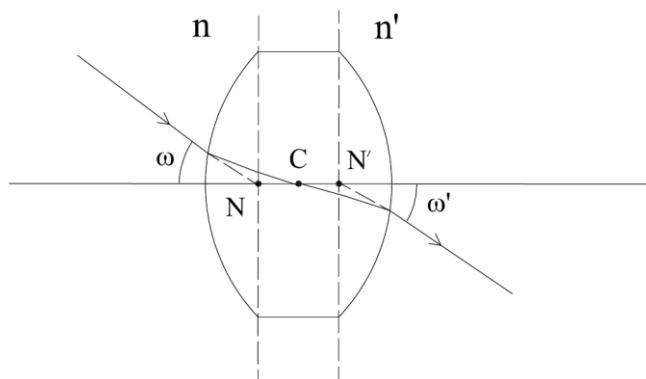
با انجام یک آزمایش در سه مرحله (شکل ۳)، و اندازه‌گیری فواصل X و X' می‌توان به کمک رابطه‌ی نیوتن:

$$XX' = f^2 \quad (1)$$

فاصله‌ی کانونی عدسی ضخیم و یا دستگاه عدسی‌ها را بدست آورد.

۲. اندازه‌گیری فاصله‌ی کانونی بوسیله‌ی نقاط گره‌ای

نقاط گره‌ای (Nodal points) N و N' ، دو نقطه‌ی مزدوج روی محور اصلی هستند، به گونه‌ای که هر پرتو فرودی که از N بگذرد، پرتو خروجی متناظر آن از N' می‌گذرد که با پرتو فرودی موازی است (شکل ۲). بنابراین اگر یک دسته پرتو موازی به عدسی تابانیده شود و ما عدسی را حول یک گره دوران دهیم، جهت پرتو خروجی تغییر نخواهد کرد.



شکل ۲- نقاط گره‌ای N و N' و مرکز اپتیکی C عدسی

هرگاه محیط دو طرف عدسی یکسان باشد ($n=n'$)، نقاط گره‌ای بر نقاط اصلی منطبق هستند و بنابراین اگر یک دسته پرتو موازی روی عدسی فرود آید و عدسی حول نقطه‌ی گره‌ای N' دوران کند، بگونه‌ای که تصویر نقطه‌ای آن جابجا نشود، فاصله‌ی محور دوران از تصویر نقطه‌ای، برابر فاصله‌ی کانونی عدسی است.

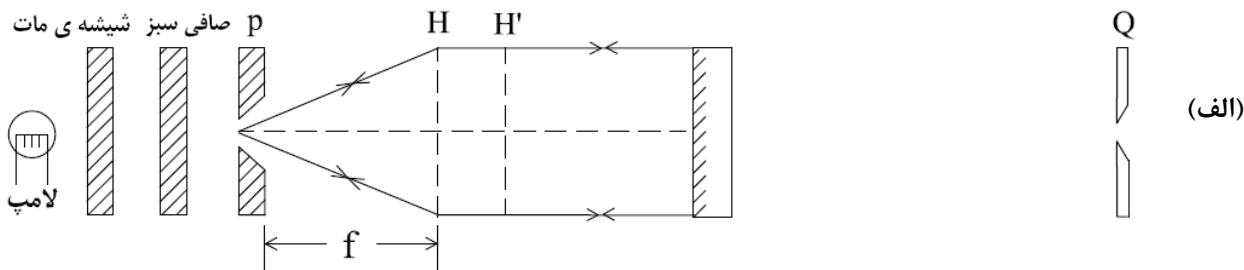
روش آزمایش

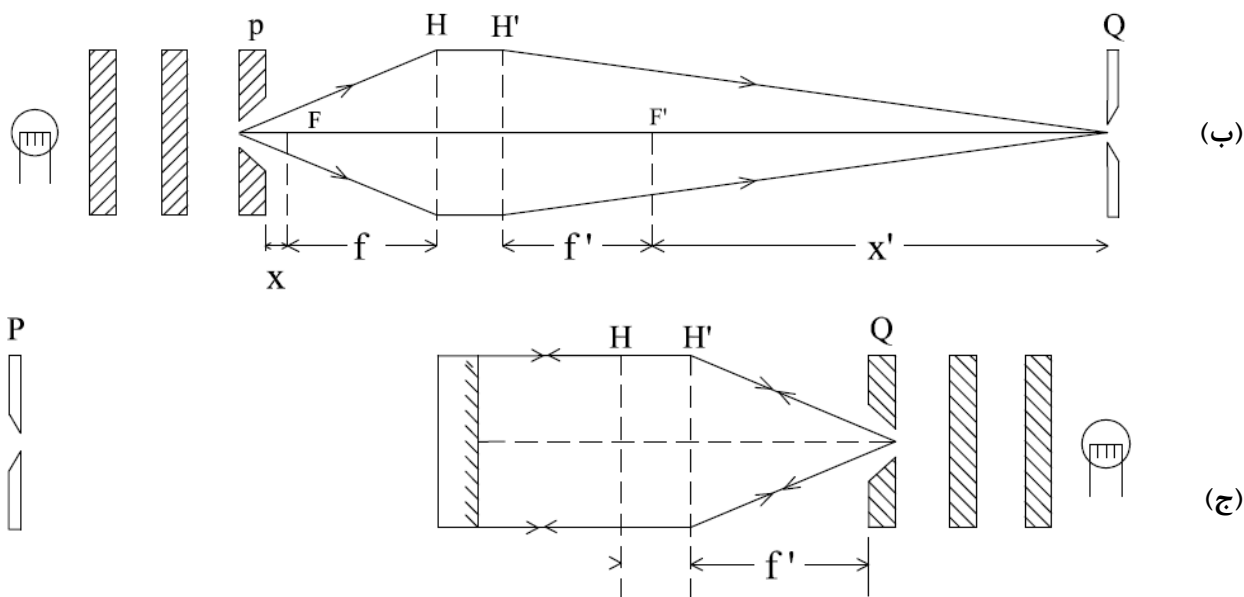
۱. فواصل نیوتنی

ابتدا آینه‌ی تخت را پشت عدسی ضخیم همگرا، و شکاف باریک را مقابل آن قرار دهید (شکل ۳ الف). شکاف را بوسیله‌ی یک چشمه‌ی نور سفید روشن کنید و پالایه‌ی سبز را (برای برطرف کردن ابیراهی رنگی) بین شکاف و چشمه قرار دهید. عدسی را جابجا کنید تا تصویر شکاف، کنار شکاف کانونی شود (روش خودموازی‌ساز، Autocollimation). به این ترتیب نقطه‌ی کانونی اول در صفحه‌ی شکاف قرار دارد؛ لیکن فاصله‌ی کانونی تعیین نشده است، زیرا محل صفحه اصلی اول، H ، هنوز معلوم نیست.

در مرحله‌ی دوم، شکل ۳ (ب)، عدسی به محل جدیدی جابجا می‌شود، تا تصویر شکاف P ، در صفحه‌ی شکاف دیگر، Q ، کانونی شود. اندازه‌ی این جابجایی را با X نشان دهید.

در مرحله‌ی سوم، شکل ۳ (ج)، بدون اینکه شکاف Q را جابجا کنید بوسیله‌ی یک چشمه‌ی نور سفید آن را روشن کنید و آینه‌ی تخت را پشت عدسی قرار دهید. عدسی را به شکاف نزدیک کنید تا تصویر شکاف در کنار آن کانونی شود. اندازه‌ی جابجایی عدسی از مرحله‌ی دوم به مرحله‌ی سوم را با X' نشان دهید. به کمک رابطه‌ی (۱)، فاصله‌ی کانونی عدسی ضخیم را پیدا کنید.



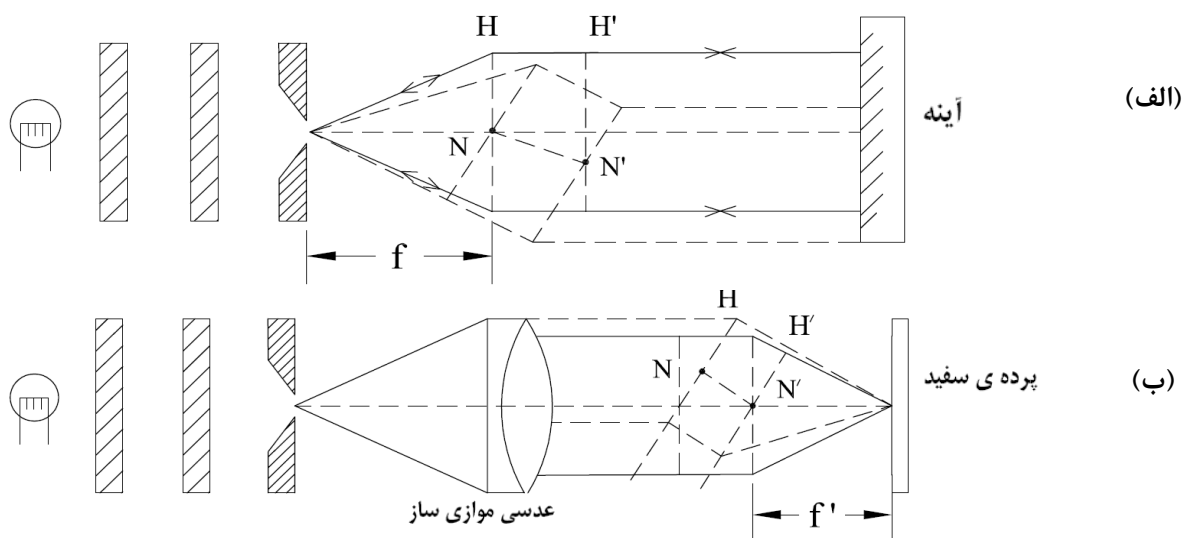


شکل ۳- روش سه مرحله‌ای برای یافتن فواصل نیوتنی X' و X

اگر عدسی دوباره مطابق مرحله اول و سوم تنظیم شود، با داشتن فاصله‌ی کانونی می‌توان محل صفحات اصلی اول و دوم را پیدا کرد. این آزمایش را با قطعه‌ی چشمی تکرار کنید و فاصله‌ی کانونی و محل صفحات اصلی آن را پیدا کنید. بهتر است از قطعه‌ی چشمی رامسدن (Ramsden) استفاده شود؛ این قطعه‌ی چشمی از دو عدسی نازک و همجنس تخت-کوژ (Plano-concave)، تشکیل می‌شود که فاصله‌ی کانونی هر دو آنها یکی است. با بدست آوردن فاصله‌ی کانونی و جدایی عدسی‌های چشمی و میدانی قطعه چشمی‌ای که در اختیار دارید، مسیر نور را در دو عدسی روی کاغذ میلیمتری با دقت رسم کنید و محل صفحات اصلی و فاصله‌ی کانونی را بدست آورید و با نتایج آزمایش مقایسه کنید.

۲. نقاط گره‌ای

برای یافتن نقاط گره‌ای می‌توان از یکی از دو روش زیر استفاده کرد. روش اول مبتنی بر خودموازی‌سازی، شکل ۴ (الف) و روش دوم مبتنی بر نور موازی است، شکل ۴ (ب).



شکل ۴- آرایش‌هایی برای یافتن نقاط گره‌ای

در هر دو روش، اگر عدسی حول یکی از نقاط گره‌ای چرخانده شود، تصویر (کانون) جابجا نمی‌شود. بنابراین برای یافتن نقاط گره‌ای، عدسی را روی پایه‌ی مخصوص پیدا کردن نقاط گره‌ای قرار دهید و دستگاه را مطابق شکل ۴ (الف)، سوار کنید. سپس فاصله‌ی شکاف از عدسی را بگونه‌ای تنظیم کنید که تصویر روی آن کانونی شود. پایه‌ی عدسی را بچرخانید، تصویر روی پرده‌ی سفید جابجا می‌شود. اکنون عدسی را روی پایه‌ی خود جابجا کنید و حالتی را بدست آورید که در آن با چرخاندن پایه‌ی عدسی، تصویر روی پرده بی‌حرکت باقی بماند. با تغییر دادن مکان شکاف، تصویر را کاملاً کانونی کنید. در این وضعیت، نقطه‌ی گره‌ای N' و در نتیجه صفحه‌ی اصلی دوم عدسی بر محور دوران منطبق است و به این ترتیب محل این صفحه روی عدسی، معلوم می‌شود. عدسی را از روی پایه‌ی خود بردارید و فاصله‌ی شکاف از محور دوران، f ، را اندازه بگیرید. عدسی را دوباره روی پایه‌ی خود به گونه‌ای قرار دهید که نسبت به وضعیت پیش، پشت و رو باشد و با همین روش صفحه‌ی اصلی و فاصله‌ی کانونی دیگر را پیدا کنید. نتایج را با روش پیش مقایسه کنید.

همین آزمایش را با قطعه‌ی چشمی (دیدگر) تکرار کنید و فاصله‌ی کانونی و صفحات اصلی آن را پیدا کنید و نتایج را با اندازه‌گیری‌های پیش مقایسه کنید.

محاسبه‌ی خطا

منابع خطا را در هر یک از دو روش ذکر کنید و خطای نسبی و مطلق را روی اندازه‌گیری فاصله‌ی کانونی، در هر یک از دو روش پیدا کنید.

دوربین تصویرکلی (پانوراما)

هرگاه یک عدسی دوربین فیلمبرداری حول نقطه‌ی گره‌ای ثانویه‌اش بگردد و یک قطعه‌ی دراز فیلم به صورت دایره‌ای به شعاع فاصله‌ی کانونی‌اش خمیده شود، می‌توان یک عکس پیوسته که زاویه‌ی دید بزرگی را پوشش می‌دهد، برداشت. چنین دستگاهی به دوربین تصویرکلی (پانوراما) معروف است. بستاور این دستگاه، معمولاً یک شکاف قائم است که درست جلوی فیلم قرار دارد و چنان می‌چرخد که همیشه در مرکز محور عدسی واقع باشد.

پرسش

- در مرحله‌ی دوم روش نیوتنی، تعیین فاصله‌ی کانونی برای عدسی و یا قطعه‌ی چشمی، دو موقعیت ممکن وجود دارد، رابطه‌ی آن دو با هم چیست؟
- فاصله‌ی دو شکاف در مرحله‌ی دوم روش نیوتنی، حداقل چه اندازه می‌تواند باشد؟
- آیا محدودیتی برای هر یک از دو روش وجود دارد؟ آنها را ذکر کنید.

اندازه‌گیری نمازشکست منشور و محاسبه‌ی ضرایب کوشی

Measuring the refractive index of glass prism and calculating Cauchy's coefficients



اگوستین لونیس کوشی
۱۸۵۷-۱۷۸۹

اگوستین لونیس کوشی، ریاضیدان فرانسوی؛ ۷۸۹ مقاله در زمینه‌های ریاضی و اپتیک نوشته است. کوشی زمینه‌ی ریاضی اپتیک را معرفی کرد. او فرض کرد اتر خواص مکانیکی یک محیط الاستیکی را داراست و مقاله‌ای در مورد انتشار موج در مایعات و محیط الاستیک منتشر کرد. وی همچنین بازتاب از فلزات و ارتباط آن با پراکندگی را مطالعه کرد. او مردی با ایمان قوی و یک کاتولیک مذهبی بود.

وسایل آزمایش

دستگاه زاویه‌سنج، منشور شیشه‌ای ۶۰ درجه، لامپ تخلیه‌ی جیوه.

زمینه‌ی نظری آزمایش

در یک منشور، نمازشکست n به طول موج بستگی دارد و اگر نوری غیر تکفام روی منشور فرود آید، طول موج‌های تشکیل دهنده‌ی آن از هم جدا شده و طول موج‌های کوچکتر بیشتر منحرف می‌شوند. چنانچه منشور در مینیمم انحراف باشد، نمازشکست منشور از رابطه‌ی زیر بدست می‌آید:

$$n = \frac{\sin \frac{A + D_m}{2}}{\sin \frac{A}{2}} \quad (1)$$

که در آن A زاویه‌ی راس منشور و D_m زاویه‌ی مینیمم انحراف است.

تغییرات نمازشکست انواع شیشه‌های شفاف بر حسب طول موج (منحنی پاشندگی) در ناحیه‌ی مرئی بیناب را می‌توان به صورت زیر، که به رابطه‌ی کوشی معروف است، نوشت:

$$n = a + \frac{b}{\lambda^2} + \frac{c}{\lambda^4} + \dots \quad (2)$$

که در آن a, b, c ضرایب ثابت و λ طول موج نور است. می‌توان با استفاده از روابط (۱) و (۲) و طول موج‌های معین $\lambda_1, \lambda_2, \dots$ این ضرایب ثابت را که مشخص‌کننده‌ی جنس شیشه هستند، بدست آورد. در عمل چون ضرایب b به بعد، بسیار کوچک هستند؛ از آنها چشمپوشی کرده و رابطه‌ی کوشی را به شکل زیر مورد استفاده قرار می‌دهند:

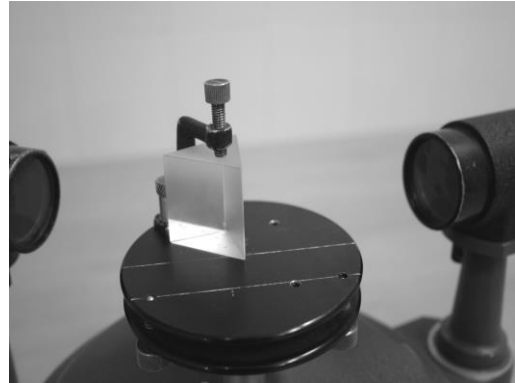
$$n = a + \frac{b}{\lambda^2} \quad (3)$$

شرح دستگاه زاویه‌سنج و تنظیم آن

زاویه‌سنج (Goniometer)، دستگاه حساسی است که باید با دقت با آن کار کرد. این دستگاه از یک موازی‌ساز (Collimator)، یک دوربین و یک میزچه که منشور را روی آن قرار می‌دهند، تشکیل می‌شود (روی دوربین و موازی‌ساز فشار نیاورید). موازی‌ساز از هر نقطه‌ی شکاف باریک، یک دسته‌پر تو موازی درست می‌کند.

در صفحه‌ی کانونی (Focal plane) عدسی شیئی دوربین یک تار بست (دو خط متعامد) قرار دارد. میزچه را نیز می‌توان بوسیله‌ی سه پیچ به صورتی کاملاً افقی، تنظیم کرد. دوربین و میزچه می‌توانند حول محور زاویه‌سنج دوران کنند، به طوریکه محورهای نوری دوربین و موازی‌ساز بر محور دوران عمود هستند. وضعیت دوربین را می‌توان بوسیله‌ی یک صفحه‌ی مدرج سنجید. روی این صفحه‌ی مدرج دو ورنیه در مقابل یکدیگر قرار دارند (شکل ۴) که استفاده از هر دو آنها برای تصحیح خطاهای خروج از مرکز (اختلاف محور دوران دوربین و محور صفحه مدرج) اجباری است. میانگین زوایایی که روی دو ورنیه خوانده می‌شوند، موقعیت دقیق دوربین را مشخص می‌کند. دوربین و موازی‌ساز باید برای بی‌نهایت دور کانونی شوند. برای این منظور، نخست عدسی چشمی مجهز به لامپ ۶ ولتی را به جای عدسی چشمی (Ocular lens) دوربین قرار دهید و آن را طوری تنظیم کنید که خطوط تار بست کانونی شوند. سپس منشور را به گونه‌ای روی میزچه قرار دهید که یکی از رخ‌های آن در مقابل دوربین قرار گیرد و پس از پیدا کردن تصویر تار بست، دوربین را برای آن کانونی‌سازید (روش خودموازی‌ساز Autocollimation). حال عدسی چشمی مجهز به لامپ ۶ ولتی را برداشته و عدسی چشمی دوربین را سر جای خود طوری قرار دهید که تصویر تار بست همچنان کانونی باقی‌ماند. در این صورت دوربین برای بینهایت دور کانونی شده است. لامپ تخلیه‌ی گازی (Discharge gas tube) را مقابل شکاف موازی‌ساز قرار داده و آن را روشن کنید. تصویر شکاف موازی‌ساز را تا آنجا که ممکن است باریک کنید و فاصله‌ی این شکاف را از عدسی موازی‌ساز طوری تنظیم کنید که تصویر شکاف در دوربین کانونی شود. در این صورت موازی‌ساز نیز برای بی‌نهایت دور کانونی شده است.

برای تراز کردن منشور، ابتدا عدسی چشمی مجهز به لامپ ۶ ولتی را به جای عدسی چشمی دوربین قرار دهید و آن را طوری تنظیم کنید که خطوط تار بست کانونی شوند. آنگاه منشور را مطابق شکل ۲، بگونه‌ای روی میزچه قرار دهید که یکی از رخ‌های آن (مثل β در شکل ۲) بر خط واصل دو پیچ تنظیم میزچه، L_2 و L_3 عمود باشد. سپس تصویر تار بست دوربین را در رخ β پیدا کرده و با تنظیم پیچ L_2 یا L_3 آن را بر تار بست منطبق کنید. دوربین را بچرخانید و همین عمل را برای رخ دیگر منشور، γ ، تکرار کنید (پیچ تراز این بار L_1 است). آزمایش را برای رخ β تکرار کنید تا مطمئن شوید که تصویر تار بست هنوز بر تار بست دوربین منطبق است. پس به این ترتیب، رخ‌های β و γ با محور دوران دوربین موازی هستند و در کلیه‌ی آزمایش‌های بعدی از A به عنوان زاویه‌ی رأس منشور و از رخ α به عنوان قاعده‌ی آن استفاده می‌شود.



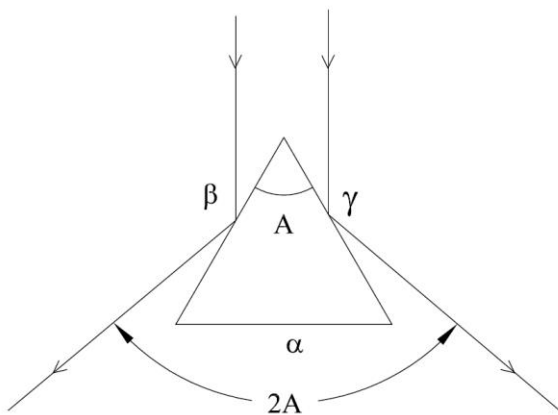
شکل ۱- دستگاه زاویه‌سنج

روش آزمایش

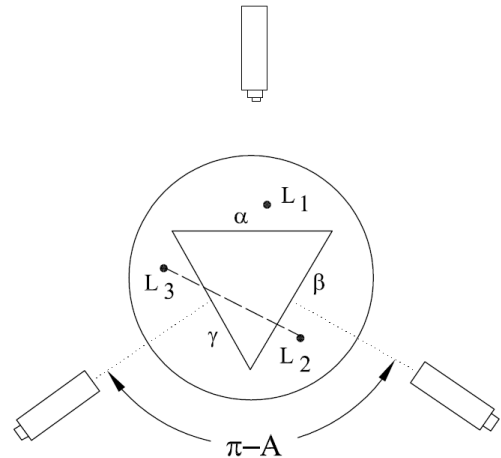
الف) اندازه‌گیری زاویه‌ی رأس منشور

روش اول: در شکل ۲ زاویه‌ی دوران دوربین بین دو وضعیت، که در یکی دوربین بر رخ β و در دیگری بر رخ γ عمود است، برابر $\pi - A$ است. بنابراین با اندازه‌گیری این زاویه، زاویه‌ی رأس منشور A ، را بدست آورید.

روش دوم: اگر قاعده‌ی منشور کوچک باشد و بتوان آن را روی میزچه به گونه‌ای قرارداد که زاویه‌ی رأس منشور به محور دوران میزچه نزدیک باشد، می‌توان برای اندازه‌گیری زاویه‌ی رأس منشور از این روش نیز استفاده کرد. برای این منظور پرتوهای موازی‌ساز را مطابق شکل ۳، روی دو رخ منشور فرود آورید، سپس تصویر شکاف موازی‌ساز را پس از بازتاب روی رخ های β و γ منشور در دوربین مشاهده کنید. در هر دو حال دوربین را طوری قراردادید که تصویر شکاف موازی‌ساز بر مقطع تاریست منطبق شود. زاویه‌ی بین این دو وضعیت برابر با $2A$ است.



شکل ۳



شکل ۲

ب) اندازه‌گیری زاویه‌ی مینیمم انحراف و نمارشکست منشور

بیناب لامپ مورد نظر را در دوربین پیدا کنید. فراموش نکنید که زاویه‌ی فرودی باید خیلی زیاد باشد و انحراف پرتوها به سوی قاعده‌ی منشور است. شکاف موازی‌ساز را تا جای ممکن باریک کنید و یکی از خطوط بیناب (Spectral lines) را در نظر بگیرید. با چرخاندن میزچه، منشور را بچرخانید تا وضعیت مینیمم انحراف پیدا شود. در چنین موقعیتی تصویر خواهد ایستاد و بعد از آن اگر به چرخش میزچه ادامه دهید، جهت حرکت تصویر تغییر خواهد کرد. وقتی وضعیت مینیمم

انحراف را در دوربین جستجو می‌کنید، ممکن است خط مورد نظر از میدان دید دوربین خارج شود، در این صورت دوربین را نیز بچرخانید و این خط را دنبال کنید. سپس دوربین را طوری تنظیم کنید که خط بینایی مورد نظر از مقطع تار بست بگذرد و در این حالت موقعیت دوربین را روی صفحه مدرج یادداشت کنید.

برای کاهش خطای آزمایش، به جای اینکه منشور را از روی میزچه بردارید و دوربین را در راستای موازی‌ساز قرار دهید تا بدین وسیله زاویه D_m را مستقیماً اندازه‌گیری کنید، منشور را نسبت به وضعیت فعلی، 180° درجه بچرخانید و آزمایش بالا را تکرار کنید. بدین ترتیب $2D_m$ اندازه‌گیری خواهد شد.

با قراردادن اندازه‌گیری‌های فوق در رابطه‌ی (۱)، نمارشکست منشور را برای کلیه‌ی خطوط بیناب جیوه بدست آورید، و

رنگ	طول موج (Å°)	مینیمم انحراف	نمارشکست	طول موج محاسبه شده (Å°)
قرمز	۶۲۳۴/۳			
زرد اول	۵۷۹۰/۶			۵۷۹۰/۶
زرد دوم	۵۷۶۹/۶			
سبز پررنگ	۵۴۶۰/۷			
سبز کم‌رنگ	۴۹۶۰/۳			
آبی	۴۹۱۶/۰			
نیلی	۴۳۵۸/۳			
بنفش کم‌رنگ	۴۰۷۷/۸			
بنفش پررنگ	۴۰۴۶/۶			۴۰۴۶/۶

نتایج را در جدول روبرو گردآوری کنید:

(ج) محاسبه‌ی ضرایب کوشی

به کمک جدول بالا، منحنی تغییرات نمارشکست بر حسب طول موج (منحنی پاشندگی شیشه‌ی منشور) را روی کاغذ میلیمتری رسم کنید. برای تحقیق رابطه‌ی کوشی برای دو خط (مثلاً زرد اول و بنفش پررنگ) به طول موج‌های λ_1 , λ_2 با نوشتن دو معادله‌ی زیر:

$$n_1 = a + \frac{b}{\lambda_1^2}$$

$$n_2 = a + \frac{b}{\lambda_2^2}$$

ضرایب a و b را بدست آورید و سپس با داشتن آنها طول موج‌های بقیه‌ی خطوط را به کمک رابطه‌ی (۳)، محاسبه و با طول موج‌های داده شده مقایسه کنید.

(د) توان پاشندگی

توان پاشندگی (Dispersive powe) منشور را، که بر حسب تعریف از رابطه‌ی زیر بدست می‌آید، محاسبه کنید:

$$\Delta = \frac{n_F - n_C}{n_D - 1}$$

که در آن n_F ، n_C و n_D به ترتیب نمارشکست‌های منشور برای خطوط فرانهافر F ، C و D با طول موج‌های $\lambda_F = 4861$ ، $\lambda_C = 6563$ و $\lambda_D = 5893$ آنگستریم است.



خطای آزمایش

دقت میزچه‌ی زاویه‌سنج یک دقیقه می‌باشد. خطای مکانیکی دستگاه حداکثر 0.5 دقیقه، و خطای نقطه گذاری نیز حداکثر 0.5 دقیقه است. خطا روی اندازه‌گیری زاویه‌ی رأس و زاویه‌ی مینیمم انحراف را بدست آورید.

شکل ۴- ورنیه‌ی دستگاه زاویه‌سنج

با روش‌های معمولی می‌توان به کمک رابطه‌ی (۱)، خطای مطلق و خطای نسبی در اندازه‌گیری نمارشکست منشور را محاسبه کرد. نتیجه چنین است:

$$\Delta n = \frac{1}{2} \frac{\sin \frac{D_m}{2}}{\sin^2 \frac{A}{2}} \Delta A + \frac{1}{2} \frac{\cos \frac{D_m + A}{2}}{\sin \frac{A}{2}} \Delta D_m \quad (4)$$

$$\frac{\Delta n}{n} = \frac{1}{2} \left[-\cotg \frac{A}{2} + \cotg \frac{D_m + A}{2} \right] \Delta A + \frac{1}{2} \left[\cotg \frac{A + D_m}{2} \Delta D_m \right] \quad (5)$$

با توجه به اینکه ΔA و ΔD_m در روابط فوق، باید بر حسب رادیان بیان شوند، به کمک روابط (۴) و (۵) خطای مطلق و خطای نسبی در اندازه‌گیری نمارشکست را بدست آورید.

منشور سه گوشه‌ی مکعب

علاوه بر منشورهایی که در بیناب‌نمایی به عنوان ابزار پاشنده استفاده می‌شوند؛ منشورهای بازتابان، منشورهایی هستند که در آنها دیگر پاشندگی مطلوب نیست. مورد استفاده‌ی آنها در تغییر سمتگیری یک تصویر یا در راستای انتشار یک باریکه‌ی نور است. یک منشور بازتابان که جهت هدف ویژه‌ای به کار گرفته شد، منشور سه گوشه‌ی مکعب بود. اگر مکعبی را چنان برش دهیم که قطعه‌ی جدا شده دارای سه وجه باشد که به طور دوجانبه بر هم عمودند، آن را یک منشور سه گوشه‌ی مکعب می‌نامیم. این منشور دارای خاصیت برگشت‌پذیری مستقیم است، یعنی تمامی پرتوهای ورودی را در امتدادهای اصلی خودشان به عقب بازمی‌تاباند. صد عدد از این منشورها، در آرایش ۱۸ اینچ مربعی جای داده شدند و هنگام پرواز آپولوی ۱۱ روی سطح کره‌ی ماه، قرارداد شده‌اند.

پرسش

۱. در شکل (۳) نشان دهید که زاویه‌ی چرخش دوربین دو برابر زاویه‌ی رأس منشور است.
۲. در اندازه‌گیری زاویه‌ی رأس منشور، دقت کدام یک از دو روش ارائه شده بهتر است؟ چرا؟
۳. در اندازه‌گیری زاویه‌ی مینیمم انحراف، به منظور کاهش خطا، به جای اندازه‌گیری زاویه‌ی مینیمم انحراف D_m ، منشور را 180° درجه چرخانده‌ایم و $2D_m$ را بدست آوردیم. دلیل کاهش خطا را توضیح دهید.
۴. روابط (۴) و (۵) را اثبات کنید.

تداخل نور بوسیله‌ی دومنشوری و دوآینه‌ای فرنل و اندازه‌گیری طول‌موج

Measuring wavelength by using Fresnel's biprism and double mirrors

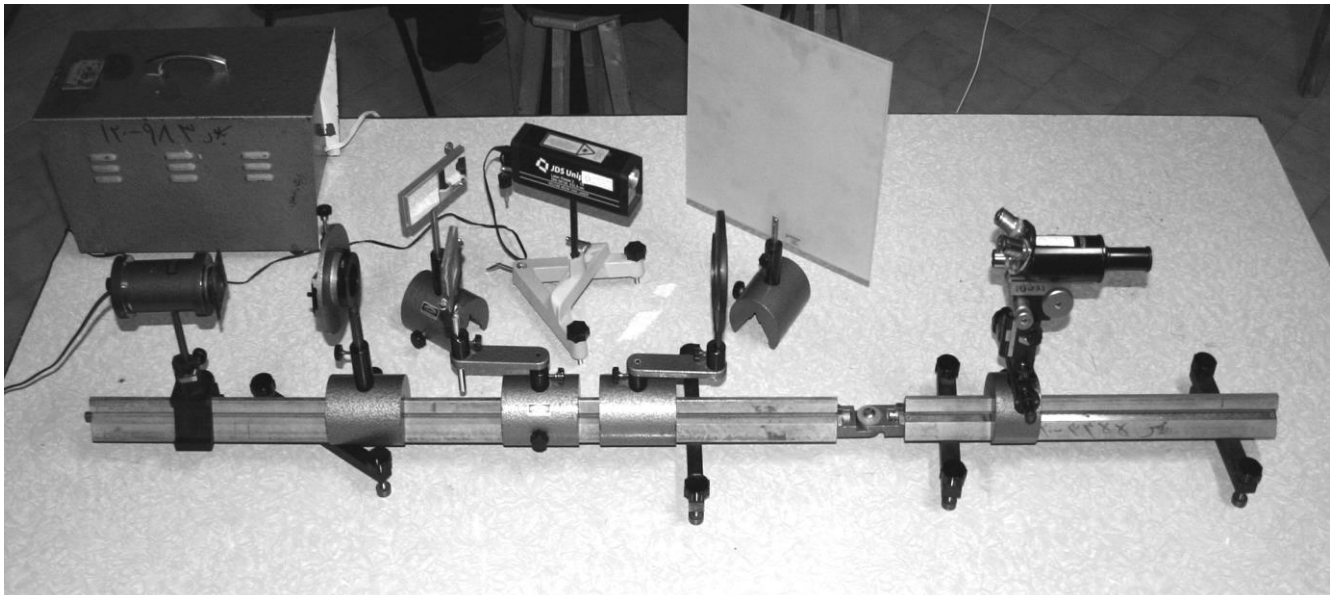


اگوستین فرنل
1788-1827

اگوستین فرنل، دانشمند فرانسوی که سهم قابل ملاحظه‌ای در نظریه‌ی نور دارد. به عنوان یک مهندس، به نور علاقمند شد و در بازه‌ی زمانی ۱۸۱۴-۱۸۱۵، او بر روی اصول تداخل مطالعه کرده و آن را به حالت‌های پیچیده‌تر پراش گسترش داد. بررسی‌های ریاضی او یافته‌های صوتی را به نظریه‌ی موجی نور عمومیت داد.

وسایل آزمایش

پایه‌ی اپتیکی، تعدادی سُرّه، چشمه‌ی نور سفید و لیزر هلیوم - نئون، پالایه‌های مختلف، عدسی واگرا ($f = -10cm$)، عدسی همگرا ($f = 30cm$)، شکاف قابل تنظیم، دومنشوری و دوآینه‌ای فرنل، میکروسکوپ اندازه‌گیری و پرده‌ی سفید.



شکل ۱- برپایی وسایل آزمایش تداخل نور بوسیله‌ی دومنشوری و دوآینه‌ای فرنل

زمینه‌ی نظری آزمایش

در پدیده‌ی تداخل (Interference) نور، چشمه‌ها باید با یکدیگر هم‌دوس (Coherent) باشند، از این رو در تداخل دوپرتوی، معمولاً از یک چشمه، دو چشمه ایجاد می‌کنند؛ مانند تداخل بوسیله‌ی دو شکافی یانگ، تداخل بوسیله‌ی دومنشوری (Biprism) و دوآینه‌ای فرنل و تداخل بوسیله‌ی تک‌آینه‌ی لویید.

زاویه‌ی رأس هر یک از دو منشور، در دومنشوری فرنل حدود ۱ درجه و زاویه‌ی دوآینه‌ای فرنل نیز حدود ۱۷۹ درجه است. در هر دو وسیله، S_1 و S_2 ، تصاویر چشمه‌ی S هستند. جدایی این دو تصویر از یکدیگر را با h و فاصله‌ی آنها را از پرده‌ی سفید با x نشان می‌دهیم. توزیع شدت نور روی پرده‌ی سفید چنین است:

$$I = I_0 \cos^2 \frac{\varphi}{2} \quad (1)$$

که در آن φ اختلاف‌فاز (Phase difference)، دو موج تداخل‌کننده، در نقطه‌ای مانند p روی پرده‌ی سفید است. اختلاف‌راه نوری (Optical path difference; OPD)، در این نقطه از رابطه‌ی زیر بدست می‌آید:

$$OPD = \frac{hy}{x} \quad (2)$$

که در آن y فاصله‌ی نقطه‌ی p از مبدأ O ، است. رابطه‌ی (۱) به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$I = I_0 \cos^2 \left(\frac{\pi}{\lambda} \frac{hy}{x} \right) \quad (3)$$

و بنابراین محل فریزهای روشن و تاریک به ترتیب از روابط زیر بدست می‌آیند:

$$y_m = k \frac{x\lambda}{h} \quad \text{محل فریزهای روشن}$$

$$y_m = \left(k + \frac{1}{2}\right) \frac{x\lambda}{h} \quad \text{محل فریزهای تاریک}$$

که در آنها؛

$$k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

و سرانجام فاصله‌ی بین دو فریز روشن یا تاریک پیاپی، i ، چنین است:

$$i = \frac{x\lambda}{h} \quad (4)$$

روش آزمایش

الف) تداخل بوسیله‌ی دومنشوری فرنل

چراغ سفید را بوسیله‌ی مبدل روشن کنید و آن را با شکاف قابل تنظیم و دومنشوری فرنل به ترتیب بوسیله‌ی سُرّه‌ها، روی پایه‌ی اپتیکی قرار دهید. فضایی برای قراردادن یک پالایه بین چشمه‌ی نور و تک‌شکافی قابل تنظیم رها کنید. با تنظیم عرض شکاف و چرخاندن اندک آن گرت‌هی تداخل نور سفید را روی پرده‌ای سفید جلوی میکروسکوپ تشکیل دهید (شکل ۱). گرت‌ه (Pattern) ی تداخل نور سفید را روی میکروسکوپ انداخته و از پشت میکروسکوپ آن را مطالعه کنید و مشاهدات خود را بنویسید.

سپس پالایه‌ای که در اختیارتان قرار داده شده است را در محل خود قرار دهید و فریزهای نور تقریباً تکفامی را تشکیل دهید. این فریزها هم فاصله و به موازات خط‌الرأس دامنشوری است. برای اندازه‌گیری طول موج نور، پهنای چندین فریز روشن متوالی را اندازه‌گیری کنید و میانگین i را بدست آورید. سپس فاصله‌ی شکاف قابل تنظیم از میکروسکوپ، x ، را اندازه‌گیری کنید. یک عدسی همگرا (Convergent lens)، با فاصله‌ی کانونی ۳۰ سانتی‌متر، مقابل دامنشوری فرنل قرار دهید و تصویر دوشکافی مجازی، S_1 و S_2 را جلوی میکروسکوپ پیدا کنید. با اندازه‌گیری فاصله‌ی دو تصویر از یکدیگر h' ، و فاصله‌ی شکاف قابل تنظیم از عدسی p ، و فاصله‌ی دو تصویر از عدسی p' ؛ می‌توان فاصله‌ی دو شکاف مجازی h ، را بوسیله‌ی رابطه‌ی زیر محاسبه کرد:

$$h = h' \frac{p}{p'} \quad (۵)$$

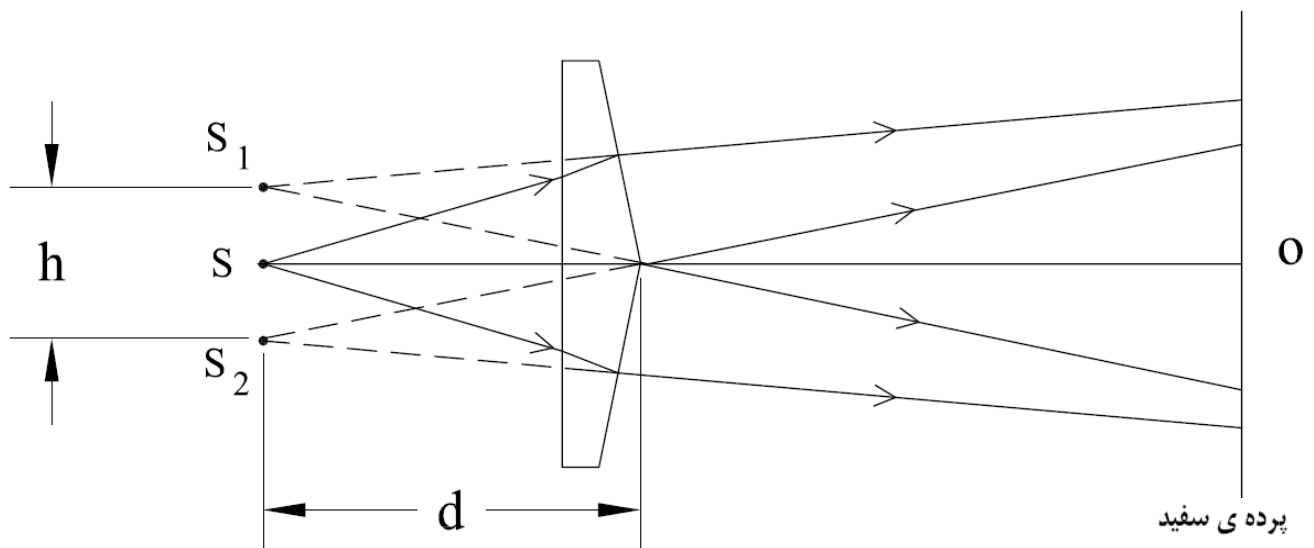
با داشتن i و x و h طول موج نور λ ، را بوسیله‌ی رابطه‌ی (۴) محاسبه کنید.

با توجه به کوچک بودن زاویه‌ی رأس منشورها، α ، این زاویه را از رابطه‌ی زیر بدست آورید:

$$\alpha = \frac{h}{2(n-1)d} \quad (۶)$$

که در آن d مطابق شکل ۲، فاصله‌ی شکاف باریک از دامنشوری و n نمازشکست دامنشوری است. اگر $n = ۱/۴۸$ باشد، زاویه‌ی رأس منشورها را از رابطه‌ی (۶) محاسبه کنید.

چشمه‌ی نور سفید، پالایه و شکاف باریک را از روی پایه‌ی اپتیکی بردارید و نور لیزر را پس از واگرا کردن بوسیله‌ی یک عدسی واگرا ($f = -10cm$)، مستقیماً روی دامنشوری فرود آورید و فریزهای تداخلی (Interference fringes) را روی میکروسکوپ بیاندازید. آزمایش را با نور این چشمه تکرار کنید و فریزها را با فریزهای قبل مقایسه کنید.



شکل ۲- تداخل نور بوسیله‌ی دامنشوری فرنل

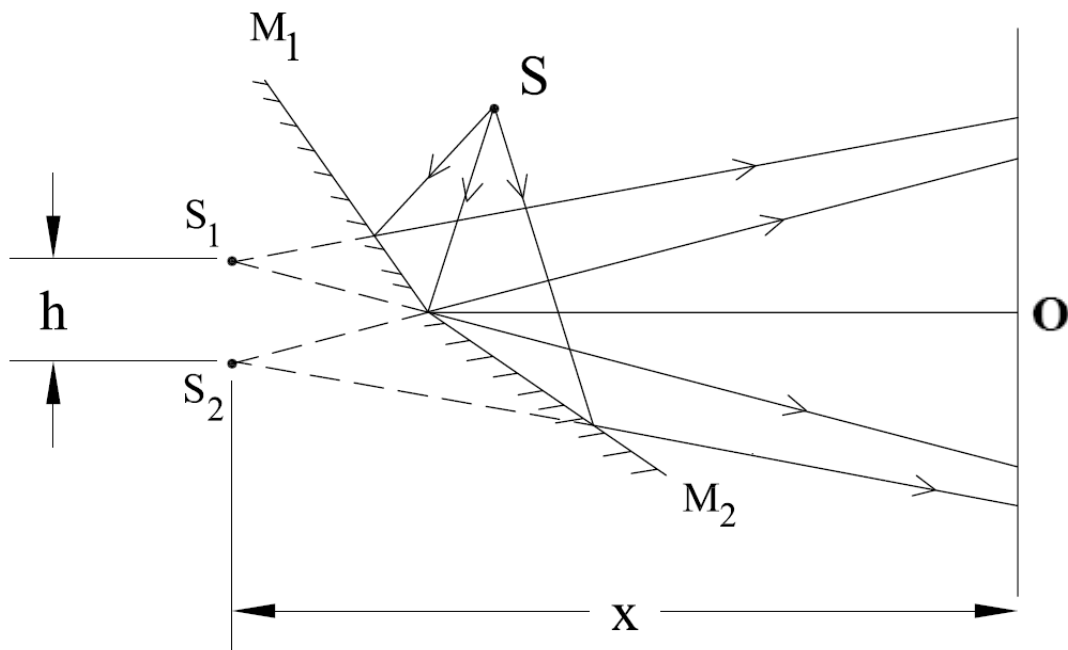
ب) تداخل بوسیله‌ی دوآینه‌ی فرنل

نور لیزر پس از واگرا کردن بوسیله‌ی یک عدسی واگرا (Divergent lens)، به‌طور مستقیم روی دوآینه‌ی فرنل فرودآورد تا به‌طور یکسان آن دو را روشن کند.

یک پرده‌ی سفید در محل میکروسکوپ قرار دهید. روی این پرده، معمولاً سه لکه دیده می‌شود. یکی از لکه‌ها مربوط به نوری است که به‌طور مستقیم از لیزر روی پرده فرودآمده و دو لکه‌ی دیگر مربوط به بازتاب‌های نور روی دوآینه‌ی فرنل است.

یکی از آینه‌ها ثابت و آینه‌ی دیگر بوسیله‌ی دو پیچ قابل تنظیم است. به‌کمک این پیچ‌ها زاویه‌ی دوآینه را می‌توان تغییر داد و دو لکه‌ی یادشده را روی یکدیگر منطبق کرد. برای ایجاد فریزهای تداخلی، این دو لکه می‌بایست روی هم قرار گیرند. این فریزها به موازات خط‌الرأس دوآینه هستند و برای اینکه کاملاً قائم باشند، کافی است یکی از پیچ‌ها را دوباره تنظیم کنیم.

پرده‌ی سفید را بردارید و فریزها را روی میکروسکوپ اندازه‌گیری بیاندازید و پرده‌ی سفید را پشت آن قرار دهید. نور پس از گذشتن از میکروسکوپ روی پرده‌ی سفید می‌آید و فریزها به‌صورت بزرگتری روی آن دیده می‌شوند. مانند آزمایش پیش کمیتهای لازم را اندازه‌گیری کنید و طول موج نور لیزر را بوسیله‌ی رابطه‌ی (۴) بدست آورید.



خطای آزمایش

خطاهای آزمایش را ذکر کنید و خطای نسبی و خطای مطلق را روی اندازه‌گیری طول موج نور، در هر دو آزمایش و نیز خطای مربوط اندازه‌گیری زاویه‌ی رأس دومنشوری را بدست آورید.

تداخل واقعی

کوتاه زمانی پس از انجام آزمایش دوشکاف توسط یانگ، ایرادهایی به آن گرفته شد، مبنی بر اینکه فریزهای روشنی که وی مشاهده کرده است، احتمالاً ناشی از ایجاد تغییرات پیچیده‌ی نور در لبه‌های شکاف‌ها بوده است، و نه به علت تداخل واقعی. از این قرار، نسبت به نظریه‌ی موجی نور هنوز تردید وجود داشت. ولی چند سالی نگذشت که فرنل چندین آزمایش جدید را انجام داد که در آنها تداخل دو باریکه‌ای نور چنان تأیید می‌شد که ایرادها و اعراض‌های پیش‌گفته بر آنها وارد نبود، یکی از این آزمایش‌ها، دومنشوری فرنل بود.

پرسش

۱. در آزمایش تداخل نور سفید بوسیله‌ی دومنشوری فرنل، فریز مرکزی سفید است. علت را توضیح دهید.
۲. در همین آزمایش تعداد معدودی فریز تاریک (احتمالاً دو تا) تشکیل می‌شوند و در جای فریزهای تاریک دیگر نور با رنگ‌های مختلف دیده می‌شود. علت این امر را شرح دهید.
۳. در آزمایش با نور سفید، فریزهای روشن رنگی به ترتیب خاصی در طرفین فریز مرکزی تشکیل می‌شوند. علت را شرح دهید. (برای پاسخ دادن به این پرسش‌ها، در صورت نیاز، مبحث تداخل نور سفید را در یک کتاب نورشناسی بخوانید).
۴. در آزمایش تداخل بوسیله‌ی دومنشوری فرنل، فریزهای حاصل از نور سفید و پالایه را با فریزهای حاصل از نور لیزر مقایسه کنید و اختلاف آنها را با استدلال فیزیکی توضیح دهید.
۵. اگر از یک لامپ تخلیه‌ی گازی (مثلاً لامپ جیوه) و یک پالایه به عنوان چشمه‌ی نور استفاده می‌کردید، فریزهای حاصل در مقایسه با فریزهای مربوط به چشمه‌ی سفید و پالایه، و فریزهای حاصل از نور لیزر چگونه می‌بودند؟
۶. روابط (۱)، (۲) و (۶) را اثبات کنید.

اندازه‌گیری فریزهای تداخلی مربوط به گوه‌های هوا (کروی و تخت)

و اندازه‌گیری ضخامت ورقه‌های نازک

Measuring interference fringes produced by (Spherical and flat) air wedges and thickness of thin paper



اسحاق نیوتن
۱۶۴۲-۱۷۲۷

سر اسحاق نیوتن، علاوه بر برپاکردن شالوده‌های علم مکانیک، وقت زیادی را برای مطالعه‌ی نور صرف می‌کرد و حاصل تحقیقات خود را در کتاب مشهورش «اپتیک Optics» منتشر کرده است.

عجیب به نظر می‌رسد که یکی از بارزترین جلوه‌های تداخل نور، یعنی حلقه‌های نیوتن، باید به حساب پابرجاترین هوادار نظریه‌ی ذره‌ای نور گذاشته شود. امروزه، کشف حلقه‌های نیوتن را به رابرت هوک نسبت می‌دهند.

تعریف: هرگاه دو سطح شیشه‌ای به گونه‌ای روی یکدیگر قرار گیرند که لایه‌ای از هوا با ضخامت‌های مختلف بین آن دو به وجود آید، در اصطلاح این لایه‌ی هوا را «گوه‌ی هوا» (Aerial wedge)، می‌نامند. اگر هر دو سطح یا یکی از آن دو، کروی باشد، گوه را کروی و اگر هر دو تخت باشند، آن را تخت می‌نامند.

وسایل آزمایش

دستگاه حلقه‌های نیوتن (شامل تیغه‌ی شیشه‌ای تخت و عدسی کوژ)، تیغه‌های شیشه‌ای معمولی و اپتیکی، میکروسکوپ متحرک، لامپ تخلیه‌ی سدیم، پالایه‌ی زرد.

۱. گوه‌ی کروی (حلقه‌های نیوتن)

زمینه‌ی نظری آزمایش

در آزمایش حلقه‌های نیوتن اگر d_m و d_n به ترتیب قطر حلقه‌های تاریک n ام و m ام، λ طول موج نور و R شعاع خمیدگی عدسی کوژ باشد، می‌توان نشان داد که:

$$d_n^2 = 4Rn\lambda \quad , \quad d_m^2 = 4Rm\lambda \quad (1)$$

و اگر $n-m=k$ باشد، داریم:

$$d_n^2 - d_m^2 = 4Rk\lambda \quad (2)$$

بنابراین اگر طول موج فرودی معلوم باشد، می‌توان با استفاده از رابطه‌ی (۲)، شعاع خمیدگی عدسی کوژ را بدست آورد. در صنعت از این روش برای تعیین شعاع خمیدگی سطوح اپتیکی و نیز کیفیت آنها استفاده می‌شود.



شکل ۱- دستگاه حلقه های نیوتن

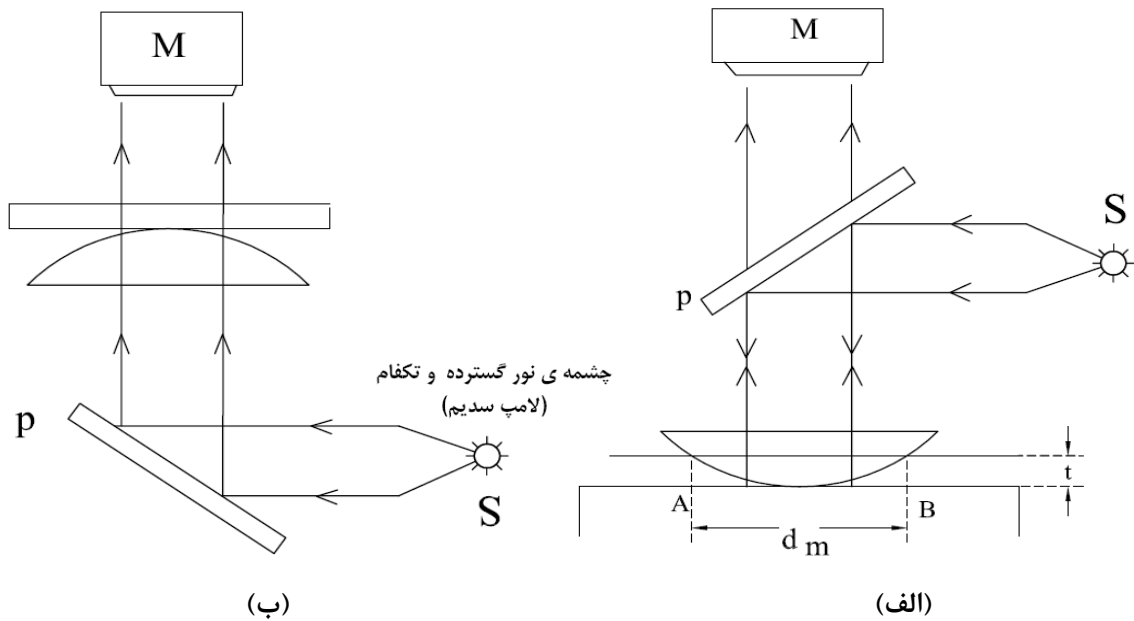
روش آزمایش

دستگاه حلقه های نیوتن (Newton's ring device)، را به طور افقی روی میزچه‌ی قابل تنظیم قرار دهید، و پیش از روشن کردن لامپ تخلیه‌ی سدیم، میزچه را به گونه‌ای تنظیم کنید که سطح دستگاه در میکروسکوپ، M ، به وضوح دیده شود (شکل ۲). سپس تیغه‌ی نیم‌آینه‌ی P را تحت زاویه‌ی ۴۵ درجه بین دستگاه حلقه‌ها و میکروسکوپ قرار دهید و لامپ تخلیه‌ی سدیم را روشن کنید. تیغه‌ی نیم‌آینه (Beam splitter)، را بطور دقیق‌تر به گونه‌ای تنظیم کنید که حلقه‌ها به وضوح در میکروسکوپ دیده شوند. برای مشاهده‌ی بهتر حلقه‌ها می‌توانید دوباره میزچه را تنظیم کنید. این حلقه‌ها خیلی ریز هستند و مشاهده و اندازه‌گیری آنها دقت زیادی را می‌طلبد. اگر شعاع خمیدگی عدسی کوژ، R ، به اندازه‌ی کافی زیاد باشد، می‌توان حلقه‌ها را با چشم غیرمسلح نیز دید.

در میدان دید میکروسکوپ، برخی از حلقه‌ها دیده می‌شوند؛ پس از مشاهده‌ی حلقه‌ها، میکروسکوپ را بطور افقی حرکت دهید. اکنون با حرکت افقی لوله‌ی میکروسکوپ می‌توان قطر این حلقه‌ها را اندازه‌گیری کرد، لیکن باید توجه داشت که تار بست میکروسکوپ روی قطر حلقه‌ها حرکت کند و نه روی وتر آنها. حد فاصل حلقه‌های نزدیک به مرکز زیاد واضح نیست، لیکن حلقه‌های کناری بخوبی از یکدیگر مجزا شده‌اند. اگر اندازه‌گیری روی حدود ۲۰ حلقه انجام شود، نتایج کاملاً رضایت‌بخش خواهد بود؛ بنابراین باید حلقه‌هایی را انتخاب کرد که بین آنها و مرکز حدود همین تعداد حلقه وجود داشته باشد.

مقادیر بدست آمده را می‌توان از روی ورنیه‌ی میکروسکوپ تعیین کرد؛ برای این منظور تار بست میکروسکوپ را روی یک حلقه‌ی تاریک که از مرکز فاصله‌ی زیادی دارد تنظیم کنید (مثلاً روی بیست و پنجمین دایره‌ی تاریک) و ورنیه‌ی میکروسکوپ را بخوانید. سپس تار بست میکروسکوپ را روی حلقه‌ی تاریک بعدی که به مرکز نیز نزدیک‌تر است منطبق کنید و ورنیه را بخوانید. این عمل را تا ۲۰ اندازه‌گیری متوالی یا بیشتر ادامه دهید (تعداد اندازه‌گیری‌ها باید زوج باشد و در عین حال هر چه بیشتر باشد، نتیجه‌ی دقیق‌تر بدست می‌آید). هنگامی که آخرین اندازه‌گیری انجام شد، میکروسکوپ هنوز در یک سمت مرکز حلقه‌هاست. حال آن را حرکت دهید و حلقه‌های تاریک را تا مرکز بشمارید و

تاریک را در سمت دیگر مرکز روی آخرین حلقه اندازه‌گیری شده قرار دهید، و اندازه‌گیری‌ها را به همان تعداد ذکر شده در بالا (۲۰) تکرار کنید. مقادیر اندازه‌گیری شده را در جدولی گردآوری کنید و محاسبات لازم را انجام دهید.



شکل ۲- مشاهده‌ی حلقه‌های نیوتن؛ (الف) در بازتاب، (ب) در عبور

شماره‌ی حلقه‌ی تاریک	از چپ	از راست	d_n	d_n^2	شماره‌ی حلقه‌ی تاریک	از چپ	از راست	d_{n-10}	d_{n-10}^2	$d_n^2 - d_{n-10}^2$
n					n-10					
n-1					n-11					
n-2					n-12					
n-3					n-13					
n-4					n-14					
n-5					n-15					
n-6					n-16					
n-7					n-17					
n-8					n-18					
n-9					n-19					

با توجه به اینکه طول موج متوسط نور خط زرد سدیم مساوی ۵۸۹۳ آنگسترم است، با استفاده از میانگین $d_n^2 - d_{n-10}^2$ شعاع خمیدگی عدسی کوژ را از رابطه‌ی زیر پیدا کنید:

$$R = \frac{\langle d_n^2 - d_{n-10}^2 \rangle}{40\lambda} \quad (3)$$

تذکر ۱: دستگاه را می‌توان مطابق شکل ۲ (ب)، تنظیم کرد و فریزهای عبوری را مشاهده کرد. لکه‌ی مرکزی فریزهای بازتابی تاریک است، در حالیکه لکه‌ی مرکزی فریزهای عبوری روشن است. همچنین نمایانی فریزهای عبوری از فریزهای بازتابی کمتر است. نمایانی کمتر فریزهای عبوری را با توجه به شدت‌های فریزهای روشن و تاریک به طور تقریبی محاسبه کنید.

تذکر ۲: در حقیقت می‌توان تنها قطر یک حلقه‌ی n ام را اندازه‌گرفت و محاسبه را به کمک رابطه‌ی (۱)، انجام داد. لیکن این به شرطی است که عدسی کوژ و تیغه‌ی شیشه‌ای تخت درست در یک نقطه در تماس باشند، که البته این چنین نیست و به همین دلیل لکه‌ی مرکزی پهن می‌باشد. بنابراین، قطر حداقل دو حلقه‌ی تاریک که از مرکز فاصله‌ی زیادی دارند، اندازه‌گیری می‌شود و محاسبه به کمک رابطه‌ی (۲)، انجام می‌شود تا خطای مربوط به تماس ناقص حذف شود. اگر در دستگاه حلقه‌های نیوتن هر دو سطح، انحنا داشته باشند، فرمول عملیات متفاوت خواهد بود. در صنعت معمولاً برای آزمون سطوح، شعاع‌های دو سطح را نزدیک به هم انتخاب می‌کنند، تا فریزها بدون میکروسکوپ هم قابل رویت باشند. با چشمه‌ی تکفام (Monochromatic source)، در اتاقک، چند نمونه را مورد مطالعه قرار دهید و مشاهدات خود را گزارش کنید.

دو سطح کاو و کوژ دو عدسی را روی هم قرار دهید و فریزها را با میکروسکوپ مشاهده کنید.
محاسبه‌ی خطا

خطای اندازه‌گیری شعاع انحنا را در آزمایش مربوط به گوه‌ی کروی (Spherical wedge)، تعیین کنید.

چون تعداد اندازه‌گیری‌ها زیاد است محاسبه‌ی انحراف معیار و مقایسه‌ی آن با خطای محاسبه شده آموزنده است. با استفاده از داده‌ها، انحراف معیار اندازه‌گیری‌های R را محاسبه و نتیجه را با خطای اندازه‌گیری، مقایسه کنید.

۲. گوه‌ی تخت

زمینه‌ی نظری آزمایش

در شکل ۳، در اثر تداخل پرتوهای نور که از نقاط A و A' بازتاب می‌شوند، در نقطه‌ی A فریز ایجاد می‌شود. فاصله‌ی نقطه‌ی B ، که محل تشکیل فریز بعدی است، از نقطه‌ی A به گونه‌ای است که ضخامت اضافی لایه‌ی هوا (BC) مساوی نصف طول موج است. بنابراین اگر α زاویه‌ی گوه‌ی هوا باشد، در مثلث ABC داریم:

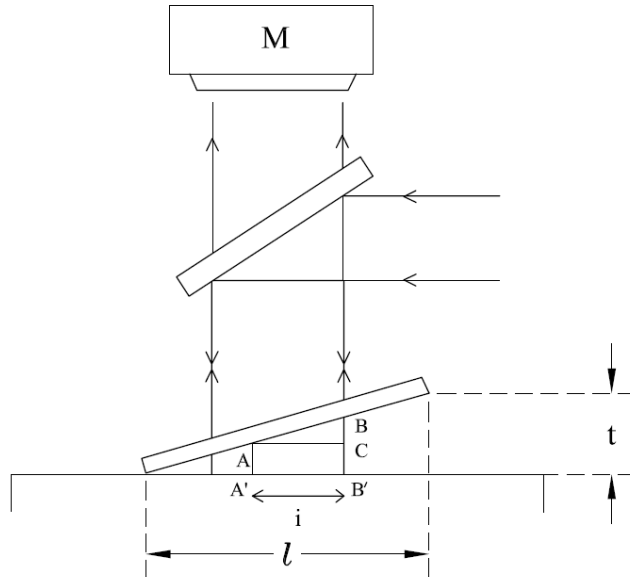
$$\tan \alpha = \frac{BC}{AC} = \frac{BC}{A'B'} = \frac{\lambda/2}{i} \quad (4)$$

که در آن i جدایی دو فریز متوالی است. از طرفی اگر t ضخامت تیغه‌ی نازکی باشد که بخواهیم آنرا اندازه‌گیری کنیم، داریم:

$$\tan \alpha = \frac{t}{\ell} \quad (5)$$

بنابراین با توجه به رابطه‌ی (۴) و (۵)، نتیجه می‌شود:

$$t = \frac{\lambda l}{2i} \quad (6)$$



شکل ۳- مشاهده‌ی فریزهای مربوط به گوهی تخت

روش آزمایش

لبه‌ی ورقه‌ی نازک را مطابق شکل ۳، در زیر انتهای تیغه‌ی شیشه‌ای نازک و سطح شیشه‌ای قرار دهید و سپس به روش آزمایش مربوط به حلقه‌های نیوتن فریزهای مربوط به گوهی تخت را در میکروسکوپ مشاهده کنید. فریزها همگی به موازات خط‌الرأس گوه هستند. به کمک میکروسکوپ متحرک، پهنای تعداد زیادی فریز متوالی (مثلاً ۱۰ یا ۲۰ فریز) را بدست آورید و از آنجا فاصله‌ی دو فریز متوالی t را پیدا کنید. سپس فاصله‌ی لبه‌ی ورقه‌ی نازک تا خط‌الرأس گوه، l ، را بدست آورید. با توجه به اینکه طول موج خط زرد سدیم ۵۸۹۳ آنگسترم است، ضخامت ورقه‌ی نازک را به کمک رابطه‌ی (۶) پیدا کنید.

محاسبه‌ی خطا

خطای اندازه‌گیری شعاع انحنا را در آزمایش مربوط به گوهی تخت تعیین کنید.

تداخل سنج‌ها

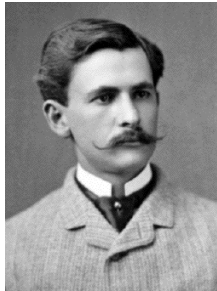
یک عینک فروشی، در بازار داد و ستد عدسی، دستگاهی از تیغه‌ها با پیمانه‌های آزمون کروی دقیق را داراست. پس طراح می‌تواند دقت یک سطح یک عدسی جدید را برحسب تعداد و نظم حلقه‌های نیوتن که می‌توانند با یک پیمانه‌ی آزمون ویژه دیده‌شوند، مشخص کند. البته امروزه کاربرد تیغه‌های آزمون در ساختن عدسی‌های با کیفیت بالا، جای خود را به شیوه‌های پیچیده‌ای که سروکارش با تداخل‌سنج‌های لیزری است، سپرده است.

پرسش

۱. با توجه به اینکه در اسباب مخصوص حلقه‌های نیوتن $R \ll t$ است، رابطه‌ی (۱) را ثابت کنید.
۲. رابطه‌ی (۴) را اثبات کنید و به کمک آن رابطه‌ی (۵) را بدست آورید.
۳. فریزهای عبوری و بازتابی را بوسیله‌ی اسباب نیوتن تشکیل داده و با هم مقایسه کنید. علت اختلاف این دو نوع فریز را (با مطالعه‌ی منابع درسی اپتیک) توضیح دهید.
۴. نشان دهید که در آزمایش حلقه‌های نیوتن، فاصله‌ی دو فریز برای حلقه‌های دور از مرکز رو به کاهش است.

اندازه‌گیری طول موج نور و نمارشکست هوا بوسیله‌ی تداخل سنج مایکلسون
و اندازه‌گیری اختلاف دو طول موج نزدیک به هم از طریق کمینه‌سازی نمایانی

Measuring wavelength of light and refractive index of air by Michelson interferometer and
difference of wavelengths of two close lines by minimizing visibility



ا.ا. مایکلسون
۱۸۵۲-۱۹۳۱

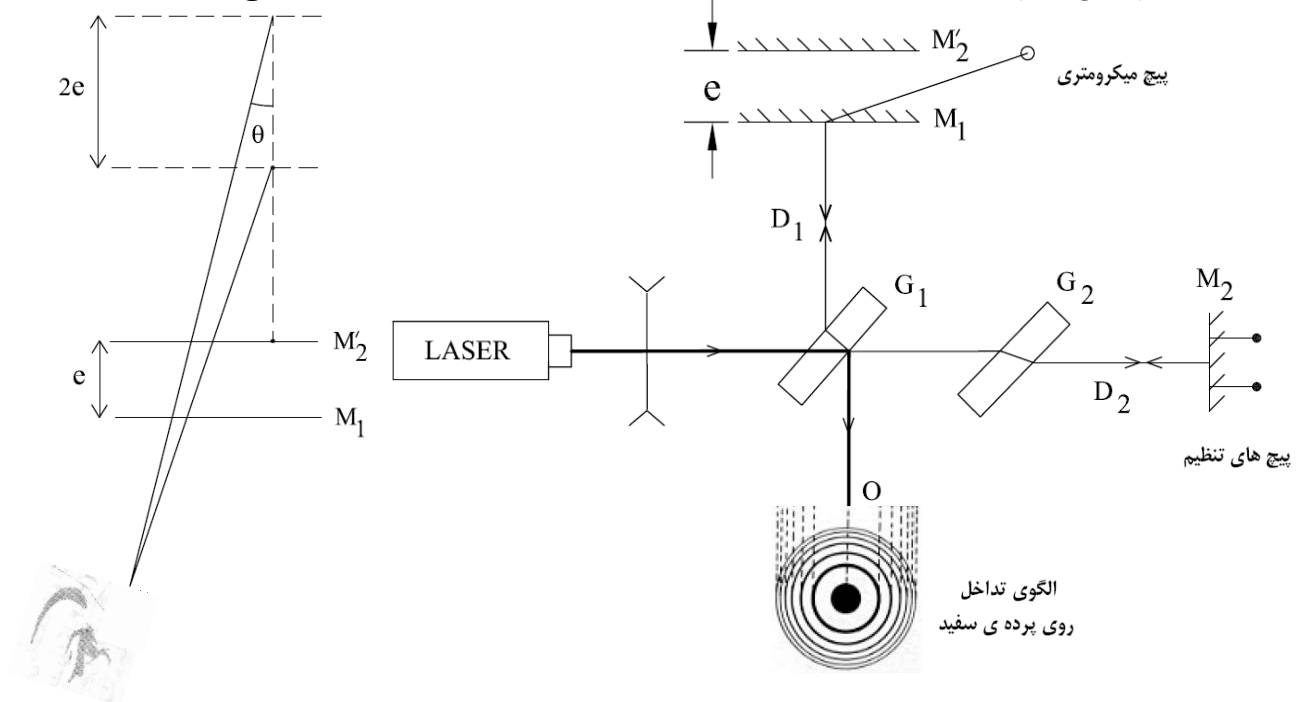
ا.ا. مایکلسون فیزیکدان نابغه‌ی آمریکایی، کارشناس فیزیک و شیمی در آکادمی دریایی‌ای بود که در سال ۱۸۷۳ از همانجا فارغ‌التحصیل شده بود؛ در همان اوایل اشتغال به کارش در آنجا به انجام آزمایش‌هایی برای اندازه‌گیری سرعت نور دست زد. سال‌ها بعد، مایکلسون به دریافت جایزه‌ی نوبل (۱۹۰۷) به خاطر کارهایش در زمینه‌ی نور نایل شد. طی آخرین دوران حیاتش، استاد فیزیک در دانشگاه شیکاگو بود، و در آنجا بود که آزمایش‌های مشهور تداخل نور را انجام داده است.

وسایل آزمایش

تداخل سنج مایکلسون، پرده‌ی سفید، فشارسنج نسبی و فشار سنج مطلق، لیزر هلیوم-نئون، عدسی واگرا، لامپ تخلیه‌ی سدیم.

شرح دستگاه و تنظیم آن

تداخل سنج مایکلسون (Michelson interferometer)، مطابق شکل ۱، از دو آینه‌ی M_1 و M_2 که بر هم عمود هستند و دو تیغه‌ی هم‌جنس و هم‌ضخامت موازی G_1 و G_2 که با آینه‌ها زاویه‌ی ۴۵ درجه دارند، تشکیل می‌شود.



شکل ۱- تداخل سنج مایکلسون

یکی از سطوح تیغی G_1 ، نیم‌آینه است (در شکل ۱، سطح زیری G_1) به گونه‌ای که شدت‌های نور بازتاب شده و عبور کرده از آن با هم برابرند. کار تیغی جبران‌کننده (G_2 Compensator plate)، جبران راه‌نوری ناشی از تیغی G_1 است. آینه M_2 ، دارای دو پیچ تنظیم است و به کمک آن‌ها می‌توان زاویه‌ی آن را با آینه M_1 تغییر داد. آینه M_1 را می‌توان بوسیله‌ی یک پیچ میکرومتری به طور عمود بر سطح آن جابجا کرد و بدین ترتیب اختلاف راه‌نوری را تغییر داد. نسبت جابجایی پیچ میکرومتری به جابجایی آینه‌ی متحرک ۵ به ۱ است.

نور چشمه‌ی لیزری بوسیله‌ی تیغی جداکننده به دو قسمت، تقسیم می‌شود؛ که یکی در امتداد D_1 بازتاب می‌شود. این پرتو پس از فرود آمدن روی آینه M_1 ، در امتداد اولیه‌ی خود بازتاب می‌شود و از تیغی G_1 خارج می‌شود. دیگری در امتداد D_2 از تیغی G_1 عبور می‌کند و روی آینه M_2 بازتاب پیدا می‌کند و حین بازگشت روی تیغی G_1 بازتاب می‌شود. پس اگر در مکان O پرده‌ی سفیدی قرار دهیم، فریزهای تداخلی بر روی آن ایجاد می‌شوند. اگر نور به طور عمودی روی دو آینه فرود آید، و تصویر آینه M_2 در تیغی G_1 ، را با M'_2 نشان دهیم؛ اختلاف راه‌نوری بین دو پرتو (۱) و (۲) از رابطه‌ی زیر بدست می‌آید:

$$\delta = 2D_2 - 2D_1 = 2D'_2 - 2D_1 = 2M_1M'_2$$

حال اگر $M_1M'_2$ را با e نشان دهیم، این اختلاف راه‌نوری برای پرتو عمودی چنین می‌شود:

$$\delta = 2e \quad (1)$$

رابطه‌ی (۱) نشان می‌دهد اگر یکی از آینه‌ها به اندازه‌ی e_1 جابجا شود، اختلاف راه‌نوری به اندازه‌ی $2e_1$ تغییر می‌کند. برای ناظری که در امتداد O فریزهای تداخلی را می‌بیند، صفحات M_1 و M'_2 مانند صفحات یک تیغی متوازی‌السطوح عمل می‌کنند. اگر دو آینه M_1 و M_2 بر هم عمود باشند، M_1 و M'_2 با هم موازی و فریزها دایره‌ای خواهند بود. اگر دو آینه کمی از حالت عمودی دور شوند، M_1 و M'_2 با هم زاویه‌ی کوچکی می‌سازند و دستگاه کار یک گوه‌ی هوا را انجام می‌دهد، در این حالت فریزها خطی، و به موازات خط‌الرأس زاویه‌ی بین صفحات M_1 و M'_2 خواهند بود. به منظور تنظیم دستگاه تداخل‌سنج مایکلسون و عمودساختن آینه‌های M_1 و M_2 بر یکدیگر، پرتو موازی لیزر را تحت زاویه‌ی ۴۵ درجه مستقیماً روی تیغی تقسیم‌کننده، فرود آورید. روی پرده‌ی سفید، دو لکه را که یکی مربوط به بازتاب نور از آینه‌ی M_1 و دیگری مربوط به بازتاب از آینه‌ی M_2 است را، از لکه‌های دیگر تشخیص دهید و آنگاه آینه‌ی M_2 را به کمک دو پیچ تنظیم آن طوری میزان کنید که این دو لکه روی یکدیگر قرار گیرند؛ در این حالت فریزهای تداخلی مشاهده می‌شوند. حال به کمک یک عدسی واگرا که جلوی لیزر قرار می‌دهید، پرتو موازی آن را به یک پرتو واگرا تبدیل کنید تا تمام سطح دو آینه روشن شود و روی پرده‌ی سفید فریزهای حلقه‌ای دیده شوند. اگر مرکز حلقه‌ها در وسط پرده‌ی سفید نباشد، کافی است دوباره با اندکی تنظیم پیچ‌های آینه‌ی M_2 ، این مرکز را به وسط پرده‌ی سفید منتقل کنید. تداخل‌سنج مایکلسون وسیله‌ای مناسب برای اندازه‌گیری طول موج، اختلاف دو طول موج نزدیک به هم، نمارشکست هوا یا هر گاز دیگر و نمارشکست تیغه‌های نازک و ده‌ها اندازه‌گیری دیگر می‌باشد.

تذکر: قطعات تداخل‌سنج بسیار ظریف و حساس هستند، با احتیاط کامل با آنها کار کنید و به هیچ وجه به آینه‌های آن دست نزنید.

اندازه‌گیری طول موج نور

برای اندازه‌گیری طول موج نور، فریزهای حلقه‌ای را ایجاد کنید. سپس بوسیله پیچ میکرومتری آینه‌ی متحرک M_1 را به آهستگی جابه‌جا کنید. برحسب اینکه این آینه در چه جهتی جابه‌جا شود حلقه‌ها به تدریج محو یا ظاهر می‌شوند.

فرض کنید مرکز حلقه‌ها تاریک است؛ اگر آینه‌ی متحرک $\frac{\lambda}{2}$ جابجا شود، اختلاف راه‌نوری طبق رابطه‌ی (۱)، به اندازه‌ی λ تغییر می‌کند و مرکز دوباره تاریک می‌شود. حدود ۱۰۰ فریز را که در مرکز محو یا ظاهر می‌شود، شمارش کنید و با استفاده از رابطه‌ی زیر:

$$\delta = 2e = N\lambda \quad (2)$$

طول موج نور را بدست آورید. در این رابطه، e جابجایی آینه‌ی متحرک و N تعداد حلقه‌های محو یا ظاهر شده می‌باشد. فرمول شماره‌ی (۱)، برای یک فریز غیرمرکزی به صورت زیر است:

$$2e \cos \theta = m\lambda$$

که در آن m ردیف تداخل (Order of interference) و معمولاً عددی است بزرگ و θ زاویه‌ای است میان جهت فریز مورد نظر و خط عمود بر آینه‌ها. با استفاده از این فرمول تحقیق کنید که با افزایش یا کاهش قرائت پیچ میکرومتری فریزها به داخل می‌روند یا از مرکز خارج می‌شوند. مشاهدات خود را گزارش کنید.

۱. اندازه‌گیری نمارشکست هوا

زمینه‌ی نظری آزمایش

گازی را که می‌خواهیم نمارشکست آن اندازه‌گیری کنیم، درون یک اتاقک وارد می‌کنیم که طول آن ℓ است و این اتاقک روی یکی از دو مسیر (مثلاً مسیر D_1 در شکل ۱) قرار دارد. اگر نمارشکست گاز را با n نشان دهیم، تغییر اختلاف راه‌نوری میان مسیرهای (۱) و (۲) به خاطر قراردادن اتاقک در مسیر (۱)، برابر خواهد بود با:

$$\delta = 2\ell(n-1)$$

و تعداد فریزهایی که جابه‌جا می‌شوند چنین است:

$$N = \frac{2\ell}{\lambda}(n-1)$$

که در آن λ طول موج چشمه‌ی نور است. حال اگر فشار درون اتاقک را به اندازه‌ی dp تغییر دهیم و تعداد فریزهای جابجا شده را با dN نشان دهیم نتیجه می‌شود:

$$\frac{dN}{dp} = \frac{2\ell}{\lambda} \frac{dn}{dp} \quad (3)$$

از سوی دیگر، اگر چگالی گاز را با d نشان دهیم، طبق قانون گلاستون و دبل داریم:

$$\frac{n-1}{d} = \frac{n_0-1}{d_0} = \text{ثابت} \quad (4)$$

که در آن n_0 و d_0 به ترتیب، نمارشکست و چگالی گاز در شرایط متعارفی است، ولی می‌دانیم که:

$$\frac{d}{d_0} = \frac{P/T}{P_0/T_0}$$

که در آن $p_0 = 760$ میلی‌متر جیوه و $T_0 = 273$ درجه کلوین است.

بنابراین رابطه‌ی (۴) را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$n - 1 = (n_0 - 1) \frac{p}{p_0} \frac{T_0}{T} \quad (5)$$

و پس از دیفرانسیل‌گیری:

$$\frac{dn}{dp} = \frac{n_0 - 1}{p_0} \frac{T_0}{T} \quad (6)$$

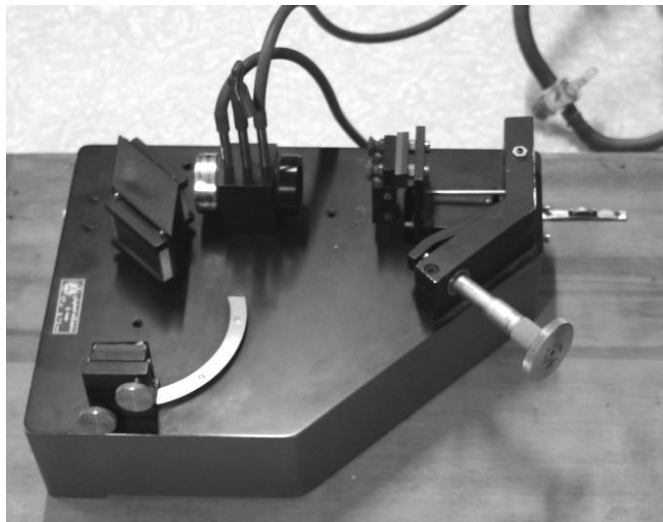
حال اگر مقدار $\frac{dn}{dp}$ را از رابطه‌ی (۶)، در رابطه‌ی (۳) قرار دهیم نتیجه می‌شود:

$$n_0 - 1 = \frac{\lambda}{2\ell} p_0 \frac{T}{T_0} \frac{dN}{dp} \quad (7)$$

روش آزمایش

پیش از آغاز آزمایش سطح جیوه را در دو طرف فشارسنج قرائت کنید؛ سپس به یک کمک یک پمپ هوا، فشار هوای درون اتاقک را کمی افزایش دهید و روی فشارسنج اختلاف فشار هوای درون اتاقک و فشار هوای آزمایشگاه یعنی dp را قرائت کنید. سپس شیر مخصوص را باز کنید تا فشار هوای اتاقک با فشار خارج یکسان شود و در این حال تعداد فریزهایی که جابه‌جا می‌شوند، یعنی dN را بشمارید.

با توجه به طول موج نور که در آزمایش پیش اندازه‌گیری کردید و اینکه طول اتاقک $5\ell = 5$ سانتی‌متر است، نمارشکست هوای خشک کنار دریا، n_0 ، را به کمک رابطه‌ی (۷) محاسبه کنید. سپس با قرائت فشار مطلق هوا در زمان آزمایش، نمارشکست هوای داخل آزمایشگاه را از رابطه‌ی (۵) محاسبه کنید.



شکل ۲- دستگاه تداخل‌سنج مایکلسون برای اندازه‌گیری نمارشکست هوا

محاسبه‌ی خطا

پیچ میکرومتری ۲۵ میلی‌متر جابه‌جا می‌شود و ورنیه‌ی آن تا 0.01 میلی‌متر مدرج شده است. با توجه به اینکه نسبت جابه‌جایی پیچ میکرومتری به جابه‌جایی آینه‌ی متحرک ۵ به ۱ است، جابه‌جایی این آینه را می‌توان تا 0.002 میلی‌متر

قرائت کرد. خطای شمارش حلقه‌ها نیز در آزمایش اول برای هر صد حلقه، ۱؛ و در آزمایش دوم $\frac{1}{4}$ است.

خطای نسبی و خطای مطلق را در اندازه‌گیری طول موج نور و نمارشکست هوا بدست آورید.

۲. اندازه‌گیری اختلاف دو طول موج نزدیک به هم

زمینه‌ی نظری آزمایش

اگر نور تابیده شده به تداخل‌سنج مایکلسون از دو طول موج نزدیک به هم تشکیل شده باشند، می‌توان نشان داد که با تغییر فاصله‌ی میان صفحات M_1 و M_2 ، فریزهای مربوط به دو طول موج مختلف، که دو گروه فریز تشکیل می‌دهند، با سرعت‌های متفاوتی در میدان دید جابه‌جا می‌شوند. در نتیجه، فریزها می‌توانند روی هم بی‌افتند یا بین هم قرار گیرند و آفت و خیز منحنی تغییرات شدت را به ترتیب زیاد و کم کنند. به این ترتیب نمایانی فریزها از رابطه‌ی زیر بدست می‌آید:

$$v = \frac{I_{\max} - I_{\min}}{I_{\max} + I_{\min}} \quad (۸)$$

روش آزمایش

لامپ سدیم را به جای لیزر قرار دهید و فریزهای تشکیل شده را با نگاه مستقیم به آینه‌ی M_1 ، مشاهده کنید. با جابه‌جایی پیچ میکرومتری وضعیتی را بیاورید که فریزها بسختی دیده می‌شوند، یا اصلاً دیده نمی‌شوند. پیچ میکرومتری را بخوانید. با چرخاندن پیچ میکرومتری نمایانی زیاد و سپس کم می‌شود. پیچ میکرومتری را دوباره در وضعیت کمینه‌ی نمایانی قرائت کنید و اختلاف دو قرائت را پس از تبدیل به مقدار واقعی، در رابطه‌ی (۹) قرار دهید و اختلاف دو طول موج یعنی $\Delta\lambda$ را محاسبه کنید.

$$\Delta\lambda = \frac{\lambda_m^2}{2(e_2 - e_1)} \quad (۹)$$

محاسبه‌ی خطا

خطاهای روی دهنده در این آزمایش را برشمارید و خطای نسبی و مطلق اختلاف دو طول موج را محاسبه کنید.

استاندارد اتمی طول

مایکلسون با استفاده از تداخل‌سنج، طول میله‌ی استاندارد را بر حسب طول موج نور سرخ معینی که از چشمه‌ی کادمیم گسیل می‌شود، اندازه‌گیری کرد. او نشان داد که متر استاندارد معادل با $1553163/5$ برابر طول موج نور سرخ کادمیم است، و به همین خاطر بود که در سال ۱۹۰۷ جایزه‌ی نوبل گرفت. با این روش دقت اندازه‌گیری‌ها زیاده‌تر می‌شد؛ چون دیگر احتیاجی نبود که شیء مجهول را با یک شیء استاندارد مقایسه کنند، بلکه می‌توانستند شیء مجهول را با استفاده از روش‌های تداخل‌سنجی و به معنای مطلق اندازه‌ بگیرند. مزیت دیگر اینکه دسترسی به منابع نور و تداخل‌سنج‌ها همواره امکان دارد؛ برخلاف میله‌ی متر استاندارد که اگر منهدم می‌شد، هرگز قابل‌بازسازی نبود. در سال ۱۹۶۱، بنا به توافق جهانی، یک چنین استاندارد اتمی برای طول اختیار شد.

اندازه‌گیری طول موج نور بوسیله‌ی تداخل سنج فابری- پرو و

اندازه‌گیری اختلاف دو طول موج نزدیک به هم از روش بیشترین عدم تطابق

Measuring wavelength and wavelength difference of two close lines
by maximum discordance method using Fabry-Perot interferometer



آلفرد پرو (۱۸۶۳-۱۹۲۵)،
چارلز فابری (۱۸۶۷-۱۹۴۵)

چارلز فابری (سمت چپ) و آلفرد پرو (سمت راست)، فیزیکدانان فرانسوی با همکاری یکدیگر تداخل‌سنج فابری-پرو را ساختند. فابری به خاطر تحقیق در زمینه‌ی نور، در ارتباط با پدیده‌های نجومی شناخته می‌شود. وی همچنین لایه‌ی اوزن، بالاترین لایه در جو، را کشف کرد. فابری در سال ۱۹۰۴، استاد دانشگاه مarseilles و در سال ۱۹۲۰، استاد دانشگاه سوربن بود.

تذکر: قطعات تداخل‌سنج بسیار ظریف و حساس هستند؛ با احتیاط کامل با آنها کار کنید و به تیغه‌های نیم‌آینه‌ی آن دست نزنید.

وسایل آزمایش

تداخل‌سنج فابری- پرو ، لامپ‌های تخلیه‌ی جیوه و سدیم ، پالایه‌ی سبز.

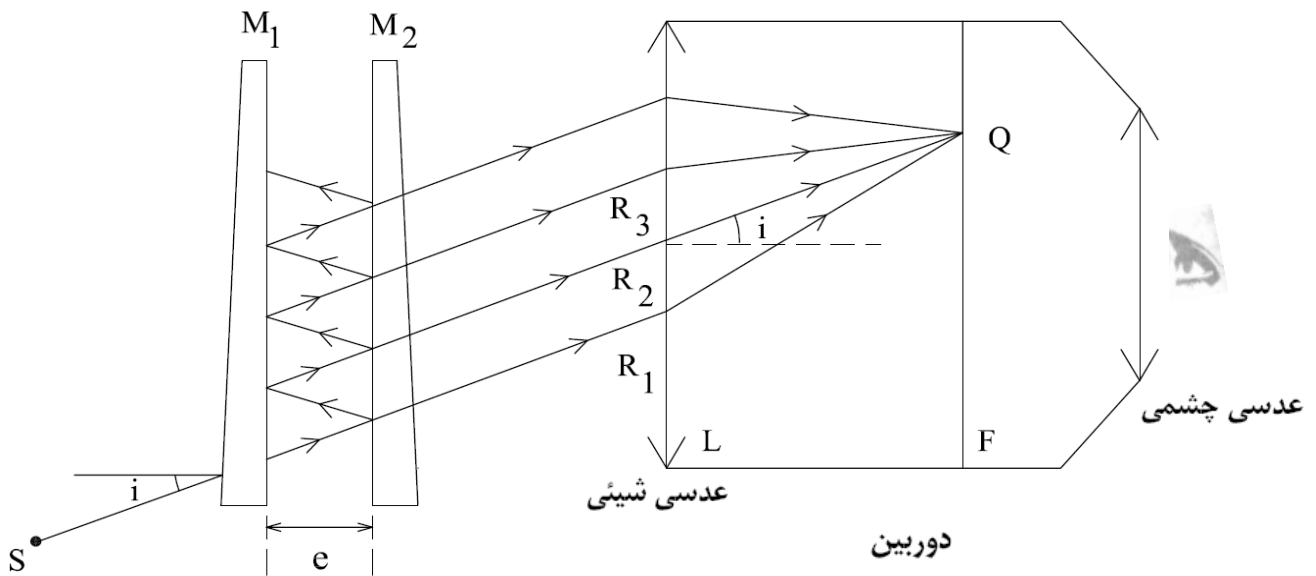
شرح دستگاه و زمینه‌ی نظری آزمایش

دستگاه تداخل‌سنج فابری- پرو (Fabry-Perot interferometer)، به طور کلی از دو تیغه‌ی شیشه‌ای موازی تشکیل می‌شود که یک طرف آنها نیمه‌نقره‌اندود است و در این صورت توان بازتاب آنها از تیغه‌های شیشه‌ای معمولی بیشتر است (در حقیقت امروزه از لایه‌های دی‌الکتریک استفاده می‌شود). سطوحی که نیم‌آینه شده‌اند، باید از نظر نوری کاملاً تخت باشند و به موازات یکدیگر، مقابل هم قرار گیرند. یکی از تیغه‌ها روی قسمت متحرک و تیغه‌ی دیگر روی قسمت ثابت دستگاه سوار شده است. تیغه‌ی متحرک را می‌توان بوسیله‌ی یک پیچ میکرومتری به طور افقی جابه‌جا کرد و فاصله‌ی دو تیغه را بدین ترتیب تغییر داد. پشت تیغه‌ی ثابت، دو پیچ مخصوص وجود دارد که به کمک آنها می‌توان زاویه‌ی این تیغه را با تیغه‌ی متحرک تغییر داد و دو تیغه را با یکدیگر موازی کرد.

از یک پرتو فرودی، مطابق شکل ۱، پرتوهای موازی R_1, R_2, R_3 و... ایجاد می‌شوند. اگر تیغه‌ها نیم‌آینه نباشند، شدت این پرتوها به تندی کاهش می‌یابد و برای محاسبه تنها دو پرتو اول را در نظر می‌گیریم. ولی چون تیغه‌ها نیم‌آینه هستند، شدت پرتوهای خروجی کمتر کاهش می‌یابد و برای محاسبه‌ی روشنایی در صفحه‌ی کانونی عدسی L ، باید تمام پرتوهای خروجی را در نظر گرفت. همین زیاد بودن تعداد پرتوها، دلیل باریک بودن فریزهای حلقه‌ای فابری- پرو است.

اختلاف راه‌نوری دو پرتو پی‌درپی در نقطه‌ی Q ، روی صفحه‌ی کانونی عدسی شیئی دوربین، برابر است با:

$$\delta = 2ne \cos i \quad (1)$$



شکل ۱- تداخل سنج فابری-پرو

برای یک تداخل سازنده (Constructive interference)، یا یک شدت بیشینه در نقطه‌ی Q ، باید $2ne\cos i = m\lambda$ باشد؛ که در آن m ردیف تداخل، n نمارشکست محیط بین تیغه‌ها، e جدایی تیغه‌ها و i زاویه‌ی فرودی پرتو است. یک نگاه ساده به این رابطه نشان می‌دهد که فریزها در صورت موازی بودن دو آینه، دایره‌ای خواهند بود. حال با توجه به اینکه محیط بین تیغه‌ها هواست ($n=1$)، ردیف تداخل در نقطه‌ی Q برابر است با:

$$m = p = \frac{2e\cos i}{\lambda} \quad (2)$$

و در کانون عدسی، یعنی روی محور نوری دستگاه، ردیف تداخل چنین است:

$$p = \frac{2e}{\lambda} \quad (3)$$

که به آن «فریز مرکزی» نیز می‌گویند.

تنظیم دستگاه

برای مشاهده‌ی حلقه‌های فابری-پرو دو تیغه‌ی تداخل سنج را باید دقیقاً با یکدیگر موازی کرد. منبع نور سفید را روشن کنید و بازتاب‌های چندگانه را در تیغه‌ها ملاحظه کنید. به کمک دو پیچ تنظیم تصاویر چندگانه‌ی رشته‌ی لامپ سفید را روی یکدیگر منطبق کنید، در این صورت دو تیغه با هم موازی خواهند بود.

لامپ تخلیه‌ی جیوه که یک شیشه مات مقابل آن قرار دارد و عدسی گردآورنده‌ی مقابل تیغه‌ی متحرک در جای خود نصب شده است. لامپ را روشن کنید و دوربین را جلوی تیغه‌ی ثابت، روی دستگاه سوار کنید و حلقه‌های فابری-پرو را در آن مشاهده کنید. حلقه‌ها ممکن است به خوبی دیده نشوند، در این صورت پیچ‌های تیغه‌ی ثابت را به آهستگی دوباره تنظیم کنید تا حلقه‌ها به وضوح دیده شوند. در مراحل بعدی آزمایش به این پیچ‌ها دست نزنید. آینه‌ی متحرک را نیز نباید

به اندازه‌ای به آینه‌ی ثابت نزدیک کنید که قاب آنها با یکدیگر تماس پیداکنند. زیرا علاوه بر اینکه در اثر فشار، موازی بودن آینه‌ها به هم می‌خورد، امکان شکسته شدن تیغه‌ها نیز وجود دارد.



شکل ۲- برپایی تداخل‌سنج فابری-پرو

روش آزمایش

(الف) تعیین طول موج خط سبز جیوه

با کم یا زیاد کردن جدایی دو تیغه به کمک پیچ میکرومتری، حلقه‌ها در مرکز به ترتیب محو یا ظاهر می‌شوند. در یک وضعیت بخصوص اگر فاصله‌ی تیغه‌ها e_1 باشد، ردیف تداخل در مرکز حلقه‌ها p_1 ، از رابطه‌ی (۳) بدست می‌آید. اگر فاصله‌ی تیغه‌ها را به e_2 تغییر دهیم، در مرکز، ردیف تداخل به p_2 تغییر می‌کند. بنابراین:

$$N = p_1 - p_2 = \frac{2(e_1 - e_2)}{\lambda} \quad (۴)$$

که در آن N تعداد حلقه‌هایی است که به دلیل کم یا زیاد کردن جدایی تیغه‌ها، در مرکز، به ترتیب محو یا ظاهر می‌شوند. با توجه به اینکه نسبت جابجایی پیچ میکرومتری به جابجایی تیغی متحرک، ۵ به ۱ است؛ طول موج خط سبز جیوه را، با شمارش تعداد زیادی حلقه (مثلاً ۱۰۰ حلقه) بدست آورید. برای اینکه فریزهای سبز بهتر دیده شوند، به جای شیشه‌ی مات یک پالایه‌ی سبز مقابل لامپ تخلیه قرار دهید تا تنها حلقه‌های سبز دیده شوند.

(ب) تعیین اختلاف طول موج دو خط زرد سدیم

زمینه‌ی نظری آزمایش

بیناب لامپ سدیم در ناحیه‌ی زرد دارای دو خط است. خطی که طول موج کمتری دارد، شدتش بیشتر از خط دیگر است. می‌توان نشان داد که با تغییر فاصله‌ی e ی دو آینه، دو گروه دایره‌ای که تداخل‌سنج از این فریزها تشکیل می‌دهد نسبت به هم حرکت می‌کنند، یعنی؛ سرعت ظاهر یا محوشدن دو گروه متفاوت است.

وضعیتی که فریزها دقیقاً بین هم قراردارند با دقت فوق العاده‌ای با چشم انسان قابل تشخیص است. این خصوصیت چشم را «خاصیت ورنیه‌ای» آن می‌نامند.

روش آزمایش

با استفاده از لامپ سدیم حلقه‌های فابری-پرو را مشاهده کنید. پیچ میکرومتری را آنقدر حرکت دهید تا حلقه‌های با شدت زیاد و حلقه‌های با شدت کم درست میان یکدیگر قرار گیرند، پیچ میکرومتری را بخوانید و عدد آن را یادداشت کنید. پیچ میکرومتری را بچرخانید تا حلقه‌هایی با شدت زیاد و کم بر هم منطبق شوند و دوباره به فاصله‌ی یکسان از هم قرار گیرند، درجه‌ی پیچ میکرومتری را دوباره یادداشت کنید و با استفاده از رابطه‌ی

$$\lambda_1 - \lambda_2 = \frac{\lambda_m^2}{2(e_2 - e_1)} \quad (5)$$

اختلاف طول موج‌های این دو خط را بدست آورید. در این رابطه $\lambda_m = 5893$ آنگسترم، میانگین طول موج‌های دو خط زرد سدیم است.

محاسبه‌ی خطا

پیچ میکرومتری ۲۵ میلی‌متر جابه‌جا می‌شود و ورنیه‌ی آن تا ۰/۰۱ میلی‌متر مدرج شده‌است. با توجه به اینکه نسبت جابه‌جایی پیچ میکرومتری به جابجایی تیغه‌ی متحرک، ۵ به ۱ است؛ جابجایی این تیغه را می‌توان تا ۰/۰۰۲ میلی‌متر قرائت کرد. خطای اندازه‌گیری را در هر دو آزمایش بدست آورید.

تداخل سنج فابری-پرو

تداخل سنج فابری-پرو به سبب دارا بودن توان جداسازی زیاد، برای اندازه‌گیری جابجایی‌های ایزوتوپی و ساختار بس‌ریز کاربرد فراوان دارد. هر مولفه‌ی ساختار بس‌ریز، تابع ایری خود را دارد که هر یک نسبت به دیگری جابه‌جاشدگی دارد. گرته‌ی فابری-پرو با دوره‌ای مساوی گستره‌ی آزاد بینایی تکرار می‌شود و همین برای کالیبراسیون بسامدی به کار می‌رود. همچنین علاوه بر اینکه یک دستگاه طیف‌نمایی با قدرت تفکیک بالاست، به عنوان کاواک تشدید لیزر پایه نیز به کار می‌رود.

پرسش

۱. روابط (۱) و (۵) را ثابت کنید.
۲. ثابت کنید که با حرکت دادن آینه‌ی متحرک، فریزهای مربوط به خط پرشدت (با طول موج کوتاه‌تر)، نسبت به فریزهای خط دیگر با سرعت بیشتری حرکت می‌کنند.
۳. در خلال آزمایش با لامپ سدیم از آغاز تا پایان، اگر تغییراتی در پهنا و شکل فریز می‌بینید آنها را در گزارش خود بنویسید و علت آنها را شرح دهید.
۴. در چند سطر برتری‌ها، تفاوت‌ها و معایب تداخل سنج مایکلسون و تداخل سنج فابری-پرو را در اندازه‌گیری اختلاف دو طول موج نزدیک به هم شرح دهید.

آزمایش شماره‌ی (۸)

پراش بوسیله‌ی تک‌شکاف باریک و روزنه‌ی گرد و مانع باریک

Fraunhofer diffraction by single narrow slit, pinhole and narrow obstacle



ژوزف فون فرانهافر
۱۸۲۶-۱۷۸۷

ژوزف فون فرانهافر، فرزند یک شیشه‌بر بود. وی شیشه‌تراشی را نزد پدرش آموخت و فعالیت در حوزه‌ی اپتیک را از جنبه‌ی عملی آن آغاز کرد. فرانهافر مهارت زیادی در ساختن عدسی‌های نافام (آکرومات) و ابزارهای نوری کسب کرد. او ضمن اندازه‌گیری نمارشکست انواع شیشه و تغییرات آن با رنگ یا طول‌موج، به وجود خط زرد D در سدیم پی‌برد و از آن سود جست. وی از نخستین کسانی بود که توری پراش را تولید کرد. با وجود اینکه خطوط تاریک طیف خورشیدی را نخستین بار ولاستون مشاهده کرده بود، مشاهده و اندازه‌گیری دقیق آنها تحت تفکیک و پاشندگی عالی، توسط فرانهافر صورت‌گرفت. او ۵۷۶ خط ثبت کرد، که عمده‌ترین آنها را با حروف A تا K و با نام وی مشخص می‌کنند.

وسایل آزمایش

لیزر هلیوم-نئون، پایه‌ی اپتیکی، شکاف باریک، عدسی همگرا با فاصله‌ی کانونی ۱۰۰cm، تعدادی سُرّه، مانع باریک و روزنه‌ی گرد (سوراخ سوزنی).

زمینه‌ی نظری آزمایش

تجربه نشان می‌دهد که وقتی یک موج به یک روزنه برخورد می‌کند، اگر ابعاد روزنه با طول‌موج قابل مقایسه باشد، موج ضمن عبور از روزنه، پراش (Diffraction) پیدا کرده و قانون انتشار مستقیم‌الخط نور اعتبار خود را از دست می‌دهد. اگر چشمه‌ی نور و پرده‌ای که فریزهای پراش روی آن دیده می‌شوند، در فاصله‌ای از روزنه‌ی پراش دهنده قرار داشته باشند که سطوح موج روی روزنه، کروی یا استوانه‌ای باشند، پراش را «پراش فرنل» (Fresnel diffraction)، می‌نامند. ولی اگر چشمه‌ی نور و پرده هر دو در فاصله‌ای بینهایت دور نسبت به روزنه قرار داشته باشند، و در نتیجه پرتوهایی که به روزنه می‌رسند موازی بوده و جبهه‌های موج (Wavefront) روی روزنه تخت باشد، آن را «پراش فرانهافر» (Fraunhofer diffraction)، می‌نامند. کاربرد پراش فرانهافر از پراش فرنل بیشتر و بحث نظری آن نیز ساده‌تر است. در این آزمایش پراش فرانهافر را از یک شکاف باریک مورد بررسی قرار می‌دهیم.

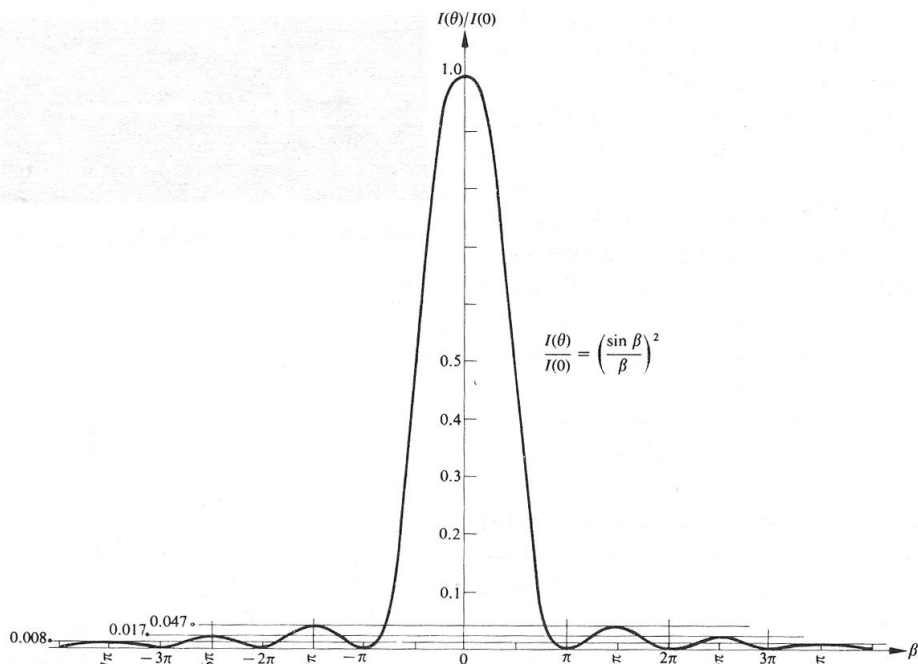
تغییرات شدت نور روی پرده‌ی سفید (شکل ۱)، به صورت زیر نوشته می‌شود:

$$I = I_0 \left(\frac{\sin \beta}{\beta} \right)^2 \quad (1)$$

که در آن I_0 شدت ماکزیمم اصلی و β چنین است:

$$\beta = \frac{\pi d \sin \theta}{\lambda} \quad (2)$$

در رابطه اخیر d پهنا‌ی شکاف، θ زاویه‌ی پراش و λ طول‌موج است. مینیمم‌های شدت برای β مساوی $\pm 3\pi, \pm 2\pi, \pm \pi$ و ... روی می‌دهند. ماکزیمم‌های شدت تقریباً در نیمه‌ی راه مینیمم‌ها هستند.



شکل ۱- تغییرات شدت نور پراش یافته از یک شکاف باریک، روی پرده‌ای دور از شکاف

روش آزمایش

الف) تک‌شکافی

نور موازی لیزر را مستقیماً روی شکاف باریک فرود آورید. برای اینکه پرده‌ی سفید و شکاف عملاً در بینهایت دور از یکدیگر باشند، یک عدسی همگرا (مثلاً به فاصله‌ی کانونی ۱۰۰ سانتی‌متر) پشت شکاف قرار دهید و پرده‌ی سفید مشاهده را، در صفحه‌ی کانونی عدسی بگذارید. روی این پرده، مطابق شکل ۱، دیده می‌شود که پهنای فریز روشن مرکزی دو برابر پهنای فریزهای روشن دیگر است، و وقتی از مرکز دور می‌شویم، شدت فریزهای روشن بتدریج کاهش می‌یابد، و نیز با کاهش دادن پهنای شکاف باریک، پهنای فریزهای روشن افزایش پیدا می‌کند.

اگر فاصله‌ی فریز تاریک شماره‌ی m (ردیف) m از مرکز نوارها را با a_m نشان دهیم، با توجه به اینکه زاویه‌ی پراش θ ، کوچک است، می‌توان نوشت:

$$\sin \theta = \frac{a_m}{f}$$

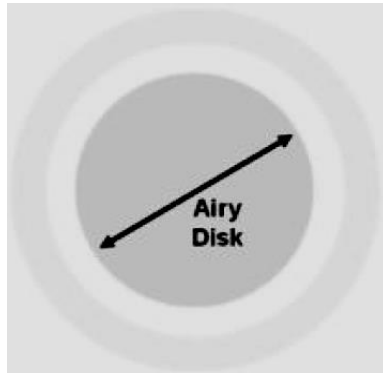
که در آن f فاصله‌ی کانونی عدسی همگرا، یعنی فاصله‌ی عدسی از پرده‌ی سفید است. بنابراین با توجه به رابطه‌ی (۲) و محل مینیمم‌های شدت، نتیجه می‌شود:

$$d = \frac{m \lambda f}{a_m} \quad (۳)$$

به کمک رابطه‌ی (۳) پهنای سه شکاف باریک را اندازه‌گیری کنید. طول موج نور لیزر هلیوم-نئون ۶۳۲۸ آنگسترم است.

ب) مانع باریک

با استفاده از اصلی موسوم به اصل بابینه (Babinet's principle)، نشان داده می‌شود که شکل گرت‌هی پراش حاصل از یک مانع باریک (Narrow obstacle)، همانند شکل گرت‌هی یک شکاف باریک هم اندازه با مانع است و همان رابطه‌ی شکاف باریک، معادله‌ی (۲)، درباره‌ی آن صادق است.



شکل ۲- قرص ایری

پ) روزنه‌ی دایره‌ای

می‌دانیم که گرتنه‌ی پراش حاصل از یک روزنه‌ی دایره‌ای (Pinhole)، بصورت یک دایره‌ی مرکزی روشن موسوم به «قرص ایری» (Airy's disk)، و فریزهای تاریک و روشن هم‌مرکز با آن است. شعاع قرص ایری از رابطه‌ی زیر:

$$\frac{D_A}{2} = R = \frac{1.22\lambda}{d} F \quad (4)$$

پیروی می‌کند؛ که در آن d قطر و ضریب $1/22$ از اولین صفر تابع بسل است.



شکل ۳- تک‌شکافی‌ها، روزنه‌ی دایره‌ای، موانع باریک و صافی‌ها

۱. سه مانع باریک در اختیار شما قرار داده شده است. با استفاده از اصل باینه پهنای هر یک را در یک آزمایش پراش مانند قبل اندازه‌گیری کنید. شکل هر گرتی پراش را به دقت مطالعه کنید و شرح دهید. گرتی پراش حاصل از باریکترین مانع و باریکترین شکاف را دوباره با هم مقایسه کنید و سپس با کمک میکروسکوپ عرض هر یک را اندازه‌گیری کنید و با نتایج اندازه‌گیری غیرمستقیم آنها مقایسه کنید.

۲. روزنه‌ی کوچکی که در اختیار دارید را مانند آزمایش‌های پیش، مورد بررسی قرار دهید و گرتی پراش حاصل را مشاهده کنید. با اندازه‌گیری قطر قرص ابری، قطر روزنه را با استفاده از معادله‌ی (۴)، محاسبه کنید و نتیجه‌ی بدست آمده را با اندازه‌گیری بوسیله‌ی میکروسکوپ مقایسه کنید.

محاسبه‌ی خطا

برای کاهش خطای آزمایش به جای اندازه‌گیری فاصله‌ی فریز تاریک m ام از مرکز فریزها، جدایی دو فریز تاریک متناظر را که در دو طرف فریز مرکزی هستند و از یکدیگر تا حد امکان دور هستند را از مرکز فریزها اندازه‌گیری کنید و مقدار میانگین آنها را در نظر بگیرید (زیرا که ممکن است فرود پرتوهای حاصل از پراش، روی پرده موازی نباشد). توجه کنید که پهنای فریز مرکزی دو برابر پهنای فریزهای دیگر است.

خطای نسبی و خطای مطلق را روی اندازه‌گیری پهنای شکاف بدست آورید.

لکه‌ی پواسون

فرنل که مهندسی ساختمان خوانده بود، در سی سالگی برای شرکت در یک مسابقه‌ی علمی، مقاله‌ای درباره‌ی پراش نور نوشت و آن را به آکادمی علوم فرانسه تسلیم کرد. سیمون پواسون فیزیکدان و ریاضیدان برجسته که در کمیته جوائز آکادمی عضویت داشت، طرفدار سرسخت نظریه‌ی ذره‌ای نیوتن درباره‌ی نور بود و به نظریه‌ی موجی فرنل و دیگران هیچ اعتقادی نداشت. پواسون خاطر نشان کرد که نظریه‌ی فرنل وجود لکه روشن را پیشگویی می‌کند (گرچه فرنل خودش مستقیماً به این مطلب اشاره‌ای نکرده بود). صحت این پیش بینی بزودی در آزمایشگاه‌ها تأیید شد.

با آنکه فرنل جایزه را برد، پواسون باز هم نظریه‌ی موجی نور را قبول نداشت و تا ۲۲ سال بعد از این ماجرا هم که زنده بود، هنوز به نظریات نیوتن اعتقاد داشت.

پرسش

۱. در مبحث پراش، از دو نوع پراش گفتگو می‌شود، این دو نوع پراش را مختصراً شرح دهید و نوع پراش را در این آزمایش معین کنید.

۲. اصل باینه را بیان کنید.

۳. در گرتی پراش حاصل از یک شکاف باریک، بیشینه‌های ثانویه در وسط نوارها تشکیل نمی‌شود. محل سه بیشینه‌ی نخست را با استدلال ریاضی و رسم منحنی پیدا کنید.

توری پراش و اندازه‌گیری طول‌موج به کمک آن
 Diffraction grating and measuring wavelength



کریستیان هویگنس
 ۱۶۲۹-۱۶۹۵

کریستیان هویگنس، ریاضیدان و فیزیکدان آلمانی، قبل از روی آوردن به ریاضی و فیزیک در دانشگاه، حقوق می‌خواند. هویگنس بر خلاف نیوتن، طرفدار حرکت نور به صورت موجی بود. او با به‌کاربردن امواج اصلی و موجک‌های ثانوی، قوانین بازتاب و شکست را تشریح کرد. وی همچنین بر روی ساخت ساعت‌های دقیق مورد استفاده در نیروی دریایی، کار می‌کرد. هویگنس در سال ۱۶۶۳ به عضویت انجمن سلطنتی لندن و در سال ۱۶۶۶ به عضویت انجمن فرانسه درآمد.

شرح دستگاه زاویه‌سنج در آزمایش مربوط به اندازه‌گیری نمارشکست منشور آمده‌است.

وسایل آزمایش

دستگاه زاویه‌سنج، لامپ تخلیه‌ی جیوه، توری تخت از نوع عبوری .

زمینه‌ی نظری آزمایش

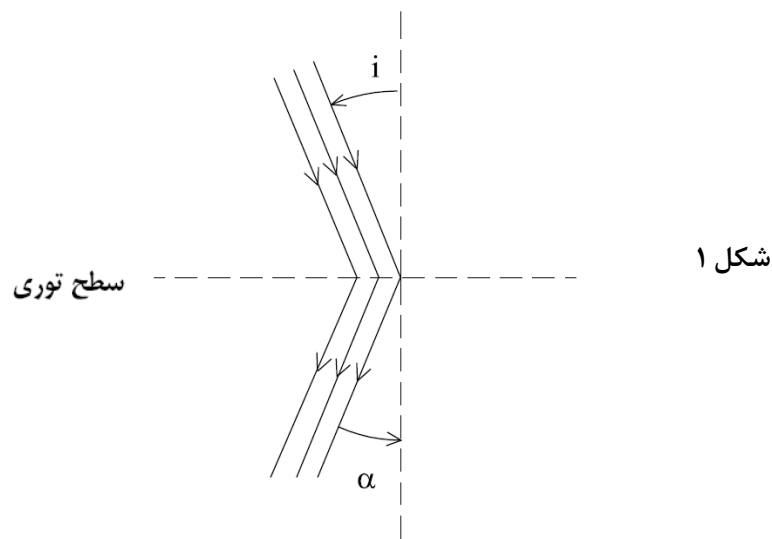
توری‌های تخت از یک دسته شکاف‌ها یا شیارهای بسیار باریک همانند و نزدیک به هم تشکیل می‌شوند. اگر فاصله‌ی دو

شکاف متوالی را با a نشان دهیم، تعداد شکاف‌ها در واحد طول، برابر با $\frac{1}{a}$ است.

فرض کنید دسته پرتوهای موازی با طول‌موج λ و تحت زاویه‌ی i روی یک توری فرود آیند. اختلاف راه‌نوری دو پرتویی

که تحت زاویه‌ی α از دو شکاف متوالی پراش پیدا می‌کنند (شکل ۱)، برابر است با:

$$\delta = a(\sin i - \sin \alpha) \quad (1)$$

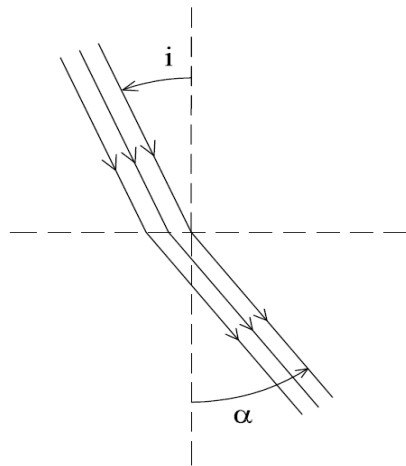


شکل ۱

رابطه‌ی (۱) برای حالتی که α منفی است (شکل ۲)، نیز برقرار است. اکنون اگر پرتوهای پراش یافته را در صفحه‌ی کانونی عدسی شیئی جمع کنیم، هر بار که این اختلاف راه‌نوری مضرب درستی از طول‌موج باشد، در آنجا شدت نور بیشینه است. بنابراین محل فریزهای روشن از رابطه‌ی زیر بدست می‌آید:

$$\text{Sini} - \text{Sin}\alpha = K \frac{\lambda}{a} = Kn\lambda \quad (K = 0, \pm 1, \pm 2, \dots) \quad (2)$$

که در آن k را «مرتبه‌ی (ردیف) بیناب» (Order of spectrum)، می‌نامند.



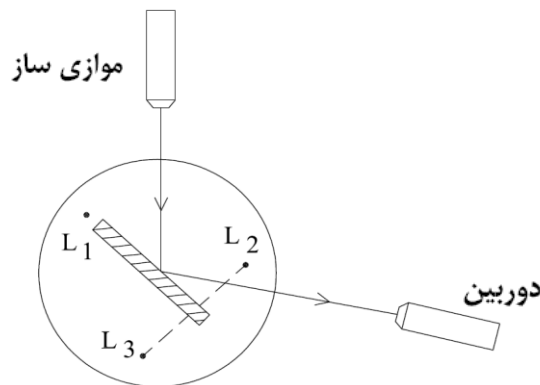
شکل ۲

تنظیم دستگاه

۱. دوربین و موازی‌ساز زاویه‌سنج را مطابق با دستوری که در آزمایش مربوط به اندازه‌گیری نمارشکست منشور آمده است، برای بینهایت دور کانونی کنید.

۲. توری (Grating)، را روی میزچه‌ی زاویه‌سنج در قاب مخصوص خود قرار دهید (شکل ۳). دوربین و میزچه را طوری نسبت به هم قرار دهید تا نور شکاف که روی توری بازتاب می‌شود، وارد دوربین شده و تصویر شکاف روی تاربست قرار گیرد. اکنون یکی از پیچ‌های L_2 یا L_3 را طوری تنظیم کنید که این تصویر در صفحه‌ی قائم، در وسط دوربین قرار گیرد. در این صورت سطح توری با محور دوران دوربین، موازی است.

۳. میزچه‌ی زاویه‌سنج را بچرخانید تا سطح توری بر موازی‌ساز تقریباً عمود شود. دوربین را در موقعیتی قرار دهید که بتوان بیناب پراش حاصل از عبور نور از توری را در آن دید. اکنون پیچ L_1 را طوری تنظیم کنید که یکی از خطوط بیناب مرتبه‌ی دوم یا سوم در صفحه‌ی قائم، در وسط دوربین قرار گیرد. در این صورت، شیارهای توری با محور دوران دستگاه، موازی می‌شوند.



شکل ۳- تنظیم دستگاه زاویه‌سنج با توری

روش‌های آزمایش

الف) روش تابش عمودی

توری را طوری روی میزچه‌ی زاویه‌سنج قرار دهید که بر موازی‌ساز عمود باشد. برای این منظور نخست دوربین را در امتداد موازی‌ساز قرار دهید. این وضعیت وقتی ایجاد می‌شود که تصویر شکاف موازی‌ساز روی تار بست دوربین قرار گیرد. سپس دوربین را در این حالت محکم کنید. به جای عدسی چشمی دوربین، عدسی چشمی مجهز به لامپ ۶ ولتی را روی دوربین قرار دهید. در میدان دید دوربین، تار بست و تصویر آن در توری (بعنوان آینه) دیده می‌شود. با چرخاندن میزچه‌ی زاویه‌سنج که توری روی آن قرار دارد، می‌توان تار بست و تصویر آن را روی یکدیگر منطبق کرد. در این صورت توری بر دوربین و بنابراین بر موازی‌ساز عمود است. پیچ میزچه را محکم و پیچ دوربین را باز کنید. با دوران دوربین، بیناب‌گاز لامپ مورد نظر، در آن دیده می‌شود. پرتوهایی که دارای طول موج بیشتری می‌باشند، بیشتر منحرف می‌شوند. می‌توان بیناب‌های زیادی را دید:

$k=1$	بیناب مرتبه‌ی اول
$k=2$	بیناب مرتبه‌ی دوم
$k=3$	بیناب مرتبه‌ی سوم

جدایی خطوط بیناب مرتبه‌ی سوم، از جدایی بیناب مرتبه‌ی دوم بیشتر است. جدایی خطوط بیناب مرتبه‌ی دوم نیز به نوبه‌ی خود از مرتبه‌ی اول بیشتر است.

در این آزمایش، می‌خواهیم طول موج‌های خطوط جیوه را اندازه‌گیری کنیم. موقعیت دوربین را وقتی خط مورد نظر در هر دو بیناب با مرتبه‌های $\pm k$ ، روی تار بست قرار می‌گیرد، بخوانید و از آنجا دو برابر انحراف (2α)، را بدست آورید. همین آزمایش را برای کلیه‌ی خطوط بینابی‌گازی انجام دهید.

طول موج خط زرد جیوه ($5790/6 \pm 0/1$) آنگستریم است. نخست به کمک این خط و رابطه‌ی:

$$\text{Sin}\alpha = Kn\lambda \quad (4)$$

در بیناب مرتبه‌ی اول، دوم و سوم شمار شیارهای توری در واحد طول n ، را بدست آورید. سپس با داشتن n ، طول موج بقیه‌ی خطوط جیوه را در هر بیناب اندازه‌گیری کنید.

الف) روش مینیمم انحراف

اندازه‌ی انحراف برابر $i - \alpha$ است. می‌توان ثابت کرد که وقتی $i = \alpha$ است، مقدار مینیمم انحراف، مساوی 2α است (شکل ۲)، و پرتوهای فرودی و پراش یافته نسبت به صفحه‌ی توری قرینه هستند.

مانند روش اندازه‌گیری زاویه‌ی مینیمم انحراف در آزمایش مربوط به اندازه‌گیری نمارشکست منشور، زاویه‌ی مینیمم انحراف برای هر خط و در هر دو بیناب با مرتبه‌های $\pm k$ اندازه بگیرید و از آنجا مقدار 4α را برای هر یک از خطوط بدست آورید. از رابطه‌ی (۲) نتیجه می‌شود:

$$2\text{Sin}\alpha = kn\lambda \quad (5)$$

با این روش و نیز با داشتن طول موج خط زرد جیوه، نخست شمار شیارهای توری را در واحد طول پیدا کرده و سپس با داشتن آن، طول موج بقیه‌ی خطوط جیوه را در هر بیناب اندازه‌گیری کنید.

دقت دستگاه زاویه‌سنج، یک دقیقه می‌باشد. خطای مکانیکی دستگاه $0/5$ دقیقه و خطای نقطه گذاری نیز حداکثر $0/5$ دقیقه است. خطای نسبی و خطای مطلق را در اندازه‌گیری شمار شیارهای توری در واحد طول و طول موج بقیه‌ی خطوط در بیناب‌های مرتبه‌ی اول، دوم و سوم در هر دو روش بدست آورید.

ساخت توری

توری‌های واقعی که در مطالعه‌ی طیف‌ها به‌کار می‌روند، عبارتند از شیارهای ظریفی که بوسیله یک الماسه‌ی نوک تیز، روی سطوح تخت شیشه‌ای برای تولید توری تراگسیل و یا غالباً روی سطح آینه‌ای صیقل یافته‌ی فلزی برای تولید توری بازتابش تراشیده می‌شوند. تا این اواخر، اکثر توری‌ها روی آلیاژی از مس و قلع به نام اسپیکولوم که آلیاژ بسیار سختی است، تراش داده می‌شدند، ولی در روش‌های جدید، شیارها را روی لایه‌های نرمتر، ناشی از تبخیر آلومینیوم ایجاد می‌کنند. این روش نه تنها باعث بازتابش بیشتر در فرابنفش می‌شود، بلکه استهلاک نوک الماسه را هم کمتر می‌کند.

پرسش

۱. بالاترین مرتبه‌ی بیناب را در یک توری به کمک رابطه‌ی (۴) پیدا کنید.
۲. به کمک رابطه‌ی (۲) نشان دهید که در مینیمم انحراف $i = -\alpha$ است.
۳. در روش تابش عمودی، به جای اندازه‌گیری مستقیم α ، در حقیقت 2α را اندازه‌گیری کردیم؛ در روش مینیمم انحراف نیز به جای اندازه‌گیری زاویه‌ی انحراف، که مساوی 2α است، در حقیقت 4α را اندازه‌گیری کردیم؛ دلیل این کار را توضیح دهید.
۴. چرا رنگ بیناب مرتبه‌ی صفر ($k=0$)، همواره با رنگ چشمه‌ی نور یکسان است.
۵. رابطه‌ی (۱) را اثبات کنید.

اندازه‌گیری توان جداسازی منشور و توری پراش

Measuring the resolving powers of prism and diffraction grating



لرد ریلی
۱۸۴۲-۱۹۱۹

لرد ریلی استاد فیزیک دانشگاه کمبریج وانستیتو سلطنتی بریتانیای کبیر بود. با نبوغ ریاضی و بینش فیزیکی گسترده، سهم مهمی در بسیاری از زمینه‌های فیزیک ایفا کرده است. معروفترین کارهای وی در زمینه صوت و پراکندگی نور هستند. او یکی از برندگان جایزه نوبل در سال ۱۹۰۴ بود.

تذکر: شرح دستگاه زاویه‌سنج و تنظیم آن در آزمایش مربوط به اندازه‌گیری نمارشکست منشور آمده است. پیش از انجام این آزمایش زمینه‌های نظری مربوط به اندازه‌گیری نمارشکست منشور و پراش بوسیله‌ی توری را بخوانید. وسایل آزمایش

دستگاه زاویه‌سنج، منشور شیشه‌ای ۶۰ درجه، توری، لامپ‌های تخلیه‌ی جیوه و سدیم، شکاف باریک با پهناهای متغیر. زمینه‌ی نظری آزمایش

توان جداسازی (Resolving power)، عبارت است از توانایی یک وسیله، برای تمیز دادن دو طول موج تقریباً مساوی از یکدیگر. هر اندازه اختلاف طول موج‌ها کمتر باشد، برای مجزا ساختن آنها به توان جداسازی بیشتری نیاز است. «توان جداسازی» یک وسیله بر حسب تعریف، برابر است با نسبت طول موج λ ، به کمترین فاصله‌ی طول موجی $\Delta\lambda$ ، که می‌تواند از یکدیگر جدا سازد:

$$R = \frac{\lambda}{\Delta\lambda} \quad (1)$$

«پاشندگی زاویه‌ای» (Angular dispersion)، یک وسیله نیز بر حسب تعریف، برابر است با نسبت فاصله‌ی زاویه‌ای دو خط به اختلاف طول موج‌های آن:

$$D = \frac{\Delta\theta}{\Delta\lambda} \quad (2)$$

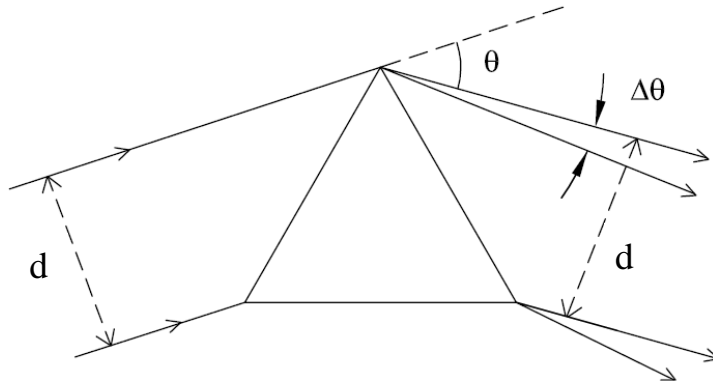
بنابراین، در حالیکه توان جداسازی کمیتی بدون بُعد است؛ بُعد پاشندگی زاویه‌ای، رادیان بر میلی‌متر است.

الف) توان جداسازی منشور

توان جداسازی منشور عبارتست از:

$$R = e \frac{dn}{d\lambda} \quad (3)$$

که در آن e طول قاعده‌ی موثر، n نمارشکست و $\frac{dn}{d\lambda}$ پاشندگی منشور است. در این آزمایش، بهتر است که این رابطه را به صورتی بنویسیم که کمیت‌های آن مستقیماً قابل اندازه‌گیری باشند. شکل ۱، کمیت‌های مورد نظر را نشان می‌دهد.



شکل ۱

بوسیله‌ی معیار ریلی، دو خط درست موقعی از یکدیگر جدا تشخیص داده می‌شوند که ماکزیمم اصلی یکی، روی نخستین مینیمم دیگری قرارگیرد. برای یک روزنه‌ی باریک به پهنای d ، فاصله‌ی زاویه‌ای نخستین مینیمم از ماکزیمم اصلی، $\Delta\theta$ ، از رابطه‌ی زیر بدست می‌آید:

$$\Delta\theta = \frac{\lambda}{d}$$

در این صورت رابطه‌ی (۱) بصورت زیر نوشته می‌شود:

$$R = \frac{\lambda}{\Delta\lambda} = d \frac{\Delta\theta}{\Delta\lambda} = d \frac{d\theta}{d\lambda} \quad (۴)$$

که در آن به جای نسبت دو کمیت کوچک، $\frac{\Delta\theta}{\Delta\lambda}$ ، مقدار $\frac{d\theta}{d\lambda}$ را قرار داده‌ایم، زیرا برای تمام مقاصد عملی با یکدیگر برابرند. اگر از منشور در مینیمم انحراف استفاده شود، روابط (۳) و (۴) با یکدیگر معادل خواهند بود. باید توجه داشت که e و d مقادیر مؤثر هستند. اگر تمام رخ منشور روشن نشود، e و d از حداکثر خود کمتر و بنابراین توان جداسازی نیز از حداکثرش کمتر خواهد بود.

(ب) توان جداسازی توری

توان جداسازی توری به کمک رابطه‌ی (۱) و با توجه به معیار ریلی بدست می‌آید. نتیجه چنین است:

$$R = kN$$

که در آن k مرتبه‌ی بیناب و N تعداد کل شیارهای توری است که روشن می‌شود. اگر n شمار شیارهای توری در واحد طول و d پهنای نوری باشد که توری را روشن می‌سازد، داریم:

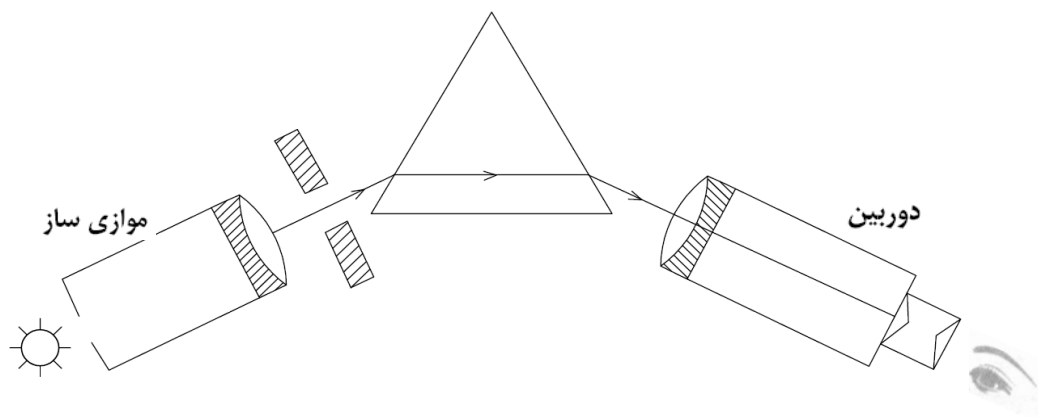
$$N = dn$$

و بنابراین توان جداسازی توری بصورت زیر نوشته می‌شود:

$$R = k dn \quad (۵)$$

روش آزمایش

دستگاه زاویه‌سنج و منشور ۶۰ درجه‌ای که روی میزچه‌ی آن قرار می‌دهید را، پس از روشن ساختن لامپ جیوه در مقابل شکاف موازی‌ساز، مطابق با دستوری که در آزمایش مربوط به نمارشکست منشور آمده است تنظیم کنید. شکاف با پهناي متغیر، که تیغه‌های آن در حداکثر فاصله از یکدیگر قرار دارند، را مطابق شکل ۲، مقابل موازی‌ساز قرار دهید و سپس منشور را در وضعیت مینیمم انحراف، برای دو خط زرد جیوه تنظیم کنید. فاصله‌ی زاویه‌ای خط زرد با طول موج بیشتر و خط سبز جیوه را اندازه بگیرید و از آنجا پاشندگی زاویه‌ای منشور را از رابطه‌ی (۲)، برحسب رادیان بر میلی‌متر محاسبه کنید (طول موج خطوط مورد نظر در جدول ذیل آمده است).



شکل ۲

ضمن اینکه منشور در وضعیت مینیمم انحراف برای خطوط زرد تنظیم شده است، پهناي شکاف را کم کنید. در اینصورت پهناي هر یک از خطوط نیز به تدریج زیاد می‌شود.

حداقل پهناي شکاف d را برای اینکه دو خط زرد جیوه هنوز از یکدیگر قابل تشخیص باشند، بدست آورید و آن را به کمک میکروسکوپ متحرک اندازه‌گیری کنید. این آزمایش را ۱۰ بار تکرار کنید و میانگین d را بدست آورید. توان

جداسازی نظری را به کمک رابطه‌ی (۴) محاسبه کنید و با مقدار واقعی آن که از رابطه‌ی (۱) بدست می‌آید، مقایسه کنید. شکاف را تقریباً ببندید تا خطوط زرد و سبز جیوه داخل یکدیگر شوند. واضح است که اکنون توان جداسازی دستگاه از

توان جداسازی چشم طبیعی کمتر است؛ زیرا با وجود تداخل خطوط در یکدیگر، هنوز از هم قابل تشخیص هستند. به جای لامپ تخلیه‌ی جیوه، لامپ تخلیه‌ی سدیم را روشن کنید و آن را مقابل شکاف موازی‌ساز قرار دهید. شکاف متغیر را از جلوی موازی‌ساز بردارید، تا تمام رخ منشور بوسیله‌ی موازی‌ساز روشن شود. اگر دستگاه خوب تنظیم شده باشد، دو خط زرد سدیم به سختی از یکدیگر قابل تشخیص خواهند بود.

سبز	زرد دوم	زرد اول	
۵۴۶۰/۷	۵۷۶۹/۶	۵۷۹۰/۶	جیوه
	۵۸۸۹/۹	۵۸۹۵/۹	سدیم

ب) توری

به جای منشور، توری را روی میزچه قرار دهید و آن را مطابق با دستوری که در آزمایش مربوط به پراش بوسیله‌ی توری داده شده است، تحت زاویه‌ی تابش عمودی تنظیم کنید.

توان جداسازی توری از منشور بیشتر است و بنابراین اندازه‌گیری جداسازی بوسیله‌ی خطوط زرد جیوه بی‌ثمر است. از این رو در این آزمایش از لامپ تخلیه‌ی سدیم استفاده می‌شود.

نخست باید شمار شیارهای توری را در واحد طول بدست آورید. برای این منظور با داشتن طول موج یکی از خطوط زرد سدیم، زاویه‌ی پراش این خط را در بیناب مرتبه‌ی دوم یا سوم و در دو سوی بیناب مرتبه‌ی صفر اندازه بگیرید و به کمک رابطه‌ی $\sin\alpha = Kn\lambda$ ، n را بدست آورید.

شکاف متغیر را دوباره مطابق شکل ۲، مقابل موازی‌ساز قرار دهید؛ و حداقل پهنای آن را وقتی دو خط زرد سدیم در بیناب مرتبه‌ی اول هنوز از یکدیگر جدا تشخیص داده می‌شود، را بدست آورید و این عمل را پنج بار تکرار کنید و میانگین d_1 را محاسبه کنید. این عمل را برای بیناب‌های مرتبه‌ی دوم و سوم انجام دهید و d_2 و d_3 را بدست آورید.

توان جداسازی نظری توری را در بیناب‌های مرتبه‌ی اول، دوم و سوم به کمک رابطه‌ی ۵، محاسبه کنید و نتایج را با توان جداسازی واقعی که از رابطه‌ی $R = \frac{\lambda}{\Delta\lambda}$ بدست می‌آید، مقایسه کنید.

جداسازی نظری را برای منشور، توری (بیناب مرتبه‌ی نخست)، وقتی که هر دو به طور کامل روشن می‌شوند، محاسبه کنید.

توری کاو

به غیر از توری‌های تخت، چند توری دیگر نیز وجود دارد. یکی از اینها، توری کاو است. در این توری، شیار زنی بر روی یک سطح کاو انجام می‌شود. توری‌های تخت به عدسی یا آینه‌های موازی‌ساز و کانونی‌ساز نیاز دارند. در حالی که توری‌های کاو می‌توانند عمل موازی‌کردن و کانونی‌کردن و همین‌طور پاشاندن نور در طول موج‌های گوناگون بیناب را به تنهایی انجام دهند. در سالهای اخیر توری‌های تمام‌نگاشتی نیز زیاد به کار برده شده‌اند. اینها با ثبت کردن نوارهای تداخلی حاصل از تقاطع دو باریکه‌ی لیزری تولید می‌شوند.

پرسش

فرض کنید منشور بسیار بزرگی به کار رود که توان جداسازی با پرتو دایره‌ای که از موازی‌ساز خارج می‌شود، معین گردد. آیا

رابطه‌ی ۴، $R = d \frac{d\theta}{d\lambda}$ ، هنوز توان جداسازی را معین می‌کند؟ اگر نه، علت تفاوت آن با مقدار نظری چیست؟

اندازه‌گیری غلظت محلول‌های فعال نوری بوسیله‌ی قطبش‌سنج

و بررسی پاشندگی چرخشی

Measuring the concentration of optically active solutions by polarimeter
and investigating rotatory dispersion



اتین لونیس مالوس
۱۸۱۲-۱۷۷۵

اتین لونیس مالوس، مهندس ارتش فرانسه بود. کشف قطبش از طریق بازتابش توسط وی، به‌طور اتفاقی و هنگامی‌که با یک بلور کلسیت، به نور بازتابیده از پنجره‌های کاخ لوکزامبورگ نگاه می‌کرد، روی داده‌است.

وسایل آزمایش

دو دستگاه قطبش‌سنج (Polarimeter)، یکی با یک پالایه‌ی زرد و دیگری با چهار پالایه‌ی رنگی، محلول گلوکز.

زمینه‌ی نظری آزمایش

برخی از آزمایش‌های مربوط به نور نشان می‌دهند که نور دارای خاصیت موجی است. نظریه‌ی الکترومغناطیس نور نشان می‌دهد که هر پرتو نور از دو بردار الکتریکی و مغناطیسی عمود بر هم تشکیل می‌شود، که صفحه‌ی ارتعاش آنها بر امتداد انتشار نور عمود است. ارتعاش نور عرضی است، و اگر نور طبیعی باشد، امتداد ثابتی ندارد. از نور طبیعی به روش‌های زیر می‌توان نور قطبیده‌ی خطی (Linearly polarized)، تولید کرد.

الف) قطبش نور بوسیله‌ی جذب ناهمسانگرد:

بعضی از بلورهای آلی و معدنی این خاصیت را دارند که اگر نور طبیعی روی آنها فرود آید، یکی از مؤلفه‌های ارتعاش را جذب و مؤلفه‌ی عمود بر آن را از خود عبور می‌دهند. بدین ترتیب نور عبوری از بلور، قطبیده‌ی خطی است. هرگاه دو بلور کنار هم قرار گیرند، بلور اولی را که نور طبیعی بر آن فرود می‌آید، قطبنده (Polarizer)؛ و بلور دومی را که قطبیدگی را مشخص می‌کند، واکافنده (Analyzer)، گویند.

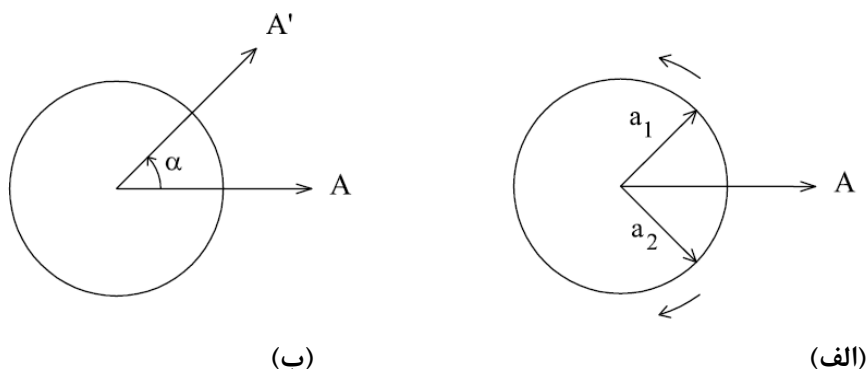
ب) قطبش نور بوسیله‌ی بازتاب:

آزمایش مالوس نشان می‌دهد که نور طبیعی در حالت خاصی در اثر بازتاب قطبیده می‌شود. بروستر نیز با یک تجربه ثابت کرد که هرگاه پرتو نور طبیعی تحت زاویه‌ی θ_B روی محیطی با نمارشکست n فرود آید، به گونه‌ای که $\tan \theta_B = n$ باشد، پرتو بازتاب شده، قطبیده‌ی کامل است. در این حالت زاویه‌ی بین پرتو بازتاب و شکست ۹۰ درجه است. زاویه‌ی بروستر (Brewster angle)، برای شیشه‌ی معمولی ۵۷ درجه است.

ج) قطبش نور بوسیله‌ی بلورهای شکست دوگانه و چرخش قطبیدگی:

هرگاه یک دسته پرتو نور طبیعی روی بلور کلسیت، یا کوارتز، فرود آید؛ قسمتی بازتاب می‌شود و قسمت دیگر به صورت دو پرتو متمایز شکست پیدا می‌کند. این پدیده به شکست دوگانه موسوم است. پرتوی که از قانون شکست پیروی می‌کند را پرتو عادی (Ordinary beam)، و پرتوی که از این قانون پیروی نمی‌کند را، پرتو غیرعادی (Extraordinary beam)، می‌نامند.

بنا به تشریح پدیدارشناختی فرنل از فعالیت نوری، هر موج خطی را می‌توان برهم نهی‌ای از دو موج دایره‌ای دانست که با سرعت مساوی در دو جهت مخالف می‌چرخند (چپگرد و راستگرد). دامنه‌ی هر کدام از ارتعاش‌های دایره‌ای a_1 و a_2 ، نصف دامنه‌ی A ارتعاش خطی است. a_1 و a_2 به هنگام خروج در امتداد A به هم می‌رسند و جمع آنها در آن موقع مساوی A است (شکل ۱ الف).



شکل ۱

در یک ماده‌ی فعال دو شکستی دایره‌ای که دارای دو نماد شکست است (یکی برای حالت چپگرد و دیگری برای حالت راستگرد)، این دو موج دایره‌ای با سرعت‌های مختلفی انتشار می‌یابند. دو موج دایره‌ای هنگام عبور از نمونه‌ی فعال نوری از حالت هم فازی خارج شده و در نهایت a_1 و a_2 به هم نمی‌رسند؛ بلکه، در امتداد دیگری مثلاً A' ، به هم می‌رسند که با امتداد A زاویه‌ی α می‌سازد (شکل ۱ ب). این خاصیت را «چرخش قطبیدگی» (Rotation of polarization)، می‌گویند. تغییر زاویه‌ی چرخش α نسبت به طول موج λ را «پاشندگی چرخشی» (Rotatory dispersion)، می‌نامند.

بیول (Biol) برای پاشندگی چرخشی، رابطه‌ی $\alpha = a + \frac{b}{\lambda^2}$ را داده است که شبیه به رابطه‌ی کوشی برای پاشندگی معمولی است. اگر برآیند A به طرف راست بچرخد، جسم را «راست گردان» و اگر به طرف چپ بچرخد، جسم را «چپ گردان» می‌نامند.

د) قطبش نور بوسیله‌ی محلول‌های فعال:

محلول‌های فعال نوری (Optically active solution)، اجسام آلی و دارای کربن غیرمتقارن هستند، مانند انواع قندها، اسید تارتاریک و اسید لاکتیک. این محلول‌ها می‌توانند صفحه‌ی قطبش را بچرخانند. مقدار زاویه‌ی چرخش با غلظت محلول و طول مسیر نور در محلول، متناسب است. اگر غلظت را با C و طول مسیر نور را با l نشان دهیم، زاویه‌ی چرخش به شکل زیر نوشته می‌شود:

$$\alpha = \rho l C \quad (1)$$

که در آن α زاویه‌ی چرخش و ρ «توان چرخشی ویژه» (Specific rotation power)، یا «چرخاندگی» است، که برای محلول‌های مختلف متفاوت است.

ه) قطبش نور بوسیله‌ی تیغه‌های چارک موج و نیم موج:

هرگاه نور قطبیده روی یک بلور فرود آید، ارتعاش آن در دو راستای معین، به نام راستاهای برگزیده قابل تجزیه است. چون سرعت انتشار این دو مؤلفه، در بلور یکسان نیست؛ موقع خروج، بین دو ارتعاش یک اختلاف فاز φ به وجود می‌آید که به ضخامت بلور و اختلاف دو نماشکست آن بستگی دارد.

اگر ارتعاش نور قطبیده به صورت $P = P_0 \cos \omega t$ و زاویه‌ی آن با یکی از راستاهای برگزیده α باشد، دو مؤلفه‌ی ارتعاش در موقع ورود به بلور به صورت زیر خواهند بود:

$$\begin{aligned} x &= P_0 \cos \alpha \cos \omega t \\ y &= P_0 \sin \alpha \cos \omega t \end{aligned} \quad (2)$$

و در موقع خروج از بلور، به خاطر اختلاف فاز بین دو ارتعاش به صورت زیر در می‌آیند:

$$\begin{aligned} x &= P_0 \cos \alpha \cos \omega t \\ y &= P_0 \sin \alpha \cos(\omega t - \varphi) \end{aligned} \quad (3)$$

از طرفی می‌دانیم که اختلاف فاز φ و اختلاف راه نوری δ بوسیله‌ی رابطه‌ی زیر:

$$\delta = \frac{\lambda \varphi}{2\pi}$$

به یکدیگر مربوط می‌شوند.

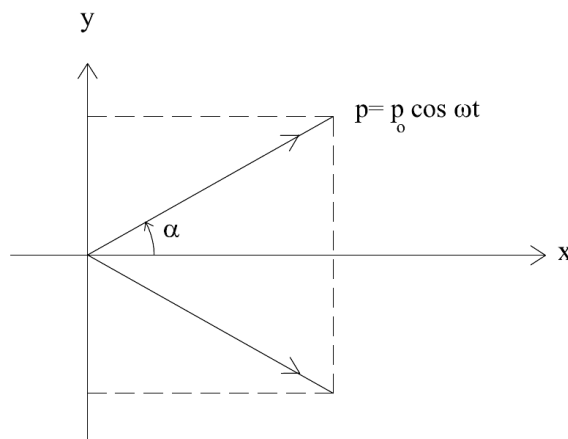
اگر $\varphi = \frac{\pi}{2}$ باشد، مقدار اختلاف راه، برابر با $\frac{\lambda}{4}$ می‌شود و در این صورت تیغه را چارک موج (Quarter wave plate) می‌نامند و رابطه‌ی (۳)، معادله‌ی پارامتری یک بیضی است. پس در حالت کلی تیغه‌ی چارک موج، ارتعاش خطی را به

ارتعاش بیضوی تبدیل می‌کند. در حالت خاص، به ازای $\alpha = \frac{\pi}{4}$ و $\varphi = \frac{\pi}{2}$ ارتعاش خروجی دایره‌ای است.

اگر $\varphi = \pi$ باشد، مقدار $\delta = \frac{\lambda}{2}$ می‌شود. چنین تیغه‌ای را نیم موج می‌نامند و جهت y در رابطه‌ی (۳)، طبق شکل (۲)،

عوض می‌شود و ارتعاش نسبت به راستای برگزیده‌ی x ، قرینه می‌شود. پس تیغه‌ی نیم موج (Half wave plate)، ارتعاش را نسبت به یکی از راستاهای برگزیده‌ی خود قرینه می‌سازد.

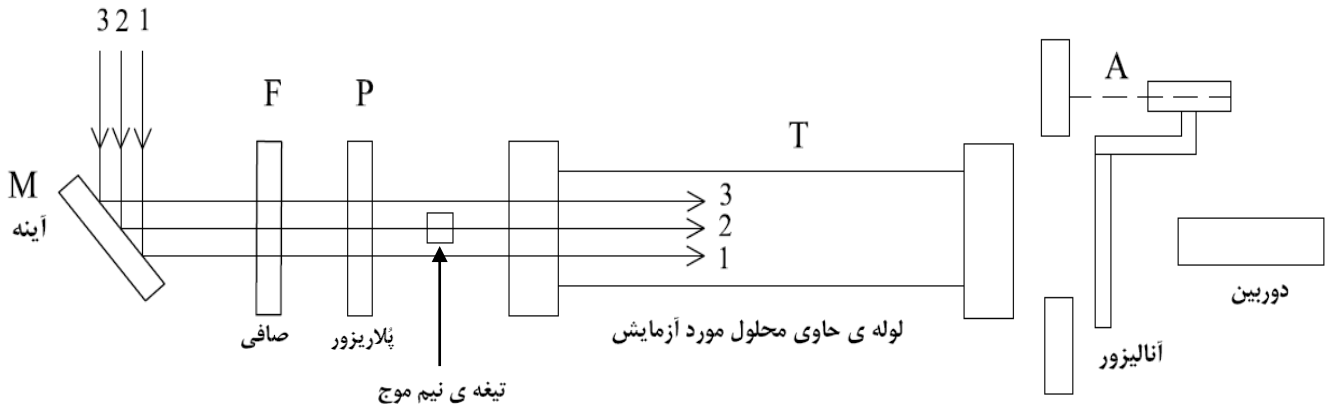
در صورتیکه تیغه، نه نیم موج و نه چارک موج باشد؛ اختلاف فاز φ بین مؤلفه‌های ارتعاش خروجی از آن، غیر مشخص خواهد بود و ارتعاش خروجی بیضوی با محورهای نامشخص (غیر کانونیکال) خواهد بود.



شکل ۲

۱. شرح دستگاه قطبش‌سنج تک‌رنگ

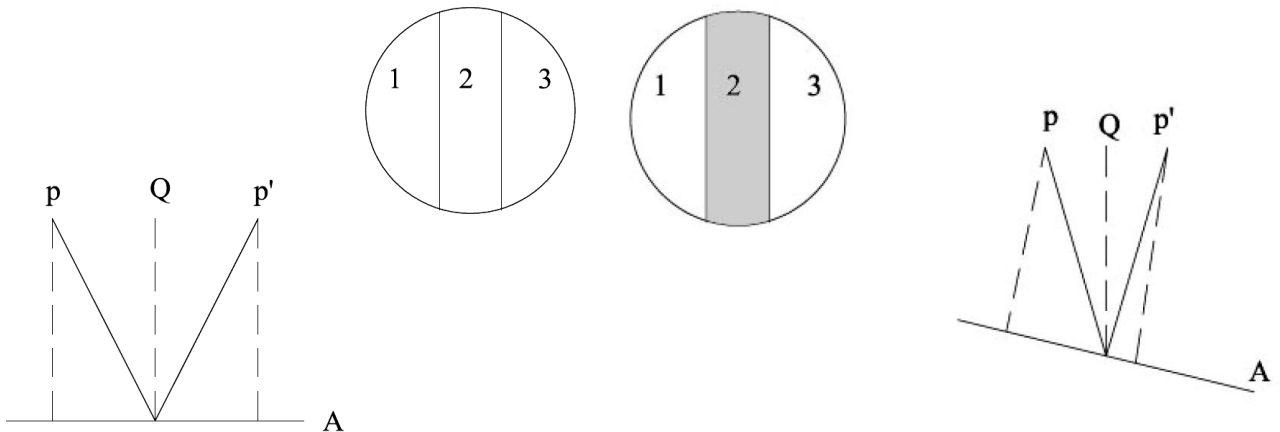
قطبش‌سنج برای اندازه‌گیری غلظت و تعیین راست‌گردی و چپ‌گردی محلول‌های فعال نوری به کار می‌رود. ساختمان کلی این دستگاه در شکل ۳، دیده می‌شود.



شکل ۳- ساختمان کلی دستگاه پلاریمتر تک‌رنگ

نوری که بوسیله‌ی آینه‌ی M ، در امتداد محور دستگاه بازتاب می‌شود، نخست از یک پالایه‌ی نور زرد F ، عبور می‌کند و تک‌رنگ می‌شود، و سپس از قطبنده‌ی P ، می‌گذرد و قطبیده می‌شود. بخشی از این نور تک‌رنگ قطبیده (به عنوان مثال پرتو (۲) در شکل)، از یک تیغه‌ی نیم‌موج Q ، عبور می‌کند و وارد لوله‌ی حاوی محلول مورد آزمایش می‌شود. در حالیکه بخش دیگر نور (پرتوهای (۱) و (۳) بدون گذشتن از این تیغه، وارد لوله می‌شوند. نور پس از خروج از محیط فعال نوری از یک واکافنده‌ی A ، می‌گذرد و از طریق دوربین وارد چشم می‌شود.

در دوربین مطابق شکل ۴، سه ناحیه از یکدیگر تشخیص داده می‌شوند. نواحی (۱) و (۳) مربوط به پرتوهای هستند که از تیغه‌ی نیم‌موج عبور نکرده‌اند و شدت نور آنها همواره با هم برابر است. ناحیه‌ی (۲) مربوط به پرتوی است که از تیغه‌ی نیم‌موج گذشته است و شدت نور آن بسته به زاویه‌ی چرخش واکافنده است و می‌تواند با نواحی (۱) و (۳) برابر شود یا با آن تفاوت داشته باشد.



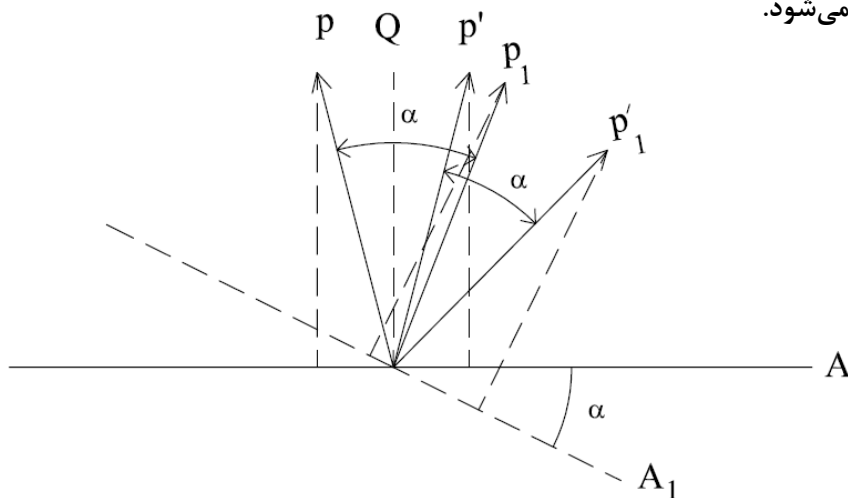
ب: نواحی سه گانه با روشنایی‌های برابر

الف: نواحی سه گانه با روشنایی متفاوت

شکل ۴- نواحی سه گانه با روشنایی متفاوت و برابر که بوسیله‌ی چرخش واکافنده‌ی A تنظیم می‌شود

در شکل ۴، P نمایانگر راستای قطبش نور پس از گذشتن از قطبند است و P' راستای قطبش پرتو شماره‌ی (۲)، که از تیغه‌ی نیم‌موج گذشته است، می‌باشد و قرینه‌ی P نسبت به یکی از محورهای برگزیده‌ی تیغه‌ی نیم‌موج Q است. شدت نوری که در دوربین مشاهده می‌شود، با تصاویر P و P' روی راستای محور واکافنده‌ی A متناسب است. بنابراین با چرخاندن واکافنده می‌توان وضعیتی را مانند شکل (ب) بدست آورد که تصاویر P و P' روی محور عبور آن برابر شوند و در این صورت روشنایی نواحی سه گانه با یکدیگر برابر خواهد شد. این وضع، صفر دستگاه است.

اگر پس از برابری روشنایی نواحی سه گانه، لوله‌ی حاوی محلول مورد آزمایش را در دستگاه قرار دهیم، دیده می‌شود که به خاطر چرخش قطبیدگی نور در محلول، برابری روشنایی نواحی سه گانه از بین می‌رود. برای برابر ساختن دوباره‌ی این روشنایی، مطابق شکل ۵، باید واکافنده را به اندازه‌ی زاویه‌ی چرخش α چرخاند و همین زاویه است که بوسیله‌ی قطبش‌سنج اندازه‌گیری می‌شود.



شکل ۵- چرخش قطبیدگی نور در یک محیط فعال نوری، P و P' مربوط به وضعیت قطبیدگی نور پیش از وارد شدن در محیط فعال و P_1 و P'_1 مربوط به قطبیدگی‌ها پس از خروج از لوله‌ی حاوی محلول فعال است.

روش آزمایش

۱. چراغ سفید قطبش‌سنج را روشن کنید. بوسیله‌ی چشمی که ابتدا آن را تنظیم می‌کنید، نواحی سه گانه را ببینید. واکافنده را بچرخانید تا روشنایی این نواحی سه گانه در روشنایی کم، یکسان شود. درجه را بخوانید، این درجه صفر دستگاه است.

۲. اکنون غلیظ‌ترین محلول گلوکز را در لوله‌ی مربوط به قطبش‌سنج بریزید به طوری که در آن هوا وجود نداشته باشد و سپس آن را در قطبش‌سنج قرار دهید و سرپوش آن را بگذارید. ملاحظه می‌کنید که روشنایی نواحی سه گانه تفاوت دارند. پس از تنظیم دوباره‌ی چشمی، آنالیزور را بچرخانید تا روشنایی یکنواخت شود. زاویه‌ی چرخش را اندازه‌گیری کنید و از رابطه‌ی (۱) با معلوم بودن غلظت و طول لوله، توان چرخشی ویژه ρ ، را محاسبه کنید.

۳. لوله‌ی دیگری انتخاب کنید که طولش با طول لوله‌ی اولی مساوی نباشد. آزمایش را با همان محلول غلیظ تکرار کنید و

$$\text{رابطه‌ی } \frac{\alpha_1}{\alpha_2} = \frac{l_1}{l_2} \text{ را تحقیق کنید.}$$

۴. محلول گلوکز، با غلظتی نصف غلظت قبلی تهیه کنید و رابطه‌ی $\frac{\alpha_1}{\alpha_2} = \frac{C_1}{C_2}$ را برای طول‌های مساوی تحقیق کنید.



شکل ۶- وسایل آزمایش

۵. محلولی با غلظت مجهول به شما داده می‌شود، غلظت آن را تعیین کنید.

۶. خطای تعیین غلظت را حساب کنید.

۲. شرح دستگاه قطبش‌سنج چند پالایه‌ای

این قطبش‌سنج بصورت یک استوانه‌ی قائم درست شده که یک لامپ سفید در زیر آن قرار دارد و یک قطبنده درست روی آن نصب شده‌است. چهار پالایه‌ی نوری، در یک پالایه‌گیر قرار داده‌شده که می‌توان آن را چرخاند و هر بار یک پالایه را جلوی نور سفید آورد. لوله‌ی حاوی محلول مورد آزمایش، بالای این پالایه قرار می‌گیرد و یک واکافنده‌ی متصل به یک صفحه‌ی مدرج، روی آن قرار می‌گیرد.

روش آزمایش

طول موج تقریبی پالایه‌ها را با مقایسه رنگ آنها با نمودار بیناب خورشید در آزمایشگاه، تعیین و یادداشت کنید. صفر دستگاه را پیش از قراردادن محلول، با چرخاندن واکافنده تنظیم کنید؛ به طوری که نوری دیده نشود. سپس غلیظ‌ترین محلولی که در اختیار دارید، در لوله‌ی شیشه‌ای قطبش‌سنج بریزید. محلول را داخل دستگاه قرار دهید و واکافنده را با چرخاندن، طوری تنظیم کنید که برای هر رنگ نوری دیده نشود، در این حالت درجه‌ی صفحه‌ی واکافنده را بخوانید و یادداشت کنید. سپس منحنی پاشندگی چرخشی محلول را روی کاغذ میلی‌متری ترسیم کنید.

فعالیت نوری

در ۱۸۱۱م ، دومینیک آراگو فیزیکدان فرانسوی، اولین بار پدیده‌ی شگفتی را مشاهده کرد که امروزه به فعالیت نوری مشهور است. در ۱۸۲۲م ، سر جان دبلیو هرشل اخترشناس انگلیسی، دریافت که رفتار راستگردان و چپگردان در کوارتز، در واقع به دو ساختار بلورشناختی متفاوت مربوط است. کوارتز ذوب شده یا کوارتز گداخته، که هیچکدام بلوری نیستند، از نظر نوری هم فعال نیستند. در مقابل، ترکیبات آلی فراوانی نظیر شکر، تارتاریک اسید، و تورپانتین، محلول یا مایع در طبیعت وجود دارند که از نظر نوری فعال‌اند. فرایند فعالیت نوری، اگر چه در مطالعات نور شناخت مورد توجه ویژه‌ای‌اند، در علوم شیمی و زیست‌شناسی اثرات گسترده‌ای داشته‌است که این اثرات هنوز ادامه دارد. نخستین سهم عمده‌ی علمی در این رابطه از آن لویی پاستور است که در سال ۱۸۴۸ همراه با رساله‌ی تحقیقاتی دکترای وی ارائه شد.

پرسش

۱. آیا اگر محور تند تیغه‌ی نیم موجی افقی باشد، این تیغه جهت قطبیدگی نور قطبیده‌ی قائم را تغییر می‌دهد؟ جواب خود را با روش ماتریسی جونز بیازمایید.
۲. نوری که قطبیده‌ی خطی است و نسبت به محور تند افقی تیغه‌ی نیم‌موج زاویه‌ی $۶۳/۴$ درجه می‌سازد، توسط تیغه به چه وضع قطبیدگی در می‌آید؟ پاسخ خود را به روش ماتریسی جونز بیازمایید.

اندازه‌گیری نمارشکست به روش بروستر،

واکافت قطبیدگی نور و برپایی یک میکروسکوپ قطبان

Measuring the refractive index by Brewster method, analyzing polarization of light and making a polarizing microscope



سر دیوید بروستر
۱۸۶۸-۱۷۸۱

سر دیوید بروستر، استاد فیزیک دانشگاه سن آندریو و سپس رئیس دانشگاه ادینبورو بود. وی که برای درآمدن به خدمت کلیسا درس می‌خواند، با تکرار آزمایش‌های نیوتن روی پراش نور، به مبحث نور علاقه پیدا کرد. در شکست دوگانه و تحلیل طیف، کشف‌های مهمی کرد. با وجودی که در زمان وی نظریه‌ی موجی نور به پیشرفت‌های چشمگیری نایل شد، شگفت‌آور است که وی با این نظریه مخالفت می‌کرد.

الف) تعیین نمارشکست به روش بروستر

منظور آزمایش: تعیین نمارشکست چند جسم غیرفلزی شفاف (Transparent)، و غیرشفاف، با وسایل ارزان قیمت با دقت ۵٪ در صد، تعیین قطبیدگی چند چشمه نور با قطبیدگی‌های متفاوت که در همین آزمایش ایجاد می‌شود و آشنا شدن با میکروسکوپ قطبان و کار با آن.

وسایل آزمایش

لامپ اتومبیل روی یک میله و پایه‌ای با قابلیت تنظیم ارتفاع، صفحه‌ی قطبنده روی پایه‌ای بلند، گونیا، متر، قطعاتی از اجسام صیقل شده که نمارشکست آنها مطلوب است و ظرفی کوچک و تخت برای مایعات مورد اندازه‌گیری.

زمینه‌ی نظری آزمایش

برای توضیح مفصل‌تر زمینه‌ی نظری به مرجع شماره‌ی [۱]، مراجعه کنید.

بطور کوتاه، اگر مؤلفه‌های نسبی بردار الکتریکی پرتو بازتاب یا r_{\perp} و r_{\parallel} را در نظر بگیریم، می‌توان نشان داد که:

$$r_{\perp} = -\frac{\sin(\theta - \varphi)}{\sin(\theta + \varphi)} \quad (1)$$

$$r_{\parallel} = -\frac{\tan(\theta - \varphi)}{\tan(\theta + \varphi)}$$

که در آنها θ زاویه‌ی فرودی و φ زاویه‌ی شکست است. دیده می‌شود که وقتی θ مقداری به خود می‌گیرد که حاصل جمع $\theta + \varphi$ برابر با 90° شود، r_{\parallel} صفر می‌شود.

می توان نشان داد که تحت این زاویه ی فرودی، θ_B ، که به آن زاویه ی بروستر می گویند، داریم:

$$\theta_B = \tan^{-1} n \quad (2)$$

که در آن n نمارشکست نسبی محیط بازتابنده است.

نور بازتابیده به جز در $\theta = 0^\circ$ و $\theta = 90^\circ$ قطبیده ی جزیی (Partially polarized)، و در θ_B قطبیده ی کامل (Completely polarized)، است، یعنی؛ r_{\parallel} ، یا مؤلفه ی TM ، آن صفر است و عمود بر صفحه تابش قطبیده است.

روش آزمایش

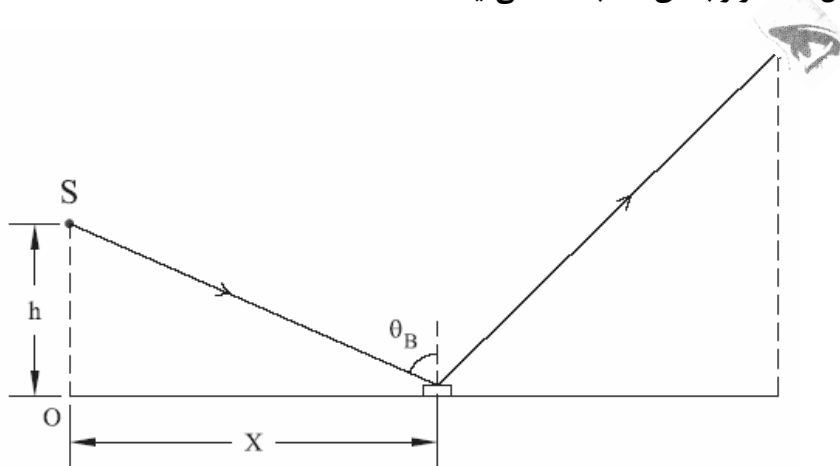
۱. لامپ دوازده ولتی را بر پایه ای در ارتفاع حدود ۲۵ سانتی متر از سطح میز طوری سوار کنید که رشته ی تنگستنی آن افقی باشد.

۲. صفحه ی واکافنده (قطبنده) را روی پایه ای بلند طوری سوار کنید که صفحه ی آن را بتوان عمود بر پرتو بازتابی قرار داده و ارتفاع آن را هم بتوان تنظیم کرد.

۳. خط کش میلی متری را طوری روی میز بطور خوابانیده، نصب کنید که صفر آن درست زیر رشته ی لامپ باشد. از لبه ی گونیا برای این تنظیم می توانید استفاده کنید.

۴. جسم صیقل شده ای که می خواهید نمارشکست آن را اندازه بگیرید در کنار خط کش قرار دهید و تصویر رشته ی لامپ را از پشت صفحه ی قطبنده، روی آن پیدا کنید. با چرخاندن صفحه ی قطبنده (واکافنده) و جابه جا کردن جسم، در حالتی که محور تراگسیل واکافنده قائم است، وضعیتی را بیابید که تصویری دیده نشود. در این حالت مکان تصویر را روی جسم و در کنار خط کش بخوانید.

۵. نمارشکست جسم صیقل شده از رابطه ی (۲) بدست می آید؛



شکل ۱

۶. نمارشکست چند نمونه ی جامد و مایع را اندازه گیری کنید و منابع خطا را برشمارید و خطای هر آزمایش را محاسبه و در کنار اندازه گیری مربوطه در جدولی بنویسید.

ب) واکافت قطبیدگی نور

منظور آزمایش: تعیین چگونگی قطبیدگی نور چند چشمه و انجام تمرین هایی در مورد انواع قطبیدگی ها.

وسایل آزمایش

لامپ ۱۲ ولتی و پایه‌ی آن، چند صفحه‌ی قطبنده، دو تیغه‌ی چارک‌موجی، یک پرده‌ی سفید، عدسی همگرا.

زمینه‌ی نظری آزمایش

چشمه‌های معمولی نور ناقطبیده‌اند، یعنی؛ بردار الکتریکی آنها در جهت خاصی نیست. این گونه چشمه‌ها را با یک قطبنده می‌توان بطور خطی قطبیده کرد. البته قطبنده‌ها، کامل و بی نقص نیستند، از این رو، دو قطبنده متعامد هنوز مقداری نور را رد خواهند کرد.

تیغه‌ی چارک‌موج بین دو مؤلفه‌ی عمود بر هم بردار الکتریکی یک پرتو قطبیده‌ی خطی، یک تأخیر فاز ۹۰ درجه ایجاد می‌کند و بنابراین در حالت کلی می‌تواند نور قطبیده‌ی بیضوی (Elliptically polarized)، ایجاد کند. اگر راستای قطبیدگی نور قطبیده‌ی خطی با محور افقی زاویه‌ی $\pm 45^\circ$ درست کند، نور قطبیده‌ی دایره‌ای (Circularly polarized)، خواهد بود.

روش آزمایش

یک واکافنده را در مقابل چشمه نور قرار داده و راستای محور تراگسیل آنرا به اندازه ۱۸۰ درجه تغییر دهید (روی واکافنده ۱۸۰ درجه به دو بازه صفر تا ۹۰ درجه تقسیم شده است). شدت نور عبوری از واکافنده که روی پرده افتاده است چه تغییری می‌کند؟ چه نتیجه‌ای درباره قطبش نور چشمه می‌گیرید؟

راستای محور تراگسیل واکافنده را روی صفر قرار داده و تیغه چارک موج را مقابل آن قرار دهید. بسته به اینکه چه زاویه‌ای بین راستای محور تراگسیل واکافنده و راستای محور تند تیغه چارک موج وجود داشته باشد قطبش خروجی از تیغه چارک موج متفاوت خواهد بود. برای تعیین قطبش نور خروجی از تیغه چارک موج یک واکافنده مقابل آن قرار دهید. به این واکافنده در اصطلاح تحلیلگر می‌گویند. در حالی که محور تراگسیل واکافنده مقابل چشمه نور روی صفر درجه قرار دارد راستای محور تند تیغه چارک موج را در زوایای مشخص شده در جدول زیر قرار دهید. سپس برای هر جهت‌گیری محور تند، تیغه واکافنده تحلیلگر را به اندازه ۱۸۰ درجه چرخانده و آنچه که برای شدت نور روی پرده اتفاق می‌افتد را در جدول زیر ثبت کنید.

زاویه محور تراگیسیل تحلیگر که در آن:					
راستای محور تند تیغه چارک موج (درجه)	<u>کمینه شدت</u> مشاهده می شود	<u>بیشینه شدت</u> مشاهده می شود	<u>شدت صفر</u> مشاهده می شود	در صورتی که شدت تغییر نمی کند این ستون را علامت بزنید	نوع قطبش نور خروجی از تیغه چارک موج
۰					
۳۰					
۴۵					
۶۰					
۹۰					

بر اساس مشاهدات ثبت شده در جدول بالا قطبش نور خروجی از تیغه چارک موجی را مشخص کنید. برای اطمینان از پاسختان با استفاده از رهیافت ماتریسهای جونز بردار جونز قطبش نور خروجی از تیغه چارک موج را بدست آورید.

پ) برپایی میکروسکوپ قطبان

منظور آزمایش:

برپایی یک میکروسکوپ قطبان (Polarizing microscope)، با وسایل موجود و مشاهده‌ی چند جسم با آن.

وسایل آزمایش

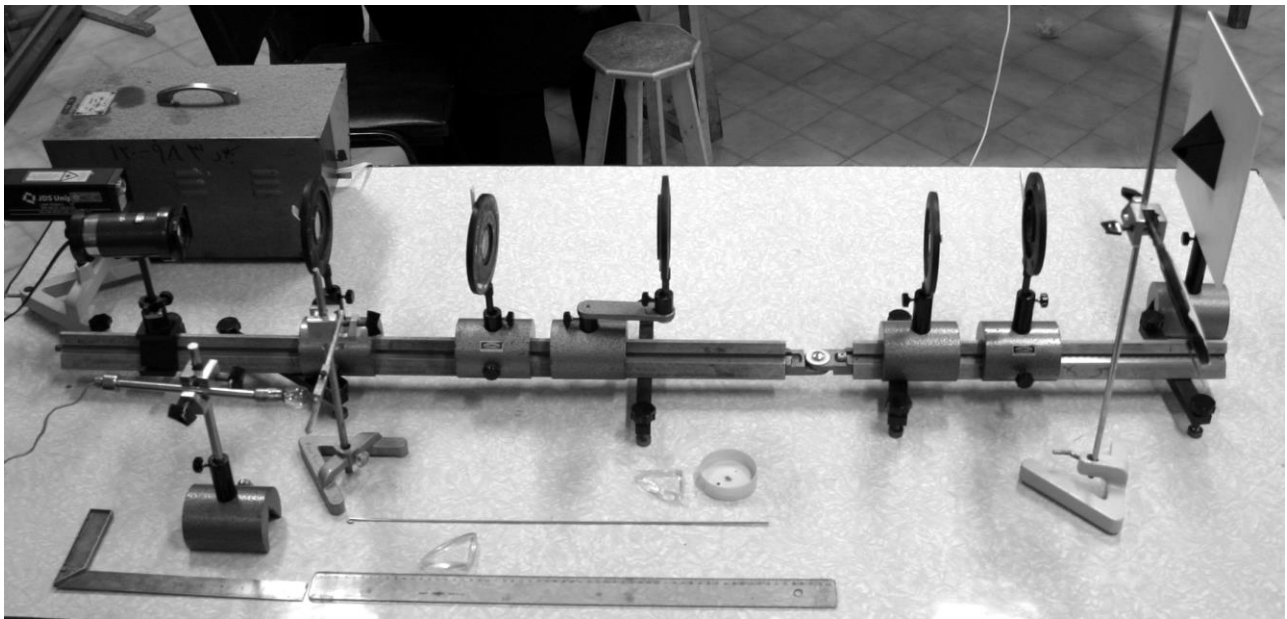
لامپ روشن‌کننده‌ی صحنه، قطبنده، صحنه، عدسی شیئی، واکافنده، پرده‌ی سفید.

ساختمان میکروسکوپ قطبان

میکروسکوپ قطبان یک میکروسکوپ معمولی است با این تفاوت که نور پیش از گذشتن از نمونه‌ی مورد مشاهده (صحنه)، از یک قطبنده و همچنین پس از آن و قبل از عبور از عدسی شیئی از یک واکافنده می‌گذرد و سپس وارد چشمی می‌شود یا روی صفحه‌ی تصویر تشکیل تصویر می‌دهد.

روش آزمایش

۱. با استفاده از یک عدسی به فاصله‌ی کانونی ۳۰ سانتی‌متر و قطبنده‌ها و صحنه، میکروسکوپ (بدون چشمی) قطبان را برپا کنید. تصویر صحنه که یک دهانه‌ی گرد است را روی پرده‌ی سفید درست کنید (با قراردادن یک خط‌کش پلاستیکی این کار به نحو بهتری انجام می‌شود).



شکل ۲

۲. دو قطبیده را نسبت به هم چلیپا قرار دهید، تا شدت نور روی پرده صفر شود. حال اگر یک بلور در محل صحنه قرار دهید (مثلاً یک تیغه‌ی چارک‌موج)، روی پرده نور خواهید دید. علت را توضیح دهید.
۳. در محل صحنه یک ورق یک لایه سلوفان قرار دهید، روی پرده چه می‌بینید؟ سلوفان را بچرخانید و نتیجه‌ی مشاهدات خود را بنویسید. چند بیشینه و کمینه‌ی شدت مشاهده می‌کنید؟ سلوفان یا زرورق خاصیت شکست دوگانه و احتمالاً چرخاندگی دارد.
۴. زرورق را چند لا کنید، در محل صحنه قرار دهید و بچرخانید. مشاهدات خود را بنویسید.
۵. در محل صحنه یک برش سنگ گرافیت قرار دهید و بلورهای آن را به رنگ‌های مختلف روی پرده مشاهده کنید با چرخاندن صحنه تغییراتی را که روی پرده مشاهده می‌کنید، بنویسید. با توجه به اینکه ضخامت این تیغه‌ی گرافیت همه جا یکسان است، ولی چون اختلاف نمارشکست‌های عادی و غیرعادی برای بلورهای مختلف تیغه متفاوت است، برای نوری با طول‌موج معین، قطبیدگی‌های خروجی برای بلورهای مختلف، بیضی‌هایی با خروج از مرکزهای متفاوت خواهند بود. چون نور سفید به کار برده می‌شود، اختلاف نمارشکست در هر جهتی و برای رنگی خاص، بیضی مخصوص به خود را می‌دهد. بعضی از بلورها، فعالیت‌نوری هم ممکن است از خود نشان دهند و بخشی از تغییر رنگ مربوط به پاشندگی چرخشی آنها باشد.

دریچه‌ی بروستر

کاربرد جالب قطبش از راه بازتاب، دریچه‌ی بروستر است. این عنصر اپتیکی مانند یکی از لایه‌های تحلیل‌گر چندلایه‌ای عمل می‌کند. محیط فعال لیزرگازی غالباً با دو دریچه‌ی بروستر که در دو سر لوله‌ی پلاسمای گاز قرار دارند محدود می‌شود. در کاواک، نور در راه خود به سمت آینه‌های کاواک که در دو انتهای لوله قرار دارند و در برگشت از آنها، مکرراً از این دریچه‌ها می‌گذرد. در هر نوبت، مد TM کاملاً عبور داده می‌شود درحالی‌که مد TE بازتاب جزئی پیدا می‌کند (برگشت داده می‌شود). باریکه پس از چندین رفت و برگشت در کاواک لیزر، اساساً بدون ارتعاشات TE است و باریکه‌ی لیزری خروجی در مد TM قطبیده است.

پرسش

- ۱- با چرخاندن یک تحلیلگر در مقابل چشمه‌هایی با قطبش دایروی و یا نور ناقطبیده هیچ تغییری بر روی شدت نور خروجی از آن مشاهده نمی‌شود. برای تعیین نوع این قطبش‌ها چه آزمایشی را ترتیب می‌دهید؟
- ۲- اگر تحلیلگر را مقابل چشمه‌هایی با قطبش نور بیضوی و با قطبیدگی جزئی بچرخانید برای هر دو چشمه تغییرات شدت خروجی از تحلیلگر مشابه بوده و به ازای یک جهتگیری خاص از محور تراگسیل تحلیلگر، شدت عبوری بیشینه می‌شود. چگونه می‌توان این دو چشمه را از هم متمایز نمود.

سوست

جدول نمازشکست‌های عادی و غیرعادی بلورهای دوشکستی

n_E	n_o	بلورها
1/310	1/309	یخ
1/553	1/544	درّ کوهی
1/968	1/923	زیرکن
2/903	2/616	روتیل
1/590	1/598	یاقوت کبود
1/336	1/587	نیترات سدیم
1/486	1/658	کلسیت
1/638	1/669	تورمالین

طول موج‌های لامپ‌های جیوه و سدیم

خط‌های تشدید سدیم (A°)
5889/95
5895/92

طول موج‌های لامپ جیوه
6234
6152
5790
5770
5461
4358
4078
4047

مراجع

1. درآمدی بر نورشناخت نوین؛ تألیف گرانت ر. فوُلز؛ ترجمه‌ی دکتر احمد کیاست پور، جمشید اُحسبسیان؛ انتشارات دانشگاه اصفهان؛ چاپ چهارم ۱۳۸۲
2. آپتیک؛ تألیف فرانسیس ای. جنکینز، هاروی ای. وایت؛ ترجمه‌ی دکتر حبیب تجلی، نادر رابط؛ مرکز نشر دانشگاهی، تهران؛ چاپ اول ۱۳۸۲
3. آشنایی با آپتیک؛ تألیف فرانک ال. پدروتی، لنو اس. پدروتی؛ ترجمه‌ی دکتر محی الدین شیخ الاسلامی؛ مرکز نشر دانشگاهی، تهران؛ چاپ اول ۱۳۸۲
4. نورشناخت؛ تألیف یوجین هشت، آلفرد زایاک؛ ترجمه‌ی دکتر پروین بیات مختاری، دکتر حبیب مجیدی ذوالبنین؛ مرکز نشر دانشگاهی، تهران؛ چاپ سوم ۱۳۷۸
5. نورشناسی هندسی کاربردی؛ ترجمه و گردآوری دکتر حمیدرضا فلاح و سید حسن هاشمی؛ انتشارات دانشگاه اصفهان؛ چاپ ۱۳۸۲
6. بینابنمای اتمی و مولکولی؛ سون سونبرگ؛ ترجمه‌ی دکتر احمد کیاست پور، دکتر محمود سلطان الکتابی، دکتر محمد حسین نادری؛ انتشارات دانشگاه اصفهان؛ چاپ اول ۱۳۷۶
7. مبانی نور و فیزیک نوین؛ تألیف دیوید هالیدی، رابرت رزنیک؛ ترجمه و تدوین احمد کیاست پور، جمشید اُحسبسیان؛ مرکز نشر دانشگاهی، تهران؛ چاپ سوم ۱۳۶۹

8. HANDBOOK OF OPTICS; Volume I&II; Fundamentals, Techniques, and Design; Second edition; Michael Bass; Mc GRAW-HILL, INC.

9. TABLES OF SPECTRAL LINES; A. N. Zaidel', V. K. Prokof'ev, S. M. Raikii, V. A. Slavnyi, and E. Ya. Shreider; Translated from Russian; IFFI\PLENUM, New York-London.



Isfahan University
Department of Physics

Optics Laboratory Instructions

Bachelor's course